

## Study on the energetic prediction model of sound propagation

福島, 昭則

---

<https://doi.org/10.15017/458552>

---

出版情報 : Kyushu Institute of Design, 2002, 博士（工学）, 課程博士  
バージョン :  
権利関係 :

# 付録C

## 地表面の 音響インピーダンスモデル

### C. 1 インピーダンスモデル

多孔質材の表面音響インピーダンスは、多孔質内部の波動方程式から伝搬定数と特性インピーダンスから算出するが、地表面上の騒音伝搬式に用いられる地表面の音響インピーダンスは、通常は地盤を有限なインピーダンスを有する *locally reacting* な面と見なしてモデル化され、*Delany & Bazley* の実験式 [C-1] の形式で表すことが多い。

*Delany & Bazley* の実験式は以下のとおりである。

$$\frac{Z_c}{\rho_0 c_0} = 1 + 9.08 \left( \frac{\sigma}{f} \right)^{0.75} + i \cdot 11.9 \left( \frac{\sigma}{f} \right)^{0.73} \quad (\text{C-1})$$

ここで、 $Z_c$  は多孔質材の特性インピーダンス、 $\rho_0 c_0$  は空気の特性インピーダンス、 $\sigma$  は地表面の流れ抵抗推定値( $\text{kPa} \cdot \text{s}/\text{m}^2$ )、 $f$  は周波数(Hz)である。単純なモデル式であるが、実測データとの対応も比較的よい。

また多孔質材表面のインピーダンスを  $Z_s$  とすると、 $Z_s$  と  $Z_c$  は以下の関係にある。

$$Z_s = Z_c \coth(\gamma d) \quad (\text{C-2})$$

ここで、 $\gamma$  は多孔質材の伝搬定数、 $d$  は多孔質材の厚さ(m)である。多孔質材が十分に厚いときは、 $\coth(\gamma d) \rightarrow 1$  より、 $Z_s = Z_c$  となる。地表面を多孔質材と考え、地表面は十分厚いと考えると、5.1 節での地表面上の波動解のパラメータの一つである比音響アドミッタンス  $\beta$  とは  $Z_c / \rho_0 c_0 = 1/\beta$  の関係にある。

*Miki* [C-2] は *Delany & Bazley* の実験式が正実性を満足していないことを指摘し、正実性を満足した修正式を提案している。すなわち比音響インピーダンス  $Z_c / \rho_0 c_0$  は入力と出

力を関係付ける因果性システム関数と考えられ、 $\frac{Z_c}{\rho_0 c_0} = R + i \cdot X$  とすれば、 $R$  と  $X$  は以下の関係を満たす必要がある。

$$X = H[R] \quad (\text{C-3})$$

ここで、 $H[*]$  は *Hilbert* 変換を表す。*Delany & Bazley* の実験式の形式で、 $\rho_0 c_0$  で規準化した特性インピーダンス  $\frac{Z_c}{\rho_0 c_0}$  を

$$\frac{Z_c}{\rho_0 c_0} = 1 + af^b + i \cdot cf^d \quad (C-4)$$

と表すと、式(C-3)より以下の関係が成り立つ必要がある。

$$b = d \quad (C-5)$$

$$c = -a \cot \frac{(b+1)\pi}{2}, \quad -1 < b < 0 \quad (C-6)$$

この関係を満足するように *Miki* が *Delany & Bazley* の実験式を修正し以下のモデル式を報告している。

$$\frac{Z_c}{\rho_0 c_0} = 1 + 5.50 \left( \frac{\sigma}{f} \right)^{0.632} + i \cdot 8.43 \left( \frac{\sigma}{f} \right)^{0.632} \quad (C-7)$$

なお、*Miki* のモデルは道路交通騒音の予測モデルである ASJ RTN-Model 1998 A 法にも用いられている。本研究でも地表面効果のエネルギーモデルを検討する際に *Miki* のインピーダンスモデルを用いた。

## C. 2 地表面の流れ抵抗推定値

インピーダンスモデル式中の地表面の流れ抵抗推定値  $\sigma$  として表 C-1 の値が報告されている。

表 C-1. 地表面の流れ抵抗推定値

地表面の種類	流れ抵抗推定値 $\sigma$ (kPa·s/m <sup>2</sup> )
アスファルト面、コンクリート面	20,000 ~
硬い土壤地盤(グランド等)	5,000 ~ 20,000
自然に締め固まった地盤	4,000 ~ 8,000
細粉の砂利等を敷いた地盤	1,500 ~ 4,000
砂の多い地盤	800 ~ 2,500
砂利の敷かれた地盤	300 ~ 800
芝生、草地	150 ~ 300
落ち葉のある地盤	20 ~ 100
雪(湿った状態)	20 ~ 50
雪(乾燥、新雪)	10 ~ 30
ASJ Model 1998	アスファルト面、コンクリート面
	20,000
	スポーツ・グランド等表面の固い地面
	1,250
芝地、田圃、草地	300
	表面の柔らかい畑地、耕田
	75

## C. 3 地表面の比音響インピーダンスの計算例

*Delany & Bazley* のモデル式に  $\rho_0 c_0$  で規準化した特性インピーダンス  $Z_C/\rho_0 c_0$  ( $=R+iX$ ) の計算例を図 C-1 に示す。

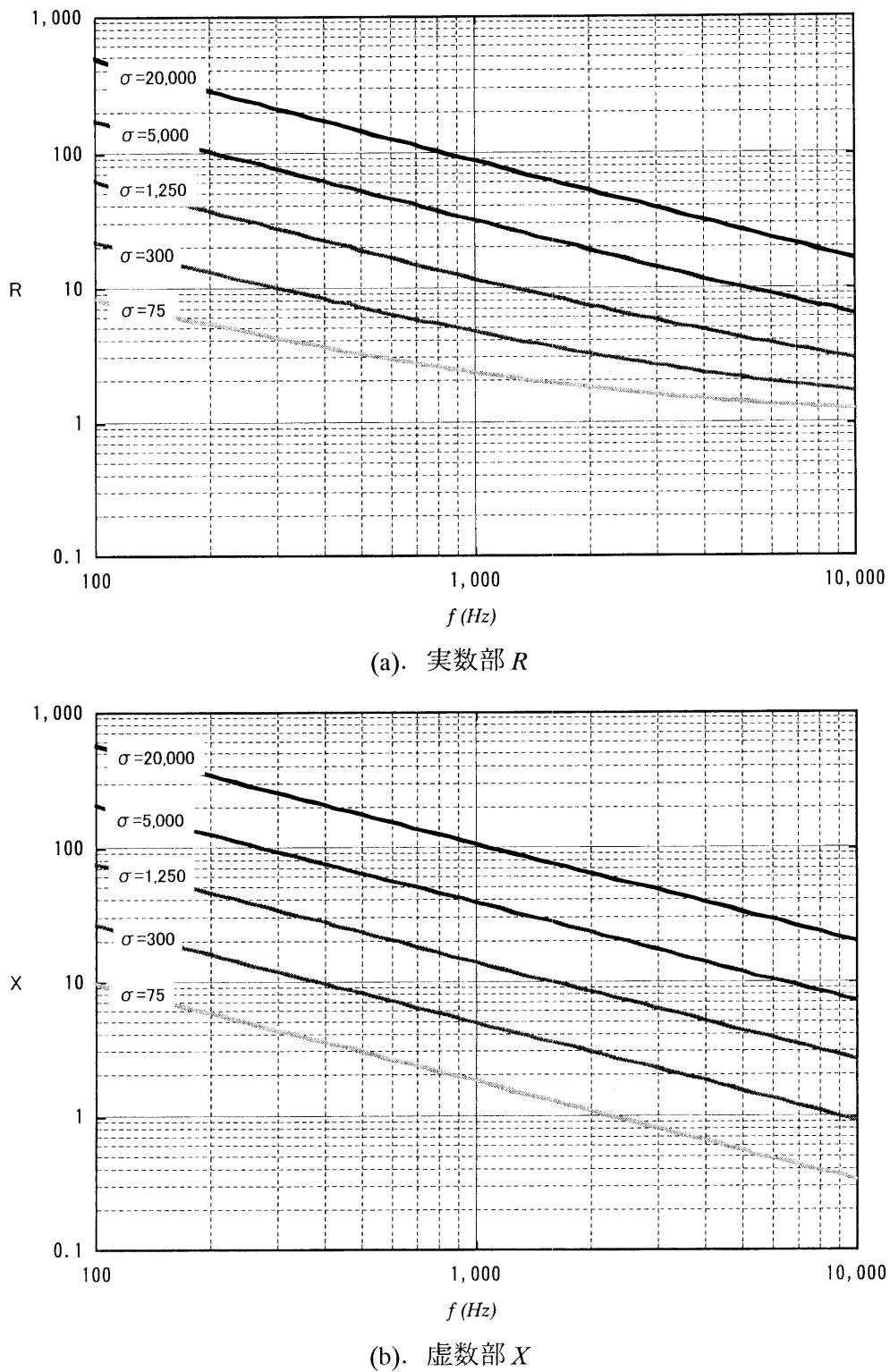


図 C-1.  $\rho_0 c_0$  で規準化した *Delany & Bazley* のモデル式による特性インピーダンスの計算例

## 付録C 地表面の音響インピーダンスモデル

同様に  $\rho_0 c_0$  で規準化した Miki のモデル式による特性インピーダンスの計算例を図 C-2 に示す。

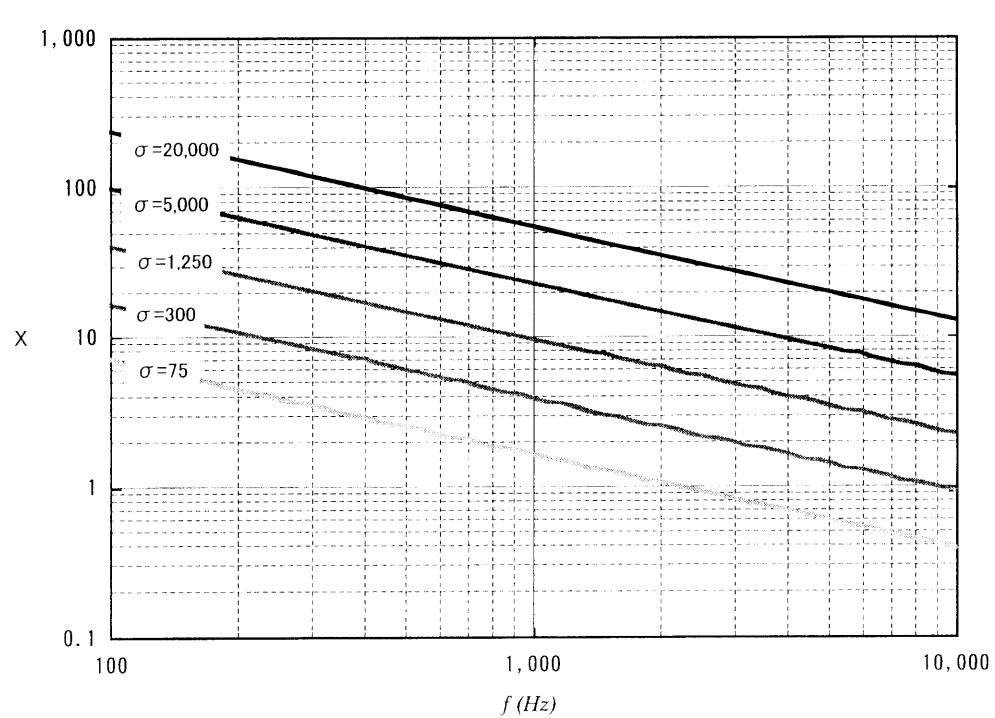
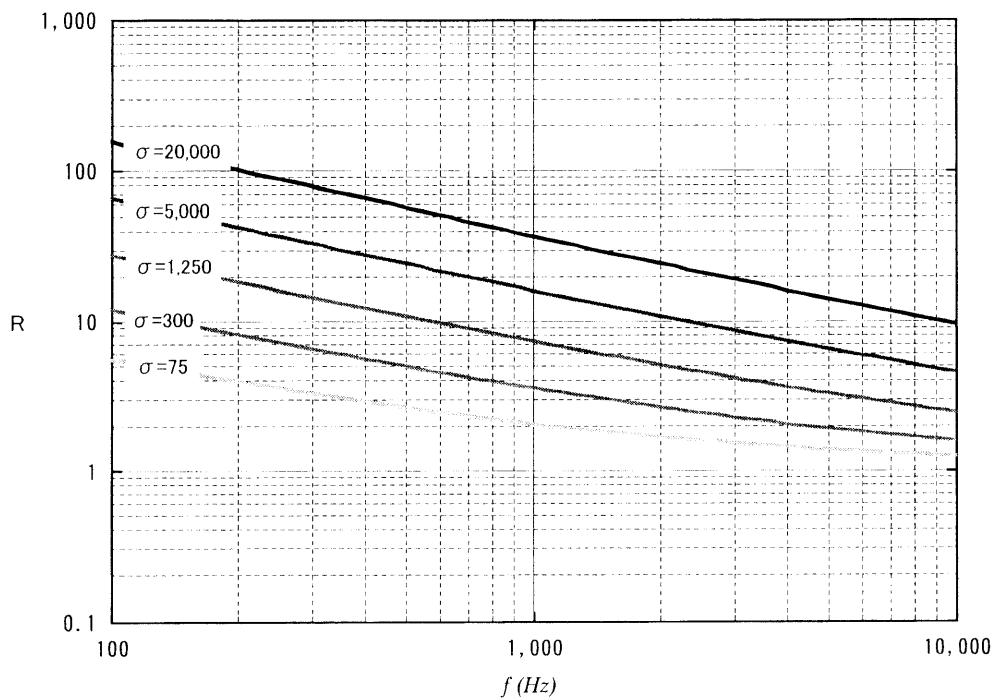


図 C-2.  $\rho_0 c_0$  で規準化した Miki のモデル式による特性インピーダンスの計算例