## 九州大学学術情報リポジトリ Kyushu University Institutional Repository

[03\_06]九州大学大型計算機センター広報: 3(6)

https://doi.org/10.15017/1467971

出版情報:九州大学大型計算機センター広報.3(6), pp.1-70, 1970-12-18.九州大学大型計算機セン

・ バージョン: 権利関係:

# 

#### 1. はじめに

一般的な線型計画法を解くアプリケーションプログラムとしてFACOM230-60 LIPS V-1 が近くユーザにリリースされる予定である。そこで第2節で線型計画法について、第3節で、V-1の使用法、第4節で使用例について述べる。実際の使い方を知りたい方は、第3節、第4節だけ読んで下さい。

### 2. 線型計画法の概要

線型計画法については、すでに数多くの文献(1)~(4)があるので、詳しくは、これらを参照されたい。 ここでは、第3節で述べるLIPS V-1 の使用法との関連から、シンプレックス法、改訂シンプレックス法に関連する術語の説明を中心にして行なう。(術語は、参考文献(1)にほぼ従う。)

#### 2.1 シンプレックス法

線型計画法とは、いくつかの線型の制約式のもとで線型の目的関数を最小または最大にする非負の 最適解を求める問題である。ここで制約式とは、次の3つの型の任意の組合せである。

第一の型(または L型) 
$$\sum_{j=1}^{n} a_{ij} \mathbf{x}_{j} \leq \mathbf{b}_{i}$$
 ( $b_{i} \geq 0$ ,  $i = 1$ , …,  $m_{1}$ ) (1)

第二の型(または G 型) 
$$\sum_{j=1}^{n} a_{ij} x_{j} \leq b_{i}$$
 ( $b_{i} \geq 0$ ,  $i = m_{1} + 1$ , …,  $m_{1} + m_{2}$ ) (2)

第三の型(または N型)  $\sum_{j=1}^{n} \mathbf{a}_{ij} \mathbf{x}_{j} = \mathbf{b}_{i}$  ( $\mathbf{b}_{i} \ge 0$ ,  $i = m_{1} + m_{2} + 1$ , …,  $m_{1} + m_{2} + m_{3} = m$ ) (3) また、目的関数は次のように表わせる。

$$f = \sum_{i=1}^{n} c_i x_i \tag{4}$$

ごこで、 $\mathbf{a}_{ij}$ を制約係数, $\mathbf{b}_i$ を制約量, $\mathbf{c}_j$ をコスト係数, $\mathbf{x}_j$ を真変数とよぶ。

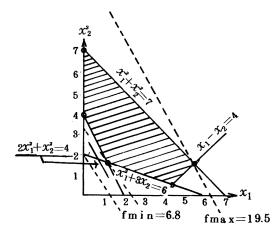
また、問題によっては、真変数が、負の値をとりうる場合がある。この時は、xjを次のように分解して

$$\mathbf{x}_{j} = \mathbf{x}_{j} - \mathbf{x}_{j}, \ \mathbf{x}_{j} \stackrel{+}{\geq} 0, \ \mathbf{x}_{j} \stackrel{-}{\geq} 0$$
 (5)

(1)~(4)に代入する。以上の事より、真変数 xjを非負の条件の下で解いても一般性を失わない。

まずシンプレックス法の原理を考える。簡単のため、2変数の場合について行なう。

- \* 九州大学工学研究科通信工学専攻
- \*\* 九州大学大型計算機センター研究開発部



制 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 \le 7 & (第1の型) \\ x_1 - x_2 \le 4 & ( " ) \\ x_1 + 3x_2 \ge 6 & (第2の型) \\ 2x_1 + x_2 \ge 4 & ( " ) \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

目的関数  $f(x_1) = 3x_1 + 2x_2$ 

図:制約領域と目的関数の変化

斜線を施した制約領域を**可能解領域**とよぶ。図から明らかなように、目的関数を最適にするのは、少 なくとも可能解領域の○印のついた点である。これを端点とよぶ。(最適解が一義的に定まらない場 合は、 $(たとえばf(x)=x_1-x_2)$ 端点と端点を結ぶ直線が最適になる。) ゆえに最適解を求めるには、 端点 (これを**可能基底解**とよぶ) を知る必要がある。この端点は、**基底解**を求めることにより知る ことができる。

この基底解は次のようにして求める。

(1)~(3) に新たな変数(これを**スラック変数**とよぶ)  $s_i$ ( $i = 1, \dots, m_1 + m_2$ ),  $s_i$ '( $i = m_1 + m_2 + 1$ , …,m)を導入する。

第1の型 
$$\sum_{i=1}^{n} a_{ij} x_{i} + s_{i} = b_{i}$$
  $(b_{i} \ge 0, s_{i} \ge 0, i = 1, \dots, m_{1})$  (6)

第2の型 
$$\sum_{\substack{j=1\\ j=1\\ n}} a_{ij} x_j - s_i = b_i \qquad (b_i \ge 0, s_i \ge 0, i = m_1 + 1, \dots, m_1 + m_2)$$
 (7)

第3の型 
$$\sum_{i=1}^{j-1} a_{ij} x_j + s_{i'} = b_i$$
  $(b_i \ge 0, s_{i'} \ge 0, i = m_1 + m_2 + 1, \dots, m)$  (8)

目的関数 
$$\mathbf{f}' = \sum_{i=1}^{n} \mathbf{c}_{i} \ \mathbf{x}_{i} + \mathbf{M} \sum_{i=m_{n}+m_{n}+1}^{m} \mathbf{s}_{i}'$$
 (9)

ただし、Mは最小値問題に対しては正なる大きな値、最大値問題に対しては負なる大きな値とする。 このMは $s_{i}$ '( $i=m_1+m_2+1,\cdots,m$ )が少しでも正の値をとれば目的関数の値を最小値問題に対しては非 常に大きな値にし、最大値問題に対しては非常に小さな値とする。これによって s;'(i=m1+m2+1, ...,m)の値は0になる(罰金法)。わかりやすくするために(6)~(9)を次のように書きかえる。

$$y_1 = x_1, \dots, y_n = x_n, y_{n+1} = y_1, \dots, y_N = y_N = y_N$$
 (N=n+m)

$$\mathbf{v}_1 = \mathbf{c}_1, \dots, \mathbf{v}_n = \mathbf{c}_n, \mathbf{v}_{n+1} = 0, \dots, \mathbf{v}_{n+m_1+m_2} = 0, \mathbf{v}_{n+m_1+m_2+1} = \mathbf{M}, \dots, \mathbf{v}_n = \mathbf{M}$$
 (11)

$$\sum_{i=1}^{n} a_{ij} y_{i} + y_{n+i} = b_{i} \qquad (i = 1, \dots, m_{1})$$
(12)

$$\sum_{j=1}^{n} a_{ij} y_{i} + y_{n+i} = b_{i} \qquad (i = 1, \dots, m_{1})$$

$$\sum_{j=1}^{n} a_{ij} y_{j} - y_{n+i} = b_{i} \qquad (i = m_{1} + 1, \dots, m_{1} + m_{2})$$

$$\sum_{j=1}^{n} a_{ij} y_{j} + y_{n+i} = b_{i} \qquad (i = m_{1} + m_{2} + 1, \dots, m)$$
(12)

$$\sum_{i=1}^{n} a_{ij} y_{j} + y_{n+i} = b_{i} \qquad (i = m_1 + m_2 + 1, \dots, m)$$
(14)

$$f' = \sum_{j=1}^{n} \mathbf{v}_j \ \mathbf{y}_j \tag{15}$$

これらをベクトル形式に書く。

$$A y = b (16)$$

$$\mathbf{f}' = \mathbf{v}^{\mathrm{T}} \mathbf{y} \tag{17}$$

$$y \ge 0$$
 (18)

ただし

(16)において、N個の変数のうち、m個を残して、n個を 0とおくと変数の数、制約条件の数、ともにm個となり、m個のm次元連立一次方程式になる。この方程式の解を基底解とよぶ(この解が一義的に定まらないときがあるが¹¹、ここでは触れない)。基底解の数は、たかだか NC、個存在する。これらの基底解のうち、各変数の値がすべて非負になっている時、これを可能基底解(端点)とよぶ。シンプレックス法はこれら端点のうち、ある端点(この最初の端点を初期端点とよぶ)から出発して、目的関数を改善するような端点を順次探索して最適解を得る方法である。したがって、最初に初期端点を探し出す必要がある。これを第Ⅰ段階とよぶ。次に順次よりよい端点を見つけ出す操作を第Ⅱ段階とよぶ。初めに第Ⅱ段階について述べる。

i)第 $\Pi$ 段階 ある一つの端点を  $\mathbf{y}^1 = [y_1, y_2, ..., y_N]^T$ とする。 $y_1, ..., y_N$ のうち、少なくとも n 個零があるが、この n 個の零をうしろに寄せて、残りの m 個を前につめ、これを新たに  $\mathbf{z}^1$  とする。

$$\mathbf{z}^{-1} = \begin{pmatrix} \mathbf{z} & \mathbf{z} & \mathbf{z} & \mathbf{z} \\ \mathbf{z}_{1}, \mathbf{z}_{2}, \cdots, \mathbf{z}_{m}, \mathbf{0}, \cdots \mathbf{0} \end{pmatrix}^{\mathsf{T}}$$

$$(20)$$

この順序を入れ替えることによって、制約係数ベクトル $\mathbf{a}_1, \mathbf{a}_2, \cdots, \mathbf{a}_N$ が $\mathbf{d}_1, \mathbf{d}_2, \cdots, \mathbf{d}_N$ に、コスト係数 $\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \cdots, \mathbf{v}_N$ が $\mathbf{w}_1, \mathbf{w}_2, \cdots, \mathbf{w}_N$ に変わるとする。

$$D_{1} \cdot \mathbf{z}^{1} = \mathbf{b}, \ D_{1} = \begin{bmatrix} \dot{\mathbf{l}}_{1}, \dots, \ddot{\mathbf{d}}_{n}, \dot{\mathbf{d}}_{k}, \ddot{\mathbf{d}}_{n} \end{bmatrix}$$
 (21)

$$\tilde{\mathbf{D}}_{1} \cdot \tilde{\mathbf{z}}^{1} = \mathbf{b}, \quad \tilde{\mathbf{D}}_{1} = [\mathbf{d}_{1}, \dots, \mathbf{d}_{m}], \quad \tilde{\mathbf{z}}^{1} = [\overset{1}{\mathbf{z}}_{1}, \mathbf{z}_{2}, \dots, \overset{m}{\mathbf{z}}_{m}]^{\mathsf{T}}$$
 (22)

$$\mathbf{f}' = \mathbf{\tilde{w}} \mathbf{\tilde{z}}^{1} \qquad \mathbf{\tilde{w}} = [\mathbf{w}_{1}, \dots, \mathbf{w}_{m}]^{T}$$
(23)

ここで、 $\mathbf{d}_1,\dots,\mathbf{d}_m$ を基底ベクトル、 $\tilde{\mathbf{D}}_1$ を基底行列、 $\mathbf{d}_{m+1},\dots,\mathbf{d}_N$ を非基底ベクトルとよぶ。  $\mathbf{d}_1,\dots,\mathbf{d}_N$ は  $\mathbf{d}_1,\dots,\mathbf{d}_m$ の一次結合として表わされる。

$$\mathbf{d}_{k} = \sum_{i=1}^{m} \mathbf{h}_{ik}^{1} \quad \mathbf{d}_{i} = \tilde{\mathbf{D}}_{1} \quad \mathbf{h}_{k}^{1} \qquad \qquad \mathbf{h}_{k}^{1} = \left[ \mathbf{h}_{1k}^{1}, \mathbf{h}_{2k}^{1}, \cdots, \mathbf{h}_{mk}^{1} \right]^{T}$$
 (24)

ここでlhiの上の添字は、基底行列Diの下の添字に対応しているが、混乱のない限り、lhiをlhiと書く

任意の非基底ベクトルを $\mathbf{d}_{k}$ とすると、 (21)  $-(24) \times \theta_{k}$  より

となる。この z²が、端点 z¹に相隣り合う端点になるためには、

$$\mathbf{z}_{i} - \theta_{i} \, \mathbf{h}_{i, k} \ge 0 \qquad \qquad \mathbf{i} = 1, 2, \cdots, \mathbf{m}$$

かつ、以下に示す正なるみを定めると、22が新たな端点となる。

$$\theta_k = \theta_{kl} = \min_{i \in I} z_i / h_i,_k, \quad I = \{i \mid h_i,_k > 0, i = 1, \dots, m\}$$
(29)

すなわち、z²は、ℓ番目の要素が零となり、k番目の要素が正となる。

(②)において、 $h_{k,i}$  <  $o(i=l, \cdots, m)$  の時は、 $\mathbf{z}^2$  は端点とはならず、しいて言えば無限遠点に端点が存在する。この場合、目的関数をどれだけでも改善することができ、最大値、最小値問題に対して、それぞれ、最大値、最小値が有限な値としては存在しない。)

次に2つの端点 $z^1, z^2$ に対して、各々の目的関数の値を比較しょう。

$$f'(\mathbf{z}^{2}) = \mathbf{w}^{1}(\mathbf{z}_{1} - \theta_{k}, l \, \mathbf{h}_{1}, k) + \mathbf{w}_{2}(\mathbf{z}_{2} - \theta_{k}, l \, \mathbf{h}_{2}, k) + \dots + \mathbf{w}_{m}(\mathbf{z}_{m} - \theta_{k}, l \, \mathbf{h}_{m}, k) + \mathbf{w}_{k} \, \theta_{k}, l$$

$$= (\mathbf{w}_{1}^{*} \mathbf{z}_{1} + \mathbf{w}_{2} \mathbf{z}_{2} + \dots + \mathbf{w}_{m} \mathbf{z}_{m}) - \theta_{k}, l (\mathbf{w}_{1} \mathbf{h}_{1}, k + \mathbf{w}_{2} \mathbf{h}_{2}, k + \dots + \mathbf{w}_{m} \mathbf{h}_{m}, k - \mathbf{w}_{k})$$

$$= f'(\mathbf{z}^{1}) - \theta_{k}, l (\mathbf{u}_{k} - \mathbf{w}_{k})$$
(30)

$$227 \cdot \mathbf{u}_{k} = \mathbf{w}_{1} \mathbf{h}_{1,k} + \mathbf{w}_{2} \mathbf{h}_{2,k} + \cdots + \mathbf{w}_{m} \mathbf{h}_{m,k} = \mathbf{w} \mathbf{h}_{k}$$

ゆえに、最小値問題に対して、 $u_k - w_k > 0$ 、また最大値問題に対して、 $u_k - w_k < 0$ なる非基底ベクトル  $\mathbf{d}_k$ を新しい基底ベクトル (これを chosen vector とよぶ) に選び、基底ベクトル  $\mathbf{d}_l$ を追い出して、新しい非基底ベクトル (これを removed vector とよぶ) にする。ここでより能率よく目的関数を改善するために、 $|u_k - w_k|$ の大きな  $\mathbf{d}_k$ を選ぶ。(話の都合上、順序は逆になったが、はじめにchosen vector  $\mathbf{d}_k$ を選び(29)の  $\theta_k$ を計算することにより、removed vector  $\mathbf{d}_l$ が決まる) これらのことを繰り返し行ない、改善しようがなくなったら、(すなわち最小値問題に対しては、 $u_k - w_k > 0$ を満たす非基底ベクトル  $\mathbf{d}_k$ がないとき、最大値問題に対しては、 $u_k - w_k < 0$ を満たす  $\mathbf{d}_k$ がない時)その端点が最適解になる。この第 $\Pi$ 段階は、実際には、シンプレックス表(制約係数行列Aにおいて、 $\ell$  行k列目の要素を枢軸要素 (PIVOTAL ELEMENT) にして、掲出しを行なう)を用いて行なうが、ここでは述べない。

ii) 第 I 段階 初期端点は、制約式が第 1、第 3 の型のみであるなら、

$$\mathbf{y}^{1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{0}, \frac{2}{0}, \dots, \frac{n}{0}, \mathbf{b}_{1}, \dots, \frac{n+m}{0}, \mathbf{b}_{m, +m, +1}, \dots, \mathbf{b}_{N} \end{bmatrix} \quad (\mathbf{m}_{2} = 0)$$
(32)

とすれば、これが端点となる。しかし、制約式が第2の型を含むときは、簡単には求まらず、次のようにする。

(6)~(9)に導入したスラック変数の他に、さらに新たな変数μi(これを**技巧変数**とよぶ)を導入する。

$$\sum_{i=1}^{n} a_{ij} x_{j} - s_{i} + \mu_{i-m_{i}} = b_{i} \qquad (b_{i} \ge 0, s_{i} \ge 0, \mu_{i-m_{i}} \ge 0, i = m_{1} + 1, \dots, m_{1} + m_{2})$$
(33)

(6)、(8)、(33)の条件下で

$$\mathbf{g} = \mu_1 + \mu_2 + \dots + \mu_m \tag{34}$$

を最小にする新たな問題を考える。この問題の初期端点は  $y_{N+1}=\mu_1, y_{N+2}=\mu_2, \dots, y_{N+m_2}=\mu_{m_2}$  とすると、 $Y^1=\begin{bmatrix} 1&2& & & \\ 0&0& & & \\ &&&& \\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&& \\ &&&&\\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&&\\ &&&&\\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&&\\ &&&&\\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&&\\ &&&&\\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&&\\ &&&&\\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&&\\ &&&&\\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&&\\ &&&&\\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&&\\ &&&&\\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1}=\begin{bmatrix} 1&2& & \\ &&&&\\ \end{bmatrix}$  、 $y_{N+1$ 

を選び、g=0となる最適解を第 $\Pi$ 段階の操作を行なうことによって得る。(g=0となる解 $\mu_i=o$ (i=1,…,m;) がない場合は、原問題は可能解を持たない。)この最適解は原問題の初期端点になっている ので、これをもとにして、第Ⅱ段階の操作を行なえばよい。

また次のようにしてもよい。原問題の目的関数(9)の代りに(36)のg'を目的関数をとり、

$$\mathbf{g}' = \mathbf{f}' + \mathbf{M}' \sum_{i=1}^{m_i} \mu_i$$
 (ただし、 $\mathbf{M}'$ の値は(9)と同じようにきめる。) (36)

初期端点としては、35)の Y¹をとり第Ⅱ段階を用いる。

2.2 改訂シンプレックス法 初期端点の求め方は2.1節と同じである。第Ⅱ段階は次のように

して行なう。 (22), (24), (31)より  $\tilde{\mathbf{z}} = \tilde{\mathbf{D}}_{\mathbf{1}} \, \mathbf{d}$ (37)

 $h_k^1 = \tilde{D}_1^{-1} d_k$ (38)

 $m_k = \mathbf{\tilde{w}}^T \mathbf{h}_k = (\mathbf{\tilde{w}}^T \mathbf{D}_{\bar{i}}^{-1}) \mathbf{d}_k$ (39)

$$\mathbf{u}_{k} - \mathbf{w}_{k} = \mathbf{w}^{\mathsf{T}} \mathbf{D}_{1}^{\mathsf{T}} \mathbf{d}_{k} - \mathbf{w}_{k} \tag{40}$$

となる。非基底ベクトル dょについて、⑷ののuょーw。を計算して、新しい基底ベクトルを探し、そして、 基底ベクトル d;を追い出して新しい非基底ベクトルとする。これらのベクトルの選び方は2.1節と同 じようにして行なう。それにともない、基底行列ĎがĎ₂に変わる。ここでĎ₁=[ d₁, d₂,…, dィ,…,  $\mathsf{d}_{m}], \quad \mathsf{h}_{k}^{1} = \mathsf{h}_{k},$ 

 $\tilde{D}_2 = [d_1, d_2, \dots, d_k, \dots, d_m]$ で、これらの関係は次の通り、

$$B_{1} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & m \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & \mathbf{h}_{k_{1}}^{1} & \vdots \\ \vdots & \vdots & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (m次の正方行列)$$
(41)

 $\tilde{D}_1B_1 = \tilde{D}_2$ (42)とすると、

ゆえに、  $\tilde{D}_{2}^{-1} = B_{1}^{-1} \tilde{D}_{1}^{-1}$ (44)

さらに基底ベクトルの入れ替えを行なうと、

$$\widetilde{D}_{3}^{-1} = B_{2}^{-1} D_{2}^{-1}$$

$$B_{2} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & k_{2} & m \\ 1 & 0 & & 0 \\ 0 & 1 & & 0 \\ 0 & \vdots & h_{k_{2}}^{2} & \vdots \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ 0 & 0 & & 1 \end{bmatrix}$$

$$(45)$$

p回基底ベクトルの入れ替えを行なって最適解 (その端点 z が最適解かどうかの判断は、シンプレックス法と同様に似の u k - w k の符号をすべてk について調べる。)を得たとすると、その最適解 z は、

$$\mathbf{z} = \mathbf{D}_{p+1}^{-1} \mathbf{b}$$

$$\tilde{\mathbf{D}}_{p+1}^{-1} = \mathbf{B}_{p}^{-1} \tilde{\mathbf{D}}_{p}^{-1}$$

$$\mathbf{B}_{p} = \begin{bmatrix}
1 & 2 & k_{p} & m \\
1 & 0 & 0 \\
0 & 1 & \mathbf{h}_{k_{p}}^{p} & 0 \\
\vdots & \vdots & \vdots \\
0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$
(46)

となる。

以上のことから、D<sub>7</sub> 1,B<sub>7</sub> 1を知ると、シンプレックス法と同じように、これらの操作(逆行列の掛算) を繰り返し行なうと最適解が得られることがわかる。この方法を改訂シンプレックス法とよぶ。

- 3. FACOM LIPS V-1(5)について
- 3.1 V-1の機能・特長
- (1)制約係数・制約量・コスト係数の非零要素のみを係数入力とすればよい。
- (2)制約式において、スラック変数・技巧変数を入力としていれる必要はなく、制約条件式の型を指定しさえすればよい。
- (3)解法は計算機に適した改訂シンプレックス法である。
- (4) 基底行列 D の逆行列 D の保存は プロダクトフォーム である。

2-2節より新しい基底行列は、前の基底行列と、行列Bを知ればよい。p回基底ベクトルの入れ替えを行なえば、(新しい基底行列の逆行列 $D_{p+1}^{-1}$ は、)  $D_{p+1}^{-1}=B_p^{-1}D_p^{-1}$ となるのであるが、前の基底行列 $D_p$ を計算せずに、

 $D_{p+1}^{-1} = B_p^{-1} B_{p-1}^{-1} \cdots B_1^{-1} D_1^{-1}$ より、 $B_1, B_2, \cdots B_p$ をもとにして計算を行なえばよいことがわかる。これをプロダクトフォームとよぶ。

すると、

より、 $h_{k1}$ ,  $h_{k2}^2$ , ………,  $h_{kp}^{\prime}$ だけを記憶しておけばよいことになる。この  $h_{k1}^{\prime}$ を $\eta$  ベクトルとよぶ。

- (5)マルチプライシングの機能がある。(新たに基底に入れる非基底ベクトルのいくつかをインコアにバッファリングしてサブセットを作る。そのサブセットをもとにして、最適解を求める。その最適解が、全体の変数で最適になっているかどうかを調べる。なっていなかったら新しいサブセットのもとで同じことを繰り返す。このようにすると、計算がインコアで行なえ、計算時間を短縮できる。)
- (6)**リインバーション**の機能がある。 プロダクト法において、基底の入れ替え数 P が大きくなると \_\_\_\_\_\_ Dp を逐次 B1, B2, ......, Bp をもとにして計算するのは時間がかかるので何回か基底を入れ替えると \_\_\_\_\_\_ 初期基底行列 Dp を作り直す。すると ガベクトルの数を減らすことができる。
- (7)**クラッシング**の機能がある。 技巧変数をなるべく早く基底変数から追い出して第Ⅰ段階での 操作を簡単にする。
  - (8) **Dual な解**が求められる。
- (9)マルチRHS (制約量)、マルチコストができる。 (制約量,コストを変えたときの解が求まる) (10)制約量,コストのレンジングができる。 (最適基底の内容が変わることなく、RHS;コストの値が変化できる範囲を求め、それらの値を越えたとき、基底から出て行く変数名を求めることができる。) 以上のような特長があるが、しかし次のような制約がある。
  - (1)入力データ形式がカードのみである。
  - (2)カードフォーマットには、かなりの制約がある。
  - (3)出力としては、ラインプリンターのみである。
  - (4)パラメトリックLPなどの感度分析は行なえない。

以上4 つが大きな欠点であるが、近い将来、(1)を解決する機能を持った V -2 のシステムがユーザにリリースされる予定である。

## 3.2 V-1の使用方法

ユーザが用意すべきデータを大別すれば次の三通りである。

- (1)コントロールカード
- (2)コントロールデータ
- (3)インプットデータ
- 3.21 コントロールカード コントロールカードは LIPS システムを動作させるために、モニターに指示を与えるカードである。
  - col. 1 から col. 72の間に次の要領で書く。

3.2.2 コントロールデータ col. 1 から col. 72までの間に次の要領で書く。

(1)コメントカード col. 1 に "\*" のあるカードでユーザが注釈文として用いる。コントロールデータの中にでも、インプットデータの中にでも入れて用いることができる。

(2)コントロールカード コントロールデータのはじまりを次のように書く、p1 には "MIN" または "MAX"を入れ、それぞれ 最小値問題、最大値問題を示し、p2 はインプットデーターをリストするか否かをそれぞれ、"LIST", "N

OLIST"で指示する。pl, p2 のパラメータは省略でき、そのときは、それぞれ前者の方をとる。

(3)プロセデュアカード これらのカードを省くと標準のプロセデュアで行なう。

 (a)クラッシングカード
 クラッシングを行なうカード
 CRASH

 (b)制約量レンジングカード
 制約量に関する感動分析を行なうカード
 RANGERHS

 (c)コストレンジングカード
 コストに
 "

(4)代入文カード 代入文カードは、LIPS 60システムに問題を解く計算上の指示を与える。 代入数値の書き方は、FORTRANの記法に従う。

X 一変数名	代入数値の型	内容	省略したときの値
XEPS	Real	誤差判定基準(この値以下は零とみなす)	2.0 E −12
XCRITE	Real	収束判定基準(目的関数の相対係数がこの値以下は零)	2.0 E -10
XNOINV	Integer	インバートを行なう掃出し回数	50
XNOUT	Integer	何回掃出しを行なえば中間結果を出すかを示す数	1
XPRICF	Integer	α <sub>ij</sub> ベクトルをコア内に読み込む本数	10

例: X P R I C E = 8X E P S = 1.0 E - 10

(5)データ転送カード 与える問題の、問題名、目的関数名、制約量名を,"▼……▼"のように両端を囲んだ8文字以内(ブランクも含む)の文字列で与える。

変 数 名	内容	省略した時の名
XPROB	問題名	▼PROB1▼
ХОВЈ	目的関数名	<b>▼</b> 0 B J 1 <b>▼</b>
XRHS	制約量名	▼RHS1▼

(註)"▼"はEL型, H型では"@"を用いる。

(6)タイトルカード 問題に対する標題(ラインブリンターに出力されるとき、初めに打出す。)を "(……)"のように両端を囲んだ64字以内の文字列であらわす。

このカードを 例: TITLE (SENKEI KEIKAKU) 省略したとき。

TITLE (LINEAR PROGRAMMING PROBLEM)

(7)コントロールエンドカード コントロールデータの最後を示す。 CEND

以上7種類のカードがあり、(2)と(7)は必ず用意しなければならない。ほかは省略可能である。

3.2.3 インプットデータ 制約行列の行・列名、制約量・目的関数名、それらの値を与える。

(1)見出しカード このカードは、その後に続くデータカードの種類を示し、col.1から書く。

ROWS このカードの後、制約式・目的関数名を与える。

COLUMNS "、変数名,非零の aij ベクトル・コスト係数を与える。

RHS " " 、制約量を与える。

「ENDATA インプットデータの終わりを示す。

(2)データカード

a . NAMEカード 例に示すように col . 1 から col . 4 の間に"NAME"と書き、 col . 15から col . 22の間に、すでにコントロールカード X P R O B で与えた 8 文字以内と同じ内容を 書く。

NAME PROBLEM

b. ROWS データカード 左に示しているように、col. 5 から col. 12の間に目的関数名、第

1	2 3	4 5 6 7 8 9 10 11 12	1 , 第 2 , 第 3 の制約式名を書き、col . 2 から col . 4 の間に、そ <sub>.</sub>
	N	COST	れぞれに対応して" N","L","G","E"を書く。ただし、目的関
	L	SEIYAKU1	数名は、すでにコントロールカード X O BJ で与えた 8文字以内と
	G	SEIYAKU2	同じ内容を書く。ほかに、N,L,G,E に対応する所にD N, D
	E	SEIYAKU3	L,DGなどと書くことができるが⑸ここでは省略する。

制約式型名 制約式名

c. COLUMNS データカード  $a_{ij}$  ベクトルの列名(すなわち変数名)を定義し、この列名により、制約係数行列要素の値、コスト係数値のうち非零要素を与えるだけでよい。またスケールすることができるが、ここでは省略する。数値の型は、整数、実数型のどちらでもよく、FORTRANの記法に従う。

フィールド1	フィールド2	BL.	フィールド3	BL.	フィールド4	BL.	フィールド5	BL.	フィールド6	BLANK
ブランク	変 数 名	ブランク	制約式名1	ブランク	值 1	ブランク	制約式名2	ブランク	值 2	ブランク

← オプションフィールド→

このデータカードの順序は次のような規則がある。

ある列(変数)の名前を定義し、すでにROWSデータカードで定義した行名のうち、非零要素のみについて、行名、数値をそれぞれ、フィールド 3・4、次にまた同様に、フィールド 5・6に書く。

(但し、フィールド5・6はオプションフィールド、その列に関して、2つ以上の非零要素があれば再びフィールド2でその列名を書き、残りの非零要素を同じようなフォーマットで書く。このようにして非零要素の制約係数を書いたあと、その変数に対する目的函数が非零であれば、フィールド3・4またはフィールド5・6に書く。このことをそれぞれの変数に対応してカードを作る。詳しくは、第4章の実例を参照のこと。

インプット・データの順序が上のような規則と違うと、エラーメッセージを打ち出さずに、読み飛ばす場合があるから十分注意を払う必要がある。

#### 4. V-1の使用例

	b	Le ·	20	r <sub>i</sub>		10 -
F230-60	LP CONTROL SOURCE	STATEMENT LIST	T AND ERROR L	-IST	DATE 45. 8.21.	PAGE 1
1 2 3 4 5	CONTROL (MAX.LIST) XPROB=!PROH-002' XRHS=!DUALRHSN' XOBJ=!DUALSUMV' CEND	コントロールデータ				
	-60 LP V-1 L-1		INEAR PROGRAMM	ING PROBLEM  TITLE Type out:	45-08-	-21 PAGE
	PROBLEM TYPE	MAXILIS	τ			
	PROBLEM NAME	PROB-00	2			
	OBJECT FUNC NAME	E DUALSUM	ıv		regardence to de-	
	RHS NAME	DUALRHS	N			
	PROBLEM TITLE	· · · · ·	LINEAR	PROGRAMMING PROBLE	¶∫コントロールデータでタイト ↓ いたので省略した場合のTIT	ルカードを省 "LEとなる
			i i i i i i i i i i i i i i i i i i i	PARITY A D IV & F. Z	•	
-	*** OPTIONAL PROCEDU STANDARD	KE *** 70 era	アカードを省いたのでST	MANDAKO C A OF		
	*** VALUE OF CONSTANT	「 *** 省略したと;	の値となる。			
	VALUE OF EPSIRON	0.200	00000E-11	VALUE OF CRI	TER10N 0.2000	0000E-09
	NUMBER OF INVERT	٠٠٠٠	50	NUMBER OF PR	ICF ····	10
	NUMBER OF OUTPUT	г	1	NUMBER OF SA	/E ••••	10000
ELA <sup>†</sup> 'SF	TIME **** 00H 00M 11S	TOTAL I	IME *** 00H 00	M 115 前者はコア占有時間、後者	5は果計コア占有時間	

広

# NAME ROWS	PROH-002				L 2 L 2 L 2 L 2	1 2 3 4 - 3:	ントロールデータで与えたのと同じ内容にす
N DUALSUM					. Ľ2	52:	・トロールデータで与えた目的開数名と同じ
G DUALRW (							16.
L DUALRW:							
L DUALRW ;							
G DUALRW :			-		· · · · · ·		- 1001
L DUALRA							
COLUMNS				•	L 2	11	1
DUALV		1.00000			L 2	12	
DUAL V		1.0					1
DUALV 2		-1.00000	DUALR# 1	1.00000	L 2	13	ì
DUALV 2		1.0					
DUALV		-1.00000	DUALRW 2	1.00000	L 2	14	
DUALV 3		1.0					
DUALV 4		-1.00000	DUALPW 2	1.00000	L 2	15	
DUALV 4		1.00000			L 2	16	
DUALV 4		1.0					
DUALV		1.00000	'DUALRW 3	1.00000	L 2	17	
DUALV		1.0					
DUALV 6		1.00000	DUALRW 3	1.00000	L 2	18	コスト係数は、制約係数の後に変数
DUALV 6		-1.00000			L 2	19	1) コペド宗教は、副科宗教の後に変数 一ごとに入れる。
DUALV 6		1.0					- Ch. Alla.
DUAL V		1.00000	DUALRW 3	1.00000	L 2	20	
DUAL V		-1.00000			L 2	21	
DUALV 7		1.0					
DUALV 8		1.00000	DUALPW 3	1.00000	L 2	22	
		-1.00000	DUALPW 1	-1.00000	, L 2	23	1
		1.0	B				
DUALV 9 DUALV 9		-1.00000	DUALRW 4	1.00000	L 2	24	
		1.0	Sun Burn				
DUALV 10		-1.00000	DUALRW 4	1.00000	L 2	25	1
DUALV 10		1.00000			L 2	26	
DUALV 10		1.0	SULL SULL	1 00000			
DUALV 11		-1.00000	DUALRW 4	1.00000	L 2	27	
DUALV 11		1.00000		4.00	,, , L 2	28	
DUALV 11		1.0 -1.00000	DUALRW 4	1.00000			
DUALV 12					L 2	29	J
DUALV 12		1.00000	DUALRW 1	1.00000	L 2	30	
DUAL V 12	DUAL SURIV						

DUALV 13	10			1.5				20			25			34	1			.5%		Į.	1	
	DUALRW			-1.0		DI	JALPY	4		1.	0000	0			L 2	31						
DUALV 13	DUALRW			-1.0											L 2	32						
DUALV 13	DUALSU			1.0																		
DUAL V 14	DUALRW	<i>i</i> 0		-1.0	0000	DI	JALRY	4		1. •	0000	0			L 2	33						
DUALV 14	DUALRY			-1.0		DI	JALRY	1		1.	0000	0			L 2	34						
DUALY 14																						
DUALV 15	DUALRW	0		-1.0	0000	DI	JALKY	4														
DUAL V 15	DUALRW	/ 3		-1.0	0000	D)	JALRY	2		1.	0000	0			L 2	36	***					
DIALV 15	DUAL SU	MV.		1.0				141			14.74											
						DU	JALRW	4		1.	0000	0			L 2	37						
							JALRW	2 "		1.	0000	oʻ i			L 2	38						
															L, 2	39						
				1.0											L 2	+0						
															_							
DUALRHSN	DUALRW	0		1.00	0000																	
DUALRHSN	DUALRW	1 1 "	-	1.00	0000																	
DUALRHSN				1.00	0000										L 2	43				ロールア	ータで与	えたのと
DUALRHSN	DUALRW	3		1.00	0000													じ名庫	介にする。			
DUALPHSN	DUALRW	4		1.00	0000										L '2	45						-
ĪΑ																						
	DUA		,	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16		DUALRH	SN		
			_															_				
iλι RWB		ı	-1	- 1	-1	-1	1	1	1	- 1	-1	-1	-1	-1	- 1	-1	-1	≤	1			
																		_				
IALRW			1		1		-1		-1		1		1		1		1	S				
																		_				
IAI RW2				- 1	- 1			-1	-1			- 1	ı			1	- 1	>	•			
,																		_				
IALRW3						ì	1	1	1					-1	-1	- 1	-1	~	1			* Mary /
																		_				
JALRW4										1	1	1	1	1	ł	1	1	>	1			
																		_				
																		≨				
											1		1	1	1	ı						
JALSUMV		1		,			. 1	- 1	- 1													
	DUALV 14 DUALV 15 DUALV 15 DUALV 15 DUALV 16 DUALV 16 DUALV 16 DUALV 16 DUALV 16 DUALRHSN DUALRHSN DUALRHSN DUALRHSN DUALRHSN	DUAL 14 DUAL 51 DUAL PW DUAL W DUAL R W DUAL	DUAL 14 DUAL SUM DUAL SUM DUAL 15 DUAL FW 0 DUAL FW 0 DUAL FW 0 DUAL FW 16 DUAL FW 16 DUAL FW 17	DUAL V 14 DUAL SUMV DUAL V 15 DUAL PW 0 DUAL W 15 DUAL RW 2 DUAL V 16 DUAL RW 1 DUAL RW 3 DUAL RHSN DUAL RW 3 DUAL RHSN DUAL RW 3 DUAL RW 1 DUAL RW 3 DUAL RW 1 DUAL RW 3 DUAL RW 1 DUAL RW 2 DUAL RW 1 DUAL RW 2 DUAL	DUALY 14 DUALSHMV 1 0 DUALFW 0 -1-0 DUALFW 15 DUALFW 0 -1-0 DUALFW 15 DUALFW 0 -1-0 DUALFW 15 DUALFW 0 -1-0 DUALFW 16 DUALFW 1 -1-0 DUALFW 16 DUALFW 1 1-0 DUAL	DUAL V 14 DUAL SUM 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 2 -1.00000 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW 3 1.00000	DUAL V 14 DUAL SIMV 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 0 -1.00000 DU DUAL V 15 DUAL RW 0 -1.00000 DU DUAL V 15 DUAL RW 0 -1.00000 DU DUAL V 16 DUAL RW 1 1.0 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DU DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DU DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DU DUAL RW 1 1.00000 DU DUAL RW 1 1.00000 DU DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 D	DUALY 14 DUALSHMV 1.0 DUALY 15 DUALFW 0 -1.00000 DUALFW DUALY 15 DUALFW 0 -1.00000 DUALFW DUALY 15 DUALFW 3 -1.00000 DUALFW DUALY 16 DUALFW 3 -1.00000 DUALFW DUALY 16 DUALFW 1 1.00000 DUALFW DUALY 16 DUALFW 1 1.00000 DUALFW 1 1.00000 DUALFW DUALFW 1 1.00000 DUALFW 1 1.00000 DUALFW 1 1.00000 DUALFW 1 1.00000 DUALFW 3 1.00000 DUALFW 3 1.00000 DUALFW 3 1.00000 DUALFW 3 1.00000 DUALFW 4 1.00000 DUALFW	DUAL V 14 DUAL SUMV 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 2 -1.00000 DUAL RW 4 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 DUAL V 15 DUAL SUMV 1.0 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 4 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 4 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.00000 DUAL RHSN DUAL RW 4 1.000000 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.000000 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.000000 DUAL RHSN DUAL RW 1 1.000000 DUAL RHSN DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 3 1.000000 DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 3 1.000000 DUAL RW 3 1.000000 DUAL RW 3 1.000000 DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 3 1.000000 DUAL RW 3 1.000000 DUAL RW 3 1.00000000000000000000000000000000000	DUAL V 14 DUAL SUMV 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 2 -1.00000 DUAL RW 2 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 DUAL V 15 DUAL RW 0 -1.00000 DUAL RW 2 DUAL V 16 DUAL RW 0 -1.00000 DUAL RW 4 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 DUAL RHSN DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 3 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW 3 1.00000	DUAL V 14 DUAL SUMV 1-0 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1-00000 DUAL RW 4 1・0 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1-00000 DUAL RW 2 1・0 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1-00000 DUAL RW 4 1・0 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1-00000 DUAL RW 2 1・0 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1-00000 DUAL RW 2 1・0 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1-00000 DUAL RW 2 1・0 DUAL V 16 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 2 1・0 DUAL V 16 DUAL RW 1 1・00000 DUAL RW 2 1・0 DUAL RW 1 1・00000 DUAL RW 2 1・0 DUAL RW 1 1・00000 DUAL RW 3 1・00000 DUAL RW 4 1・00000 DUAL RW 4 1・00000 DUAL RW 3 1・00000 DUAL RW 4 1・00000 DUAL RW 3 1・00000 DUAL RW 3 1・00000 DUAL RW 3 1・00000 DUAL RW 4 1・00000 DUAL RW 3 1・00000 DUAL RW 4 1・00000 DUAL RW 3 1・00000 DUAL RW 4 1・00000 DUAL RW	DUALY 14   DUALSHMY   1.0   DUALFW 4   1.0000     DUALY 15   DUALFW 0   -1.00000   DUALFW 2   1.0000     DUALY 15   DUALFW 3   -1.00000   DUALFW 2   1.0000     DUALY 16   DUALFW 3   -1.00000   DUALFW 4   1.0000     DUALY 16   DUALFW 3   -1.00000   DUALFW 2   1.0000     DUALY 16   DUALFW 1   1.00000     DUALFW 1   1.00000   DUALFW 2   1.0000     DUALFISH DUALFW 1   1.00000     DUALFW 1   1.00000     DUALFW 1   1.00000     DUALFW 3   1.00000     DUALFW 4   1.00000     DUALFW 5   1.00000     DUALFW 6   DUALFW 4   1.00000     DUALFW 7   DUALFW 3   1.00000     DUALFW 8   DUALFW 4   1.00000     DUALFW 9   1.00000     DUALFW 1   1.00000     DUALFW 1   1.00000     DUALFW 1   1.00000     DUALFW 2   1.00000     DUALFW 3   1.00000     DUALFW 4   1.00000     DUALFW 6   DUALFW 6   1.00000     DUALFW 7   1.00000     DUALFW 8   1.00000     DUALFW 9   1.00000     DUALFW 9   1.00000     DUALFW 1   1   1   1   1   1   1   1   1   1	DUAL V 14 DUAL SUMV 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 0 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL V 15 DUAL RW 0 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL V 15 DUAL RW 0 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL V 16 DUAL RW 3 1.00000 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW N 0 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 4 1.00000 DUAL RW N DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW	DUAL V 14 DUAL SUMV 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 DUAL V 16 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW 2 1.000000 DUAL RW 1 1.0000000 DUAL RW 1 1.000000 DUAL RW	DUAL V 14 DUAL SUMV 1-0 DUAL RW 2 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 2 1-00000 DUAL RW 2 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 2 1-00000 DUAL RW 2 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 2 1-00000 DUAL RW 1 1-00000 DUAL RW 1 1-00000 DUAL RW 1 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 4 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 4 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 4 1-00000 DUAL RW 4 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 4 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL RW 4 1-00000 DUAL RW 3 1-00000 DUAL	DUAL V 14 DUAL SUMV 1-0 DUAL V 15 DUAL RW 0 -1-00000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1-100000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1-100000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1-00000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 DUAL V 16 DUAL RW 1 1-00000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 DUAL V 16 DUAL RW 1 1-00000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 DUAL V 16 DUAL RW 1 1-00000 L 2 DUAL RW 3 1-000000	DUAL V 14 DUAL SUMV 1.0 DUAL RW 2 1.00000 L 2 35 NUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 36 NUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 36 NUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 L 2 36 NUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 L 2 37 NUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 NUAL V 16 DUAL RW 3 1.00000 L 2 39 NUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 L 2 39 NUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 L 2 40 NUAL RW 1 1.00000 L 2 42 NUAL RW 1 1.00000 L 2 43 NUAL RW 3 1.00000 L 2 43 NUAL RW 3 1.00000 L 2 45 NUAL RW 4 1.000000 L	DUAL V 14 DUAL SUMV 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 35 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 36 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 37 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 39 DUAL RHSN DUAL RW 1 1.00000 L 2 40 DUAL RW 1 1.00000 L 2 43 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.00000 L 2 43 -	DUAL V 14 DUAL SUMV 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 35 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 36 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 L 2 37 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 39 DUAL RHSN DUAL RW 1 1.00000 L 2 40  DUAL RW 1 1.00000 L 2 40  DUAL RW 1 1.00000 L 2 43 一制的最上 RW 3 1.00000 L 2 43 一制的最上 RW 3 1.00000 L 2 45 DUAL RHSN DUAL RW 3 1.00000 L 2 45  DUAL RW 4 1.00000 L 2 45  DUAL RW 5 DUAL RW 6 1.00000 L 2 45  DUAL RW 7 L 2 1.00000 L 2 45  DUAL RW 8 DUAL RW 9 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	DUAL V 14 DUAL SUMV 1.0 DUAL RW 2 1.00000 L 2 35 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 36 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 36 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 L 2 37 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 39 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 39 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 L 2 40 DUAL RW 1 1.00000 L 2 43 DUAL RW 1 1.00000 L 2 43 DUAL RW 3 1.00000 L 2 43 DUAL RW 3 1.00000 L 2 45 DUAL RW 3 1.00000 L 2 45 DUAL RW 4 1.00000 L 2 45 DUAL RW 3 1.00000 L 2 45 DUAL RW 4 1.	DUAL V 14 DUAL SUMV 1-0 DUAL RW 2 1-00000 L 2 35 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1-100000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 36 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1-100000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 36 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1-100000 DUAL RW 4 1-00000 L 2 37 DUAL V 16 DUAL RW 3 1-100000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 1-100000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 1-100000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 39 DUAL V 16 DUAL RW 3 1-100000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 39 DUAL V 16 DUAL RW 1 1-00000 DUAL RW 2 1-00000 L 2 40 DUAL RW 1 1-00000 L 2 40 DUAL RW 1 1-00000 L 2 43 DUAL RW 1 1-00000 L 2 43 DUAL RW 3 1-00000 L 2 43 DUAL RW 3 1-00000 L 2 44 DUAL RW 3 1-00000 L 2 44 DUAL RW 3 1-00000 L 2 45 DUAL RW 3 1-00000 L 2 5 5 DUAL RW 3 1-00000 L 2 5 5 DUAL RW 5 DUAL RW 4 1-00000 L 2 45 DUAL RW 5 DUAL RW 5 DUAL RW 5 DUAL RW 6 TO THE RW 7 TO TH	DUAL V 14 DUAL SUM 1.0 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 35 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 36 DUAL V 15 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 L 2 37 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 4 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 -1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 3 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 38 DUAL V 16 DUAL RW 1 1.00000 DUAL RW 2 1.00000 L 2 39 DUAL RHSN DUAL RW 1 1.00000 L 2 40 DUAL RW 1 1.00000 L 2 40 DUAL RW 3 1.00000 L 2 43 - MIN MEXICAL RU 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

```
NUMBER OF ELEMENTS IN CONSTRAINED ROWS - 一制約係数名とその係数の非常要素数)
                       COUNT ROW COUNT HOW COUNT ROW COUNT ROW COUNT ROW
      16 DUALR® O 8 DUALR® 1 8 DUALR® 2 8 DUALR® 3 8 DUALR® 4 ししい 制象式的以上に関いていては、非常の数は16である。
NUMBER OF FLEMENTS BY COLUMN ORDER - 家数の方からみた。制的係数の非常の数
                                                                        COUNT NAME COUNT NAME
          COUNT MAME
                         COUNT NAME
                                        COUNT NAME
                                                         COUNT NAME
                                                                       2 DUALV 5 3 DUALV 6
3 DUALV 11 4 DUALV 12
L→変数DUALV11は3つの制約式について。
                                       2 DUALV 3 3 DUALV 4
2 DUALV 9 3 DUALV 10
4 DUALV 15 5 DUALV 16
                          2 DUALV 2
4 DUALV 8
4 DUALV 14
            1 DUALV 1
3 DUALV 7
3 DUALV 13
                                                                                非常係数がある。
      DENSITY OF PROBLEM IN PERCENT 60.000 一副約條数の非常要素が活める関係(光調率)が前%である。
 NUMBER A-S NAME NUMBER A-S NAME
NUMBER ALS NAME
  11
           →DUALRW 4 の制約式には"21"の番号をつけ、この制約式は"L"型であるので、スラック変数だけを附加すればよい。
     ELAMSE TIME **** 00H 00M 21S TOTAL TIME **** 00H 00M 33S
 ** PHASE 1 BEGIN ** 技巧変数を入れたので第日以降をやる必要がある。第日以降開始
                                   CURRENT CHOSEN REMOVED R.H.S. PIVOTAL CURRENT VALUE (Z) VECTOR VECTOP ELEMENT ELEMENT CRITERION
 NO OF NO OF NO OF CURRENT
THER INFERS ETAS VALUE (W)
                                1 1 1 0.5
2 0 2 0.0
(f1 ali2) ali3, ali4
                                                                            0.1000000E 01 -0.2000000E 01 0.1000000E 01 -0.1000000E 01
```

- 註1. イタレーション数(基底ベクトルの入れ替え回数)
- 註2.基底に入っている技巧変数の数。この数が"0"となるまでベクトルの入れ替えを必要とする。
- 註3.ηベクトルの数。この数はそれまでにリインバーションを行なわない限り"NO OF INTER"の数と一致する。
- 註4. 第1段階での仮の目的関数の値(第2節34)のgに相当する。)
- 註5. 本来の目的関数値(第2節(9)のf'に相当する。)
- 註6. 基底にとり入れられた変数番号
- 註1.基底から追い出された変数番号(第Ⅰ段階では"A"のついた変数番号(枝巧変数)がすべて追い出されなく てはいけない。)
- 註8. ピボット行のRHSの値
- 註9. ピボット要素の値

VOL3 No.6

註10. 基底にとり入れられた変数のシンプレックス基準

** PHASE 1 FND	as 一第1段階の終了を示す。(実行可能解を得た。) これで解の存在の有無だ	いわかる。もし解かなければ "****

OBJECT FUNCTION (W) IS NOT ZERO \*\*\*\*\* " "\*\*\*\*\* INFEASIBLE SOLUTION \*\*\*\*\* ABNORMAL END を打出す.

##	PHASE	2	BEGIN	**	- 第日長隣の開始
----	-------	---	-------	----	-----------

NO OF NO OF NO OF	CURRENT	CURRENT CHOSEN		R+H+S	PIVOTAL	CURRENT
THE INFEAS FIAS	VALUE (*)	VALUE (Z) VECTOR		ELEMENT	ELFMENT	CRITERION
3 0 3 4 0 4 5 0 5 6 0 6	:	0.3000000E \u220.5060000F \u220.7000000F \u220.1 9 0.1100000E \u220.2 8	18 5 19 5 21 5	0.1000000E 01 0.1000000E 01 0.1000000E 01 0.1000000E 01	0.1000000E 01 0.1000000F 01 0.1000000F 01 0.1000000E 01	-0.2000000F 01 -0.2000000F 01 -0.2000000E 01 -0.4000000E 01

<sup>\*\*\*[</sup>\*第1]段階では、第1段階での仮の目的関数は不要なので"・"て示す。

\*\*\*\*\* SOLUTION OF MAXIMUM PROBLEM \*\*\*\*\* ·解を小す。

OBJECT = DUALSHMV RHS = DUALRHSN

OPTIMUM IN 6 LTERATIONS AND 0 REINVERSIONS  $\begin{bmatrix} 6 \text{ id} のくタレーションでリインハー } \\ >_{9.2} >_{6 \text{ id} 0 \leftarrow 9.0}$  に対しませてに解を得た。

VALUE OF THE OFFICE FUNCTION 11.00000000 日的期級部

NO ·	BASIS NAME	VALUE OF SOLUTION	ROW NAME	SHADOW PRICE	OR!	GINAL H.H.S.
生行番号		r∽行変数の解の値	┌──制約式の行名	r□-女対問題の解。	一制約代の型	⊢→最初に与えた制約量
1	DUALV 1	5. მარიაცი	- DUALRY O	1.00000000	GE	1.00000000
. 5	DUALV 2	2.00000000	+ DUALRW 1	2.00000000	LE	1.00000000
3	DUALV 3	2.000000000	+ DU~LRW 2	2.00000000	LE	1.00000000
4	DUALV 8	1.00000000	- DUALRW 3	0.0	Gξ	1.00000000
5	DUALV 9	1.000000000	+ DUALPW 4	2.00000000	LE	1.00000000
	↓→从底変数の名	前。変数名に"+"、"ー" かついているとき	には、それぞれその変数名 (行名)	の正のスラック変数、負のスラック	変数を意味する。	

\*\*\* UNSCRAMBLE \*\*\* - スクランプルな状態の解を最初に与えた変数の順序に分類して解を打出したものである。

\*\*\*\*\* SOLUTION OF MAXIMUM PROBLEM \*\*\*\*\*

		OPTIMUM IN	6 ITERATIONS AND	O RETNVERST	ONS	
		VALUE OF TH	E OBJECT FUNCTION	* *111.00	0000000	
NO.	BASIS NAME	VALUE OF SOLUTION .	ROW NAME	SHADOW PRICE		ORIGINAL R.H.S.
1 2 3 4 5	DUALV 1 DUALV 2 DUALV 3 DUALV 8 DUALV 9	5.0000000 2.0000000 2.0000000 1.0000000 1.0000000	- DUALRW 0 + DUALRW 1 + DUALRW 2 - DUALRW 3 + DUALRW 4	1.0000000 2.00000000 2.0000000 0.0 2.00000000	GE LE LE GF LF	1.0000000 1.0000000 1.0000000 1.0000000 1.0000000

	*** REDUCED COST *** -全部の	<b>影数に対する双対解</b>			les.	
DUAL V 5 DUAL V 9 DUAL V 13 DUAL V 0 DUAL NW 0	0.0 DUALV 2 0.0 DUALV 6 0.0 DUALV 10 0.0 CUALV 11 1.00000000 + DUALRW 1 2.00000000	2.00000000 2.00000000	DUALV 3 DUALV 7 DUALV 11 DUALV 15 + DUALRW 2	0.0 -2.000,0000 2.000,0000 2.000,0000 2.000,0000	DUALV 4 DUALV 8 DUALV 12 DUALV 16 - DUALRW 3	2.00000000 0.0 4.00000000 4.00000000

### 5.参考文献

- (1) 関根 泰次著 数理計画法 I (岩波講座基礎工学)
- (2) 森口 繁一、宮下藤太郎著 線型計画法(岩波講座現代応用数学)
- (3) 森口 繁一著 線型計画法入門(日科技連ライブラリー)
- (4) 刀根 薫監訳 電子計算機のための数理計画法 (H.P.キュンチ、H.G.チャッハ、C.A.チュンダ -共著) (日科技連)
- (5) 富士通 FACOM 230-60 LP(V-1) 解説書

LIPS V-1のユーザーへのリリースの時期につきましては、おってセンターニュースでお知らせせします。

なお、LIPS V-1は特殊ジョブ扱いとなります。