

rum sit quasi casu, per tab. N, et vero caeteri ex eorum additione ori-  
antur per solut. prob. 1, si aequalibus (3 et 3) addas aequalia (supe-  
rius 1 et inferius 1), producta erunt aequalia ( $3+1$  f. 4=4); et idem  
eveniet in caeteris necessitate. 5) Si numerus est impar, datur in  
medio duea complexiones sibi proximae aequales; sin par, id non  
evenit. Nam numerus impar bisecari potest in duos exponentes  
proximos unitate distantes, v. g. 1+2 f. 3; par vero non potest,  
sed proximi, in quos bisecari potest, sunt iidem. Quia igitur  
in duos exponentes impar numerus bisecari potest, hinc duas habet  
Complexiones aequales per th. 4, quia illi unitate distant, prox-  
imas. 6) Complexiones crescent usque ad exponentem numero ipsi  
dimidium aut duos dimidio proximos, inde iterum decrescent. 7)  
Omnes numeri primi metiuntur suas complexiones *particulares* (seu  
dato exponente). 8) Omnes complexiones simpliciter sunt numeri  
impares \*).

\* ) Hier endigte das Bruchstück, das Leibniz unter dem Titel:  
Disputatio arithmeticæ de complexiōnibus, quam in illustri Academia  
Lipsiensi induitum amplissimam facultatis philosophiae pro loco in ea  
obtinendo prima vice habebit M. Gottfredus Guilielmus Leibnizius  
Lipsiensis, J. U. Baccal. d. 7. Mart. 1666, II. L. Q. C. — veröffentlichte.  
Der akademischen Sitte gemäss hatte er zum Behuf der Dis-  
putation die folgenden Corollariorum hinzugefügt:

*Corollariorum.*

I. *Logica.* 1. Duea sunt propositiones primæ, una, principium  
omnium theorematum seu propositionum necessarium: Quod est (tale),  
id est seu non est (tale), vel contra; altera, omnium observationum  
seu propositionum contingentium: Aliquid existit. 2. Dantur demon-  
strationes perfectæ in omnibus disciplinis. 3. Si disciplinas in se  
spectemus, omnes sunt theoreticæ; si usum, omnes practicæ. Eae  
tamen, ex quibus usus magis immediate fluit, merito practicæ καὶ  
ἔξοχη dicuntur. 4. Methodus etsi in omni disciplina omnis adhiberi  
potest, ut vel vestigia inquisitionis nostræ vel producentur naturæ  
in tradendo sequamur, tamen in practicis fit, ut coincidat et naturæ  
et cognitionis ordo, quia in ipsis rei natura cogitatione et pro-  
ductione nostra oritur. Nam finis et nos movet ad media producenda  
et ducit ad cognoscenda, quod in iis, quæ cognoscere tantum, non  
etiam efficere possumus, secus est. Praeterea etsi omnis methodus  
licita est, non tamen omnis expedit. 5. Syllogismus non est finis  
Logicae, sed contemplatio simplex; propositione vero est medium ad  
hanc, syllogismus ad propositionem.

II. *Metaphysica.* 1. Infinitum aliud alio majus est. *Cardan.*  
*Arithmet.* Pract. c. 66. n. 165 et 260. Dissentire dicitur *Sethus*

Restat hujus Problematis altera pars quasi specialis: „Dato 7  
„Numero (A) com 2 nationes (B) invenire. *Solutio.* Ducatur nu-  
merus in proxime minorem, facti dimidium erit quae situm,

*Wardus* in *Arithmetica infinitorum.* 2. Deus est substantia, Creatura  
accidens. 3. Necesse est dari disciplinam de creatura in genere, sed  
ea fere hodie in *Metaphysica* comprehenduntur. 4. Vix est probable,  
terminum causeæ univocum conceptum dicere ad efficientem, materia-  
lem, formalem, finaliem. Nam vox influxus itidem quid nisi vox est?  
III. *Physica.* Cum observandum sit, alia mundi corpora mó-  
veri circa proprium axem, idem de terra absurdum non est, quem-  
admodum nec contrarium. 2. Cum corporum summa differentia  
sit densum et rarum, manifestum est quatuor primas qualitates ita  
illustrari posse: Humidum est rarum, Siccum est densum, Cali-  
dum est rarefactum, Siccum condensatum. Omne autem rarum  
facile alienis terminis continetur, difficulter suis; densum contra.  
Et omne rarefactum copiam facit in raro homogeneis ad se invicem  
properandi, et heterogenes se separandi, quibus in denso via inter-  
clusa est. Unde definitionum Aristotelicarum ratio redditur. Neque  
ignis, qui rarus esse videtur, cum tamē siccus esse debeat, olstat.  
Nam respondeo: Aliud dicendum de igne per se, aliud de igne alii  
corpori inhaerente, nam ejus naturam sequitur. Ita patet,flammam,  
quæ nihil aliud est quam aer ignitus, fluidam esse debere, quemadmodum  
et aer ipse; contra ignem in ferro ignito consistentem, quemadmodum  
et ferum ipsum. 3. Vim Magnetis ab Adamante sisti dictum est.

IV. *Practica.* 1. *Justitia* (particularis) est virtus servans  
mediocritatem circa affectus hominis erga hominem juvandi et nocendi,  
seu favorem et odium, regula mediocritis est, licere eo usque alterum  
(ne) juvare, quo usque (alteri) tertio non nocetur. ¶ Hoc obser-  
vare necesse est, ut tuemur *Aristotelem* contra cavillum *Grotii*, qui  
de J. B. et P. Prolegom. \*\* 4 fac. a. ita dicit: „Non recte autem  
„universaliter positum hoc fundamentum (quod virtus posita sit in  
„mediocritate) vel ex justitia appareat, cui oppositum nimium et parum  
„cum in affectibus et sequentibus eas actionibus invenire non posset  
„(Aristoteles), in rebus ipsis, circa quas justitia versatur, quae sit,  
„quod ipsum primum est desilire de genere in genus alterum, quod  
„aliis merito culpatur.” Vult nempe *Grotius* incongrue in speciebus  
divisionis aliquam aliquam interseri, quae ex alio prorsus dividendi  
fundamento derivetur (quod vocet minus Philosophie μεταβάσιν  
eis ἄλλο γένος), et certe aliud prorsus est mediocritas affectuum,  
aliud rerum. Virtutes quoque non rerum, sed animorum habitus sunt.  
Quare ostendimus, justitiam et ipsam in affectuum moderatione esse  
positam. 2. Non inepte dicit *Thrasymachus* apud *Platonem* de Re-  
publ. lib. 1. fol. 379: Justum esse potentiori utile. Nam Deus pro-  
priet et simpliciter est caeteris potentior (homo enim homine absolute  
potentior non est, cum fieri possit, ut quantumcunque robustus ab



20

$A \cap A - 1, \cup 2 = B$ . Esto v. g. Numerus 6,  $6 \cap 5 f. 30 \cup 2 f. 15$ " Ratio solutionis: Esto Tab. 5, in qua enumerantur 6 rerum abedef

Tab. 5 com2nationes possibilis; prima autem res a ducta ab ac ad ae af per caeteras facit com2nationes 5, nempe ipso bc bd be bf numero unitate minores; secunda b per caeteras cd ce cf ducta tantum 4, non enim in antecedentem a de df duci potest, rediret enim prior com2natio ba vel ef ab (haec enim in negotio combinationis nihil differrunt), ergo solum in sequentes quae sunt 4; similiter tertia c in sequentes ducta facit 3; quarta d facit 2; quinta e cum ultima f facit 1. Sunt igitur com2nationes 5. 4. 3. 2. 1. +. f. 15. Ita patet, numerum com2nationum componi ex terminis progressionis arithmeticæ, cuius differentia 1, numeratis ab 1 ad numerum numero rerum proximum inclusive, sive ex omnibus numeris Numero rerum minoribus simul additis. Sed quia, uti vulgo docent Arithmeticæ, tales numeri hoc compendio adduntur, ut maximus numerus ducatur in proxime majorem, facti dimidius sit quæsitus, et vero proxime major h. l. est ipse Numerus rerum, igitur perinde est ac si dicas, Numerum rerum ducentum in proxime minorem, facti dimidium fore quæsitus.

### Probl. II.

#### DATO NUMERO COMPLEXIONES SIMPLICITER INVENIRE.

8 Datus Numerus quaeratur inter Exponentes progressionis Geometricæ duplae, numerus seu terminus progressionis ei et re-gione respondens, demta Unitate, erit quæsitus. *Rationem* seu τὸ δίοτι difficile est vel concipere, vel si conceperis explicare; τὸ δὲ ex tabula manifestum est. Semper enim complexiones particulares simul additæ, addita unitate, terminum progressionis geometricæ duplae constituent, cuius exponentis sit numerus datus. Ratio tamen, si quis curiosius investiget, petenda erit ex discriptione

infirmo occidatur). Caeterum Dei utilitas non in lucro, sed honore consistit. Igitur Gloriam Dei mensuram omnis juris esse manifestum est. Et qui Theologos, Moralistas et casum conscientiae Scriptores consultet, videbit eu plerumque discursus suos in hac fundare. Constitutus igitur certo principio, doctrina de justo scientifice conscribi poterit, quod hactenus factum non est.

21

in Practica Italica usitata, vom Berfälten. Quae talis esse debet, ut 9 datus terminus progressionis geometricæ discerpatur in una plures partes, quam sunt unitates exponentis sui, id est numeri rerum, quarum semper aequalis sit prima ultimæ, secunda penultimæ, tercia antepenultimæ etc., donec vel, si in parem discruptus est numerum partium, exponente seu Numero rerum impari existente, in medio duas correspondant partes per probl. I th. 5 (v. g. 128 de 7 discerpantur in partes 8 juxta tabulam Σ: 1, 7, 21, 35, 21, 7, 1), vel si in imparem, exponente pari existente, in medio relinquatur unus nulli correspondens (v. g. 256 de 8 discerpantur in partes 9 juxta Tab. Σ: 1, 8, 28, 56, 70, 56, 28, 8, 1). Putet igitur aliquis, ex eo manifestum esse novum modum eumque absolutum solvendi probl. 1, seu dato exponente inveniendi Numerum complexionum, si nimur ope Algebrae inveniatur discrptione Complexionum simpliciter seu termini progr. geom. duplæ juxta modum datum; verum non sunt data sufficiencia, et idem numerus in alias atque alias partes, eadem tamen forma, discerpi potest.

#### Usus Probl. I et II.

Cum omnia quae sunt aut cogitari possunt, fere componantur 10 ex partibus aut realibus aut saltem conceptualibus, necesse est, quae specie differunt aut eo differre, quod alias partes habent, et hic *Complexionum* usus, vel quod alio situ, hic *Dispositionum*, illæ materiae, hic formæ diversitate censerunt. Imo Complexionum ope non solum species rerum, sed et attributa inveniuntur, ut ita tota propedium Logica pars *inventiva* illæ circa terminos simplices, hic circa complexos fundetur in complexionibus, uno verbo et doctrina divisionum et doctrina propositionum. Ut taceam, quantopere partem logices Analyticam seu judicij diligentí de modis syllogisticis scrutatione exemplo 6. illustrare speremus. In divisionibus triplex usus est complexionum: 1, dato fundamento unius divisionis 11 inveniendi species ejus; 2, datis pluribus divisionibus de eodem Genere, inveniendi species ex diversis divisionibus mixtas, quod tamen servabimus problemati 3.; 3, datis speciebus inveniendi genera subalterna. Exempla per totam philosophiam diffusa sunt, imo nec Jurisprudentiae deesse ostendemus, apud Medicos vero omnis varietas medicamentorum compositorum et φαρμακοτουητικὴ ex variorum ingredientium mixtione oritur, at in eligendis mixtionibus utilibus summo opus judicio est. Primum igitur exempla dabimus specie-



rum hac ratione inveniendarum: I. apud ICtos l. 2. D. Mandati, et pr. I. de Mandato haec divisio proponitur: *Mandatum contrahitur 5 modis: mandantis gratia, mandantis et mandatarii, tertii, mandantis et tertii, mandatarii et tertii.* Sufficientiam divisionis hujus sic venabimur: Fundamentum ejus est finis  $\checkmark$  seu persona cuius gratia contrahitur, ea est triplex: mandans, mandatarius et tertius. Rerum autem trium complexiones sunt 7: Uniones tres: cum solius 1) *mandantis*, 2) *mandatarii*, 3) *tertii* gratia contrahitur. Com<sup>2</sup>nationes totidem: 4) *Mandantis et Mandatarii*, 5) *Mandantis et Tertiis*, 6) *Mandatarii et Tertiis* gratia. Con<sup>3</sup>nata una, nempe 7) et *mandantis et mandatarii et tertii* simul gratia. Hic ICti Unionem illam, in qua contrahitur gratia mandatarii solum, rejiciunt velut inutilem, quia sit consilium potius quam mandatum; remanent igitur species 6, sed cur 5 reliquerint, omissa con<sup>3</sup>natione, nescio. II. Elementorum numerum, seu corporis simplicis mutabilis species Aristoteles libr. 2. de Gen. cum Ocello Lucano Pythagorico deducit ex numero Qualitatum primarum, quas 4 esse supponit, tanquam fundamento, his tamen legibus, ut 1) quodlibet componatur ex duabus qualitatibus et neque pluribus neque paucioribus; hinc manifestum est Uniones, con<sup>2</sup>nationes et con<sup>3</sup>nationem esse abjecendas, solas com<sup>2</sup>nationes retinendas, quae sunt 6; 2) ut nunquam in unam com<sup>2</sup>nationem veniant qualitates contrariae, hinc iterum duea com<sup>2</sup>nationes sunt inutiles, quia inter primas has qualitates dantur duae contrarietas, igitur 14 remanent com<sup>2</sup>nationes 4, qui est numerus Elementorum. Apposimus Schema (vide paginam titulo tractatus proximam), quo origo Elementorum ex primis Qualitatibus luculentur demonstratur. Porro ut ex his illa Aristoteles, ita ex illis 4 temperamenta Galenus, horumque varias mixtiones medici posteriores elicuere, quibus omnibus jam superiori seculo se opposuit Claud. Campensis Animadversus, natural in Arist. et Galen. adject. ad Com. ej. in Aph. Hippocr. ed. 8. Lugduni anno 1576. III. Numerus communiter ab Arithmeticis distinguitur in Numerum stricte dictum ut 3, Fractum ut  $\frac{2}{3}$ , Surdum ut Rad 3, id est numerum qui in se ductus efficit 3, qualis in rerum natura non est, sed analogia intelligitur, et denominatum, quem alii vocant figuratum, v. g. quadratum, cubicum, pronicum. Ex horum commixtione efficit Hier. Cardanus Pract. Arith. c. 2. Species mixtas 11. Sunt igitur in universum complexiones 15, nempe Uniones 4, quas diximus, Com<sup>2</sup>nationes 6;

Numerus et Fractus v. g.  $\frac{3}{2}$  aut  $1\frac{1}{2}$ ; Numerus et Surdus v. g.  $\sqrt[3]{R} \cdot 3$ ; Numerus et Denominatus v. g.  $3 + \text{cub. de } A$ ; Fractus et Surdus  $\frac{1}{2} + R \cdot 3$ ; Fractus et Denominatus v. g.  $\frac{1}{2} \sqrt[3]{\text{cub. de } A}$ ; Surdus et Denominatus v. g. cub. de 7; Con<sup>3</sup>nationes 4: Numerus et Fractus et Surdus, Numerus et Fractus et Denominatus, Numerus et Surdus et Denominatus, Fractus et Surdus et Denominatus; Con<sup>4</sup>natio 1: Numerus et Fractus et Surdus et Denominatus. Loco vocis: Numerus, commodius substituet vox: Integer. Jam 4. 6. 4. 1+f. 15. IV. Registrum, Ger-16 manice ein Bug, dicitur in Organis Pneumaticis ansula quaedam, cuius apertura variatur sonus, non quidem in se melodiae aut elevationis intuitu, sed ratione canalis, ut modo tremebundus, modo sibilans etc. efficiatur. Talia recentiorum industria detecta sunt ultra 30. Sunto igitur in organo aliquo tantum 12 simplicia, ajo fore in universum quasi 4095; tot enim sunt 12 rerum Complexiones simpliciter per tab. 8, grandis organistis, dum modo plura, modo pauciora, modo haec, modo illa simul aperit, variandi materia. V. Th. Hobbes Element. de Corpore p. I. c. 5 Res, quarum dantur termini in propositionem ingredientes, seu suo stylo, Nominata, quorum dantur nomina, dividit in Corpora (id est substantias, ipsi enim omnis substantia corpus) Accidentia, Phantasmata et Nomina, et sic nomina esse vel Corporum v. g. homo, vel Accidentium v.g. omnia abstracta, rationalitas, motus, vel Phantasmatum, quo refert spatium, tempus, omnes qualitates sensibiles etc., vel Nominum, quo refert secundas intentiones. Haec cum inter se sexies com<sup>2</sup>nentur, totidem oriuntur genera propositionum, et additis iis, ubi termini homogenei com<sup>2</sup>nantur (corpusque attribuitur corpori, accidens accidenti, phantasma phantasmati, notio secunda notioni secundae), nempe 4, exsurgunt 10. Ex iis solos terminos homogeneos utiliter combinari arbitratur Hobbes. Quod, si ita est, uti certe et communis philosophia profitetur, abstractum et concretum, accidens et substantiam, notionem primam et secundam male invicem praedicari, erit hoc utile ad artem inventivam propositionum, seu electionem com<sup>2</sup>nationum utilium ex innumerabilis rerum farragine, observare; de qua infra. VI. Venio ad exemplum complexionem 17 haud paulo implicatus: determinationem numeri Modorum Syllogismi Categorici. Qua in re novas rationes iniit Job. Hospinianus Steinanus, Prof. Organi Basileensis, vir contemplationum minime vulgarium, libello paucis noto, edito in 8. Basileae an. 1560 hoc



titulo: *Non esse tantum 36 bonos malosque categorici syllogismi modos, ut Aristot. cum interpretibus docuisse videtur, sed 512, 18 quorum quidem probentur 36, reliqui omnes rejiciantur.* Incidi postea in controversias dialecticas ejusdem, editas post obitum autoris Basileae 8. anno 1576, ubi quae in Erotematis Dialeticis libelloque de Modis singularia statuerat, velut quadam Apologia, ex 23 problematibus constante, tuetur; promittit ibi et libellum de inventiendi judicandique facultatibus, et Lectiones suas in universum Organon cum latina versione, quas ineditas arbitror fortasse ab autore conceptas potius, quam perfectas. Etsi autem variationem ordinis adhibere necesse est, quae spectat ad probl. 4, quia tamen potissimae partes complexionibus debentur, huc referemus. Cum libri hujus de Modis titulus primum se obtulit, antequam intropeximus, ex nostris traditis calculum subduximus hoc modo: *Modus* est dispositio seu forma syllogismi ratione quantitatis et qualitatis simul: Quantitate autem propositione est vel Universalis vel Particularis vel Indefinita vel Singularis; nos brevitatis causa utemur literis initialibus: U, P, I, S; Qualitate vel Affirmativa vel Negativa, A, N. Sunt autem in Syllogismo tres propositiones, igitur ratione quantitatis Syllogismus vel est aequalis vel inaequalis: *aequalis*, seu habens propositiones ejusdem quantitatis 4 modos: 1) Syllogismus talis est: U, U, U, 2, P, P, P, 3, I, I, I, 4, S, S, S, ex quibus 19 sunt utiles: 2) 1 mus. et 4 tus; inaequalis vel ex parte vel in totum: ex parte, quando duea quaecunque propositiones sunt ejusdem quantitatis, tercia diversae. Et in tali casu duo genera quantitatis sunt in eodem Syllogismo, etsi unum bis repetitur: id toties diversimode contingit, quoties res 4 id est genera haec quantitatum U, P, I, S diversimode sunt com2nabilita, 6maſl, et in singulis 2 sunt casus, quia jam hoc bis repetitur, jam illud, altero simplici existente; ergo  $6^2 = 36$ . Atque ita rursus in singulis, ratione ordinis, sunt variationes 3, nam v. g. hoc U, U, P, vel ponitur uti jam, vel sic: P, U, U, vel sic: U, P, U; ergo  $12^2 = 36$ . Ex quibus utiles 18: 2 U(S)U(S)(U), 2 U(S)S(U)U(S), 2S(U)U(S) U(S), 4 U(S)U(S)P vel I, 4 U(P)I(P) vel loco U, S, 4 I(P)UI(P) 20 et S loco U. In totum inaequalis, quando nulla cum altera est ejusdem magnitudinis, et ita quemlibet Syllogismum ingrediuntur genera 3, toties alia quoties 4 res possunt con4nari, nempe 4maſl. Tria autem ratione ordinis variantur 6maſl, v. g. U, P; I; U, I; P; P, U, I; P, I; U; I, U, P; I, P, U; ergo  $4^3 = 64$ .

Ex quibus utiles 12: 2 UP(I)I(P), 2 I(P)UP(I); totidem si pro U ponas S,  $4+4 = 8$ ; 2 U(S)S(U)P; totidem si pro P ponas I,  $2+2 = 4$ . Addamus jam:  $4+36+24 = 64$ . Hae sunt variationes Quantitatis solius. Ex quibus sunt utiles:  $2+18+12 = 32$ . Caeteri cadunt per Reg. 1, Ex puris particularibus nihil sequitur; 2, Conclusio nullam ex praemissa quantitate vincit; etsi fortasse interdum ab utraque vincatur, uti in Barbari. Porro cum Qualitatibus duae 21 solum sint diversitates A et N, propositiones vero 3, hinc repetitione opus est, et vel Modus est *similis*, id est ejusdem qualitatis, vel *dissimilis*: hujus nulla ulterius est variatio, quia nunquam ex toto, sed semper ex parte est dissimilis, nunquam enim omnes propositiones sunt dissimiles, quia solum 2 sunt diversitates. Similis species sunt 2: A, A; A; N, N; dissimilis 2: A, A, N, vel N, N, A; dissimilis singulare variantur ratione ordinis 3maſl, v. g. A, A, N; N, A, A; A, N, A. Ergo  $2^3 = 8$  f.  $6+2 = 8$ . Toties variatur Qualitas. Ex quibus utiles Variationes sunt 3: A A A; N A N; A N N, per reg. 1. Ex puris negativis nihil sequitur; 2) Conclusio sequitur partem in qualitate deteriore. Sed quia modus est variatio Qualitatis et Quantitatis simul, et ita singulare variationes Quantitatis recipiunt singulas Qualitatis, hinc 64  $\div 8$  f. 512, numerum omnium Modorum utilium et inutilium. Ex 22 quibus utiles sic repereris: duc variationes utiles quantitatis in qualitatibus,  $32 \div 3 = 96$ ; de produculo subtrahe omnes modos, qui continentur in Frisesmo, id est qui ratione Qualitatis quidem sunt A N N, ratione quantitatis vero Major prop. est I vel P, Minor autem U vel S, et conclusio I vel P, quales sunt 8. Frisesmo enim etsi modus est per se quodammodo subsistens, tamen est in nulla figura, v. infra, jam 96  $\div 8 = 88$ , numerum utilium Modorum. Hospiniano, cui nostra methodus ignota, aliter, sed per ambages procedendum erat. Primum igitur cap. 2. 3. Aristotelicos modos 36 investigat ex complicatione U P I omisso S et conclusione; ex quibus utiles sunt 8: UA, UA in Barbara vel Darapti, UA, PA in Darii et Datisi, PA, UA in Disamis, UA, UN in Camestris, UN, UA in Celarent, Cesare, Felapton, UA, IN in Baroco, UN, IA in Ferio, Festino, Ferison, IN, UA in Bocardo. Quibus addit cap. 4. singulares similes aequales SA, SA, SN, SN, 2 inaequales 3iūm generum singulis inversis, et quibuslibet vel A vel Neg.  $3^2 = 9$  f.  $2^2 = 4$ , ergo  $3^2 \cdot 2^2 = 36$ . Ex quibus Hospinianus solum admittit UA, PA, et ponit in Darii, quia singulares ait particularibus aequipollere



cum communī Logicorum schola, quod tamen mox falsum esse ostendemus. C. 5 addit singulares dissimiles totidem, nempe 14, ex quibus Hosp. solum admittit SN, UA in Bocardo; item UN, SA in Ferio. C. 6 addita conclusione quasi denuo incipiens enumerat modos similes aequales  $4 \cap 2$  f. 8, ex quibus utiles solum UA, UA, UA. in Barbara. Juxta Hospin. similes inaequales sunt vel ex toto inaequales, de quibus infra, vel ex parte, de quibus nunc, ubi duas propositiones sunt ejusdem quantitatis, tercia quaecunque diversae; et tunc modo duea sunt universales, una indefinita, quo casu sunt modi 6 (nam una vel initio vel medio vel fine ponitur 3, semperque aut omnes sunt A aut N.  $3 \cap 2$  fac. 6) vel contra etiam 6 per cap. 7. fac. 12. Ex solis prioribus 6 utilis est UA, IA, IA in Darii et Datisi; item IA, UA, IA in Disamis; item UA, UA, IA in Darapi, et, ut Hospinius non inepte, in Barbari. Certe cum ex propositione UA sequantur duea PU, una conversa, hinc oritur modus indirectus Baralip; alterna subalterna 1, v. g. Omne animal est substantia. Omnis homo est animal. Ergo quidam homo est substantia. Hinc oritur iste: *Barbari*. Totidem, nempe 12, sunt modi per caput 8, si duea U et una P jungantur, vel contra; et idem sunt modi utiles, qui in proxima mixtione, si pro I substituas P. Totidem, nempe 12, sunt modi per c. 8, si jungantur duea U et una S per c. 9, et quia Hospin. habet S pro P, putat solum modum utilem esse in Darii UA, SA, SA; v. infra. Item 12 IIP vel PPI; omnes inutilles per c. 10. Item 12 IIS vel SSI, omnes, ut ille putatur, inutilles per c. 11. Item 12 PPS vel SSP, omnes, numerum modorum similium additis variationibus Conclusionis. Dissimiles modi sunt vel aequales vel inaequales. Aequales sunt ex meris vel U vel P vel I vel S, 4 genera que singula variantur ratione qualitatis sic: NNA, ANN etc. 6maſl, uti supradiximus n. 20; jam  $6 \cap 4$  f. 24, v. cap. 13. Utilis est: UA, UN, UN in 23 Camestres. Dissimiles inaequales sunt vel ex toto inaequales, ut nulla propositio alteri sit aequalis, de quibus infra, vel ex parte, ut duae sint aequales, una inaequalis, de quibus nunc. Et redeunt omnes variationes quantitatis, de quibus in similibus ex c. 7. 8. 9. 10. 11. 12. in singulis de binis contrariis diximus; modi autem hic sunt plures quam illic, ob variationem qualitatis accidentem. Erat igitur in c. 7. UUI vel contra IIU. Ordo quantitatis variatur 3maſl, quia v. g. I modo initio, modo medio, modo fine ponitur.

Qualitatis tum complexus variatur 2maſl, NNA vel AAN, tum ordo 3maſl, uti supra dictum, ponendo A vel N initio aut medio aut fine, ergo  $3 \cap 2 \cap 3$  f. 18 de UUI, et contra etiam 18 de IIU f. 36, per c. 14. In prioribus 18 utiles sunt modi: UA, UN, IN; vel loco IN, PN aut SN, et sunt in modo Camestros, uti supra Barbari; UN, UA, I(PS)N similiter in modo Celaro et Cesaro et Felapton; UA, I(PS)N, I(PS)N in Baroco; UN, I(PS)A. I(PS)N in Ferio, Festino et Ferison, qui ultimus tamen in S locum non habet; I(PS)N, UA, I(PS)N in Bocardo. Similiter UUP vel PPU 36 modos habent. Utiles designavimus proxime per P in ( ). Similiter UUS vel SSU faciunt simul modos 36 per c. 15. Modos utiles proxime signavimus per S. IIP vel PPI faciunt similiter 36 per c. 16; modi omnes sunt inutilles. IIS et SSI et PPS et SSSP faciunt modos  $2 \cap 36 = 72$  per c. 17, qui omnes sunt inutilles. Huc usque distulimus inaequales ex toto, ubi nulla propositio in eodem syllogismo est ejusdem quantitatis, sunt autem vel similes, vel dissimiles; inaequales ex toto similes sunt: UIP, quae forma habet modos 12, nam 3 res variant ordinem 6maſl, qualitas autem variatur 2maſl; ergo  $6 \cap 2$  f. 12 per c. 18, ubi sunt inutilles; UA, I(PS)A, P(IS)A, UA, P(IS)A, I(PS)A in Darii et Datisi; I(PS)A, UA, P(IS)A, P(IS)A, UA, I(PS)A in Disamis, nisi quod S non ingreditur Minorem in Figura Tertia; UPS et UIS, quae habent modos 24 per c. 10.. Utiles signavimus proxime per S. IPS, quae habet modos 12 per c. 20; omnes autem sunt inutilles juxta Hosp. Dissimiles omnino inaequales sunt 24 eodem modo, uti similes: UIP quae variant ordinem 6maſl. Qualitas autem variatur 6maſl; ergo  $6 \cap 6$  f. 36 per c. 21. Modi utiles sunt: UA, I(PS)N, P(IS)N in Baroco; UN, I(PS)A, P(IS)N in Ferio, Festino et Ferison. I(PS)N, UA, P(IS)N in Bocardo. UIS et UPS,  $36 \cap 2$  f. 72 per c. 22. Modos utiles signavimus proxime per S et P et I in ( ). IPS habet modos 36 per c. 23, omnes inutilles juxta hypothesis Hosp. Addemus jam omnes modos a cap. 6 incl. ad c. 23 computatos (nam anteriores in his redire) + 80. 24. 36. 36. 36. 36. 72. 12. 24. 12. 36. 72. 36. sed  $80 + 12 \cap 36$ , f. 512. In his Hospiniiani speculationibus quaedam laudamus, quaedam desideramus. Laudamus inventionem novorum modorum: Barbari, Camestros, Celaro, Cesaro; laudamus quod recte observavit, modos, qui vulgo nomen invenerit, v. g. Darii etc. habere se ad modos a se enumeratos velut genus ad



speciem; sub Darii enim hi novem continentur ex ejus hypothesi: UA, IA, IA; UA, SA, SA; UA, PA, PA; UA, IA, SA; UA, SA, IA; UA, IA, PA; UA, PA, IA; UA, SA, PA; UA, PA, SA. Sed non aequae probare possumus, quod Singulares aequavit particularibus, quae res omnes ejus rationes conturbavit, effectique ei modos utiles justo pauciores, ut mox apparebit. Hinc ipse in controversis dialect. c. 22. p. 430 erasse se fatetur et admittit modos utiles 38. nempe 2 praeter priores 36. 1, in Darapti, cum ex meris UA concluditur SA, quoniam Christus ita concluderet Luc. XXIII. v. 37. 38; 2, in Felapton, cum ex UN et UA concluditur, SN quia ita concluderit Paulus Rom. IX. v. 13. Nos etsi scimus ita vulgo sentiri, arbitramur tamen alia omnia veriora. Nam haec: Socrates est Sophronisci filius, si resolvatur fere juxta modum Joh. Rauen, ita habebit: Quicunque est Socrates, est Sophronisci filius. Neque male dicitur: Omnis Socrates est Sophronisci filius, etsi unicus sit, (neque enim de nomine, sed de illo homine loquimur) perinde ac si dicam: Titio omnes vestes quas habeo, do lego, quis dubitet, etsi unicam habeam, ei deberi? Imo secundum ICtos universitas quandoque in uno substitit I. municipium 7. D. quod cujusque univers. nom. Magni. Carpov. p. 11. c. VI. def. 17. Vox enim: omnis, non infert multitudinem, sed singulorum comprehensionem. Imo supposito quod Socrates non haberetur fratrem, etiam ita recte loquor: *Omnis Sophronisci filius est Socrates.* Quid de hac propositione dicemus: *Hic homo est doctus?* Ex qua recte concludemus: Petrus est hic homo, ergo Petrus est doctus. Vox autem: *Hic, est signum singulare.* Generaliter igitur pronunciare audemus: omnis Propositione singularis ratione modi in syllogismo habenda est pro universalis, ut omnis indefinita pro particulari. Hinc etsi Modos utiles solum 36 numerat, sunt tamen 88, de quo supra, omissa nihilominus variatione, quae oritur ex figuris. Nam modi diversarum figurarum correspondentes, id est quantitate et qualitate convenientes, sunt unus simplex v. g. Darii et Datisi. Simplices autem modos voco, non computata figurarum varietate, *Figuratos* contra tales sunt modi figurarum, quos vulgo recensent. Age igitur, ne quid mancum sit, et ad hoc descendamus, dum servet impetus. Ad figuram requiruntur termini tres: Major, quem signabimus graece  $\mu$ ; minor quem latine M; medium quem germanice  $\mathfrak{M}$ , et singuli bis. Ex his fiunt componentes 3, quae hic dicuntur propositiones, quarum ultima conclusio est, priores praemissae. Regulae com-

nandi generales cuique figurae sunt: 1, nunquam componentur duo termini idem, nulla enim propositio est: MM seu minor minor. 2, M et  $\mathfrak{M}$  solum componentur in Conclusione, ita ut semper preponatur M hoc modo:  $M\mathfrak{M}$ . 3) in praemissarum 1ma componentur  $\mathfrak{M}$  et M, in secunda M et  $\mu$ . Neque enim pro variazione figurae habeo, quando aliqui praemissas transponunt, et loco hujus: B est C, A est B, ergo A est C, ponunt sic: A est B, B est C, ergo A est C, uti collocant P. Ramus, P. Gassendus, nescio quis I. C. E. libello peculiariter edito, et jam olim Alcinous lib. I. Doct. Plat. qui semper Majorem prop. postponunt, Minorem prop. preponunt. Sed id non variat figuram, alioquin tot essent figurae, quot variaziones numerant Rhetores, dum in vita communi conclusionem nunc initio, nunc medio, nunc fine quam observant. Manifestum 25 igitur, figurarum varietatem oriri ex ordine medii in praemissis, dum modo in majore preponitur, in minore postponitur, quae est Aristotelica I, modo in majore et minore postponitur, quae est Arist. II, modo utrobique preponitur, quae est III, modo in Magiore postponitur, in Minore preponitur quae est IV Galeni (frustra ab Hispaniano contr. Dial. 19. tributa Scoto, cum ejus meminerit Aben Rois) quam approbat Th. Hobbes Elem. de Corp. P. I. c. 4. art. 11. Designabuntur sic: I.  $\mathfrak{M}\mu$ ,  $M\mathfrak{M}$ ,  $M\mu$ , II.  $\mu M$ ,  $M\mathfrak{M}$ ,  $M\mu$ . III.  $\mathfrak{M}\mu$ ,  $MM$ ,  $M\mu$ . IV.  $\mu\mathfrak{M}$ ,  $\mathfrak{M}M$ ,  $M\mu$ . IVtae figurae hostibus unum hoc interim oppono: Quarta figura aequa bona est ac ipsa prima; imo si modo, non praedicationis, ut vulgo solent, sed subjectionis, ut Aristoteles, eam enunciemus, ex IV fieri I, et contra. Nam Arist. ita solet hanc v. g. propositionem: omne  $\alpha$  est  $\beta$ , enunciare:  $\beta$  inest omni  $\alpha$ . IVtae 26 igitur figurae designatio orietur talis:  $\mathfrak{M}$  inest  $\tau\tilde{\psi}\mu$ , M, inest  $\tau\tilde{\psi}\mathfrak{M}$ , ergo M est  $\mu$ ; vel ut conclusio etiam sic enunciatur, transponendae praemissae, et conclusio erit: Ergo  $\mu$  inest  $\tau\tilde{\psi} M$ . Idem in aliis fieri figuris potest, quod reducendi artificium nemo observavit hactenus. Caeterum secunda oritur ex prima, transposita propositione majore; 3ta, transposita minore; 4ta, transposita conclusione, sed hic alius efficitur syllogismus, quia alia conclusio. Unde modi hujus 4tae sunt designandi modis indirectis primae figurae ut vulgo vocant, dummodo preponas majorem propositionem minori, non contra, ut vulgo contra morem omnium figurarum hanc unicam ob causam, ut vitaretur quarta Galeni, factum est, v. g. sit Syllogismus in Baralip: omne animal est substantia, omnis homo est animal, ergo quaedam substantia est homo. Certe substantia est minor



30

terminus, igitur praemissa in qua ponitur, est minor, et per consequens propositio haec: Omne animal est substantia, non est ponenda primo secundo loco, tum prodibit ipsissima IVta figura. 27 Propter hanc transpositionem propositionum, quos vulgo Syllogismos in Celantes ponunt, sunt in *Fapesmo*, loco Frisesmo dicendum *Fresismo*, loci *Dabitibus* *Baralip* manet. Hi sunt modi figurae IVtae, quibus addo *Celanto* et *Colanto*. Erunt simul 6 Modi: Imae sunt 6: *Barbara*, *Celarent*, *Darii*, *Ferio*, *Barbari*, *Celaro*; Modi IIiae 6: *Cesare*, *Camestres*, *Festino*, *Baroco*, *Cesaro*, *Camestros*; Modi IIIiae etiam 6: *Darapti*, *Felapton*, *Disamis*, *Datisi*, *Bocardo*, *Ferison*. Ita ignota hactenus figurarum harmonia detectitur, singulae enim modis sunt aequales; 1) Imae autem et 2dae figurae semper Major propositio est U; 2) Imae et IIIiae semper Minor A; 3) in IIida semper conclusio N; 4) in IIIita Conclusio semper est P; in IVta conclusio nunquam est UA, Major nunquam PN, etsi minor N, major UA. Propter has regulas fit, ut non quilibet 88 modorum utilium in qualibet figura habeat locum; alioquin essent Modi utilis: 4  $\cap$  96 f. 348. Modi autem figurati in universum utilies et inutilies 512  $\cap$  4 f. 2084. Qui autem in qua figura sint utilies, praesens schema docebit:

8 UA, UA, UA, SA, SA, |UA, UA, SA, UA, |SA, UA, UA.  
8 UN, UA, UN, SN, SA, SN, |UN, UA, SN, |UN, SA, UN, SN, UA, UN.  
8 UA, UN, UN, SA, SN, SN, UA, UN, SN, UA, SN, UN, UA, UN.  
8 UA, UA, PA, UA, IA, SA, SA, PA, SA, SA, IA, UA, SA, IA.  
8 UN, UA, PN, UN, UA, IN, SN, SA, PN, SN, SA, IN, UN, SA, IN.  
8 UA, UN, PN, UA, UN, IN, SA, SN, PN, SA, SN, IN, UA, SN, IN.  
8 UA, IA, IA, UA, PA, UA, PA, IA, UA, PA, SA, IA, IA.  
8 UN, IA, IN, UN, PA, PN, UN, PA, IN, UN, IA, PN, SN, IA, IN.  
8 UA, IN, IN, UA, PN, PN, UA, PN, IN, UA, IN, PN, SA, IN, IN.  
8 IA, UA, IA, PA, UA, PA, IA, UA, PA, PA, UA, IA, SA, IA.  
8 IN, UA, IN, PN, UA, PN, IN, UA, PN, PN, PA, UN, IN, SA, IN.

Restat.

8 IA, UN, IN, PA, UN, PN, IA, UN, PN, PA, UN, IN, IA, SN, IN.

31

SA, SA, UA, SA, UA, SA, SA, 1...	—	—	—	Barbara.
SN, SA, UN, SN, UA, SN, UN, SA, SN, 2...	—	—	—	Cesare. Celarent.
SA, SN, UN, SA, UN, SN, UA, SN, SN, 3...	—	—	—	Camestres. —
UA, SA, PA, SA, UA, IA, SA, UA, PA, 4...	—	—	—	Baralip. Darapti. — Barbari.
UN, SA, PN, SN, UA, IA, SN, UA, PN, 5...	—	—	—	Celanto. Felapton. Cesaro. Celaro.
UA, SN, PN, SA, UN, IN, SA, UN, PN, 6...	—	—	—	Fapesmo. — Camestros. —
* SA, PA, PA, SA, PA, IA, SA, IA, PA, 7...	—	—	—	Datisi. — Darii.
SN, PA, PN, SN, PA, IN, SN, IA, PN, 8...	—	—	—	Fresismo, Ferison. Festino. Ferio.
SA, PN, PN, SA, PN, IN, SA, IN, PN, 9...	—	—	—	Baroco. —
PA, SA, PA, IA, SA, PA, PA, SA, IA, 10...	—	—	—	Ditabis. Disamis. —
PN, SA, PN, IN, SA, PN, PN, SA, IN, 11...	—	—	—	Caterent. Camestres. —

Restat.

PA, SN, PN, IA, SN, PN, PA, SN, IN, 12... Frisesmo. — — —

In quo descripti sunt omnes modi utilles, ex quibus octo semper constitutum modum figuratum generalem, tales autem voco illos vulgo appellatos, in quibus U et S, item I et P habent pro iisdem. Ipsae lineae modorum constant ex quatuor triges, in qualibet lineae quantitate convenienti, differunt pro tribus illis utilibus qualitatis differentiis. Ipsae autem trigae inter se differunt quantitate, positae eo ordine quo supra variationes ejus invenimus, in quarum quatuor reducuntur omnes supra inventae, quia hic U et S, item I et P reducuntur ad eandem. Cuilibet lineae ad marginem possumus modos figuratos generales, in quos quilibet ejus modus specialis cadit. In summo signavimus numeris figuram. Ex eodem 28 autem manifestum est, modos figuratos generales esse vel Monadicos, vel correspondentes, et hos vel 2 vel 3 vel 4, prout plures paucioresque uni lineae sunt appositi. Singulæ porro lineæ habent unum modum simplicem generalem, quem explicare possumus sumitis vocalibus, ut vulgo, ut A sit UA (vel SA), E sit UN (vel SN), I sit P (vel I) A, O sit P(D)N (ita omittendas sunt 4 praeterae vocales U pro IA; Y pro IN; OY seu ov pro SA; w pro SN; quas ad declarandum Hospiniandum posuit Joh. Regius, quem vid. Disp. Log. lib. 4 probl. 5, et ita modus lineae 1. est AAA, 2. EAE, 3. AEE, 4. AAI, 5. EAO, 6. AEO, 7. AII, 8. EIO, 9. AOO, 10. IAI, 11. AEE, 12. IEO, abjectis nempe consonantibus ex vocalibus vulgaribus, in quibus Scholastici per consonas figuram, per vocales modos simplices designarunt. Ultimus vero modus: IEO, quem diximus Frisesmo, et collocavimus in figura nulla, propterea



32

est inutilis, quia major est P (hinc locum non habet in 1 et 2), minor vero N (hinc locum non habet in 1 et 3), etsi ex regulis modorum non sit inutilis. Quod vero in 4 locum non habeat, exemplo ostendo: Quoddam Ens est homo, nullus homo est brutum, ergo quoddam brutum non est Ens. Atque hic obiter consilium suppeditabo utile, quod vel ipso exemplo hoc comprobatur, in quo consistit proba, ut sic dicam, seu ars examinandi modum propositum, et sicubi non formae, sed materiae vi concludit, celeriter instantiam reperiendi, qualem apud Logicos hactenus legere me non memini. Breviter: Pro UA sumatur propositio, quam materia non patitur converti simpliciter, v. g. sumatur haec potius: Omnis homo est animal, quam: Omnis homo est animal rationale, et quo remotius genus sumitur, hoc habebis accurias. Pro UN eligatur talis, qua negentur de se invicem species quam maxime vicinae sub eodem genere proximo, v. g. homo est brutum, et quae non sit convertibilis per contrapositionem in UA seu cuius neque subjectum neque praedicatum sit terminus infinitus. Pro P(I)A sumatur semper talis, quae non sit subalterna alicuius UA, sed in qua de genere quam maxime generali dicatur species particulariter. Pro (I)PN sumatur, quae non sit subalterna alicuius UN, et cuius neuter terminus sit infinitus, et in qua negetur de genere maxime remoto species. Quod diximus 30 de terminis infinitis vitandis, ejus ratio nunc patebit. Prodiit cujusdam Joh. Christoph. Sturmii Compendium Universalium seu Metaphysicae Euclideae ed. 8. Hagae anno 1660 apud Adrian. Vlacq. Cui annexuit novos quosdam modos syllogisticos a se demonstratos, qui omnes videntur juxta communem sententiam inpingere in alteram vel utramque harum duarum regularum qualitatibus: Ex puris negativis nihil sequitur; et: Conclusio sequitur qualitatem debilioris ex praemissis. Ut tamen recte procedat argumentum, vel assumit propositionem affirmativam infiniti subjecti, quae stet pro negativa finiti, aut contra, v. g. aequipollent: Quidam non lapis est homo, et: quidam lapis non est homo (verum anno, non procedere in universali contra, v. g. omnis lapis non est homo, ergo omnis non lapis est homo); vel assumat negativam infiniti praedicati pro affirmativa finiti, vel contra, v. g. aequipollent: omnis philosophus non est non homo, et: est homo; vel 3 assumat loco datae conversam ejus per contrapositionem. Jam UA convertitur per contrap. in UN, U et PN in PA, ita facile illi est elicere ex puris neg.

33

affirmantem, si negativa ejus tales sunt, ut stent pro affirmativis; item ex A et N elicere affirmantem, si ista stet pro negativa. Ita patet, omnes illas 8 variationes qualitatibus fore utiles, et per consequens modos utiles fore  $32^2 = 8 \cdot f \cdot 256$  juxta nostrum calculum. Similis fere ratio est syllogismi ejus, de quo Logici disputant: Quiunque non credunt, damnantur, Judaei non credunt, ergo damnantur. Sed ejus expeditissima solutio est, minorem esse affirmantem, qua medius terminus affirmatur de minore. Medius terminus autem non est: credere, sed: non credere, id enim praexstitit in majori prop. Non possum hic praeterire modum Darapti ex ingenioso invento Cl. Thomasi nostri. Is observavit ex Ramo Schol. Dialect. lib. 7. c. 6. pag. m. 214, Conversioinem posse demonstrari per syllogismum adjiciendo propositionem identicam, v. g. UA in PA sic: omne  $\alpha$  est  $\gamma$ , omne  $\alpha$  est  $\alpha$  (si in 3iae modo Darapti velis, vel omne  $\gamma$  est  $\gamma$ , si in 4iae modo Baralip), ergo quoddam  $\gamma$  est  $\alpha$ . Item PA in PA sic: Quoddam  $\alpha$  est  $\gamma$ , omne  $\alpha$  est  $\alpha$  (si in 3iae modo Disamis velis, vel omne  $\gamma$  est  $\gamma$ , si in 4iae modo Ditisabis), ergo quoddam  $\gamma$  est  $\alpha$ . Item UN in UN (in Cesare 2dae) sic: Nullum  $\alpha$  est  $\gamma$ , omne  $\gamma$  est  $\gamma$ , ergo nullum  $\gamma$  est  $\alpha$ . Item PN vel in Baroco 3iae sic: omne  $\alpha$  est  $\alpha$ , quoddam  $\alpha$  non est  $\gamma$ , ergo quoddam  $\gamma$  non est  $\alpha$  (vel in Colanto 4iae: Quoddam  $\alpha$  non est  $\gamma$ , omne  $\gamma$  est  $\gamma$ , ergo quoddam  $\gamma$  non est  $\alpha$ ). Idem igitur ipse in Conversione per Contrapositionem tentavit, v. g. hujus PN: Quidam homo non est doctus, in hanc PA infiniti subjecti: quodam non doctum est homo. Syllogismus in Darapti erit talis: Omnis homo est homo, quidam homo non est doctus, ergo quoddam quod non est doctum est homo. Observari tamen hic duo debent, Minorem juxta Sturmianam doctrinam videri quasi pro alia positam: Quidam homo est non doctus; deinde omnium optime sic dici: propositionis hujus: Quidam homo non est doctus, conversam per contrapositionem proprie hanc esse etiam negativam: Quoddam doctum non est non non homo, et in conversione per contrapositione identicam ipsam debere esse contrapositam, id ostendit syllogismus jam non amplius in Darapti, sed Baroco: Omnis homo est non non homo (id est, omnis homo est homo), quidam homo non est doctus, ergo quoddam doctum non est non non homo (id est, quoddam non doctum est homo). Caeterum Sturmianos 33 illos modos arbitror non formae, sed materiae ratione concludere, quia quod termini vel finiti vel infiniti sint, non ad formam pro-



34

positionis seu copulam aut signum pertinet, sed ad terminos. Desinimus tandem aliquando modorum, nam etsi minime perulgata attulisse speramus, habet tamen et novitas taedium in per se tedium. Ab instituto autem abiisse nemo non dicet, qui omnia ex intima variationum doctrina erui viderit, quae sola prope per omne infinitum obsequentem sibi ducit animum, et harmoniam mundi et intimas constructiones rerum seriemque formarum una complectitur, cuius incredibilis utilitas perfecta demum philosophia, aut prope 34 perfecta recte aestimabitur. Nam VIIlms est in complicandis figuris geometricis usus, qua in re glaciem fregit Joh. Keplerus lib. 2. Harmonicā. Iстis complicationibus non solum infinitis novis theorematis locupletari geometria potest, nova enim complicatio novam figuram compositam efficit, cuius jam contemplando proprietates, nova theoremata, novas demonstrationes fabricamus, sed et (si quidem verum est, grandia ex parvis, sive haec atomos sive moleculas voces, componi) unica ista via est in arcana naturae penetrandi, quando eo quique perfectius rem cognoscere dicunt, quo magis rei partes et partium partes, earumque figurae positusque percepit. Haec figurarum ratio primum abstracte in geometria ac stereometria per vestiganda: inde ubi ad historiam naturalem existentiamque, seu id quod revera invenitur in corporibus, accesseris, patebit Physicae porta ingens, et elementorum facies, et qualitatum origo et mixtura, et mixturae origo et mixtura mixturarum, et 35 quicquid hactenus in natura stupehamus. Caeterum brevem gustum dabimus, quo magis intelligamur: Figura omnis simplex aut rectilinea aut curvilinea est. Rectilineae omnes symmetrae, commune enim omnium principium: Triangulus. Ex cuius variis complicationibus congruis omnes Figuras rectilineae coentes (id est non hiantes) oriuntur. Verum curvilinearum neque circulus in ovale etc. neque contra reduci potest, neque ad aliquid commune. Neutra vero triangulo et triangulis symmetros. Porro quilibet circulus cuiuscumque circulo est symmetros, nam quilibet circulus aut concentricus est aut esse intelligitur; Ovalis vero vel Elliptica ea tantum symmetros quae concentrica intelligitur; ita neque omnis ovalis ovali symmetros est etc. Haec de simplicibus; jam ad complicationes. 36 Complicatio est aut congrua aut hians: congrua tum, cum figurae compositae lineae extremae seu circumferentiales nunquam faciunt angulum extrorsum, sed semper introrsum. Extrorsum autem fit angulus, cum portio circuli inter lineas angulum facientes descripta

35

ex punto concursus tanquam centro, cadit extra figuram, ad cuius circumferentiam lineae angulum facientes pertinent: *introrsum*, cum intra. Hians est *complicatio*, cum aliquis angulus sit extrorsum. Stella autem est complicatio hians, cuius omnes radii (id est lineae stellae circumferentiales angulum extrorsum facientes) sunt aequales, ita ut si circulo inscribatur, ubique eum radiis tangat. Caeterum hiantes figurarum complications *texturas* voco, congruas proprie *figuras*. Sunt tamen et quaedam *Texturae figuratae*, quas et *figuras hiantes* ad oppositionem *coenuntium* voco. Jam sunt theoremat: 1) Si duas figureas asymmetras sunt contiguæ (complicatio enim vel immediata est *contiguitas*, vel mediata, inter tertium et primum, quoties tertium contiguum est secundo, et secundum vel mediate vel immediate primo), complicatio fit hians. 2) Curvilinearum inter se omnis contiguitas est hians, nisi alteri circumdetur Zona alterius symmetri dato concentrici. 3) Curvilineae cum rectilinea omnis contiguitas est hians, nisi in medio Zona ponatur rectilinea. Zonam autem voco residuum in figura curvilinea majori, exempta concentrica minori. In contiguitate rectilinearum autem aut angulus angulo, aut angulus lineae, aut linea linea imponitur. 4) Si angulus angulo imponitur aut lineae, contiguitas est in puncto. 5) Omnis curvilinearum inter se contiguitas hians est in puncto. 6) Omnis earum cum rectis contiguitas etiam non hians, itidem. 7) Linea lineae nonnisi ejusdem generis imponi potest, v. g. recta rectae, curvilinea ejusdem generis et sectionis. 8) Si linea lineae aequali imponatur, contiguitas est congrua, si inaequali, hians. Observandum autem est plures figurae ad unum 37 punctum suis angulis componi posse, quae est textura omnium maxime hians. Sed et hoc fieri potest, ut duae vel plures contiguae sint hiantes, accedat vero tertia vel plures, et efficiatur una figura, seu complicatio congrua. Unde nova contemplatio oritur, quae figura vel textura quibus addita faciat ex textura figuram, quod nosse magni momenti est ad rerum hiatus explendos. Restat ut computacionem ex nostris praceptis instituamus, ad quam requiritur ut determinetur numerus figurarum ad conficiendam texturam, et determinantur figurae complicandae; utrumque enim alias infinitum est. Sed hoc facile quilibet juxta enumeratos casus et theorematata praestare; nobis ad alia properantibus satis est prima lineamenta duxisse tractationis de Texturis hactenus fere neglectae. Decebat fortasse doctrinam hanc illustrare schematisbus, sed intelligentes non indigebunt; imperiti,



39 ut fieri solet, nec intelligere tanti aestimabunt. VIIlus Usus est in casibus apud Jureconsultos formandis. Neque enim semper expectandum est praecepue legislatori, dum casus emergat, et majoris est prudentiae leges quam maxime initio sine vitiis ponere, quam restrictionem ac correctionem fortunae committere. Ut taceam, rem judicariam in qualibet republica hoc constitutam esse melius, quo minus est in arbitrio judicis. Plato lib. 9. de Leg.  
40 Arist. 1. Rhet. Menoch. Arbitr. Jud. lib. 1. prooem. n. 1. Porro Ars casum formandorum fundatur in doctrina nostra de Complexionibus. Jurisprudentia enim cum in aliis geometriae similis est, tum in hoc quod utraque habet Elementa, utraque casus. Elementa sunt simplicia, in geometriae figurae: triangulus, circulus etc. in Jurisprudentia: actus, promissum, alienatio etc. Casus: complexiones horum, qui utrobique variabiles sunt infinites. Elementa Geometriae compositus Euclides, Elementa juris in ejus Corpore continentur, utrobique tamen admiscentur Casus insigniores. Terminos autem in jure simplices, quorum mixtione caeteri oriuntur, et quasi Locos communes, summaque genera colligere instituit Bernhardus Lavintheta, Monachus ordinis Minorum, Com. in Lullii Arten magna  
41 nam, quem vide. Nobis sic visum: Terminii quorum complicatione oritur in Jure diversitas casuum, sunt: Personae, Res, Actus, Jura. Personarum genera sunt tum naturalia, ut: mas, foemina, hermaproditus, monstrum, surdus, mutus, cæcus, aeger, embryo, puer, juvenis, adolescens, vir, senex, atque aliae differentiae ex physicis petendae, quae in jure effectum habent speciale; tum artificialia, nimurum genera vitae, corpora seu collegia et similia. Nomina officiorum hue non pertinent, quia complicantur ex potestate et obligatione; sed ad jura. RES sunt mobiles, immobiles, dividuae (homogeneae), individuae, corporales, incorporales, et speciatim: Homo, animal cicut, ferum, rabiosum, noxiū; Equus, aqua, fundus, mare etc., et omnes omnino res, de quibus peculiare est jus. Hae differentiae petendae ex physicis. ACTUS (aut non actus seu status) considerandi qua naturales: ita dividui, individui, relinquent ἀτομέλεια vel sunt facti transeuntis; detentio quae est materiale possessionis, traditio, effractio, vis, caedes, vulnus; noxa, hue temporis et loci circumstantia, hae differentiae itidem petendae ex physicis; qua morales: ita sunt actus spontanei, coacti, necessarii, mixti, significantes, non significantes; inter significantes verba, consilia, mandata, præcepta, pollicitationes, acceptationes, conditions.

Haec omnis verborum varietas et interpretatio ex Grammaticis. Denique actus sunt vel juris effectum habentes, vel non habentes, et illi quidem pertinent ad catalogum jurium quae efficiunt, hi ex politicis ethicisque uberioris enumerandi. JURIUM itidem enumerandae vel species vel differentiae. Et haec quidem sunt v. g. realia, personalia; pura, dilata, suspensa; mobilia vel personae aut rei affixa etc. Species v. g. dominium, directum, utile; servitus, realis, personalis; usus-fructus, usus, proprietas, ius possidendi, usucapiendi conditio; Potestas, obligatio (active sumta); Potestas administratoria, rectoria, coercitoria. Tum actus judiciales sumti pro jure id agendi tales sunt: postulatio, seu jus exponendi desiderium in judicio, cuius species pro ratione ordinis: actio, exceptio, replica etc. nempe in termino; tum in scriptis aut alias extra terminum; supplicatio pro impetranda citatione pro monitorio etc. Jurium autem catalogus ex sola Jurisprudentia sumitur. Nos hic festini quicquid in mente venit attulimus, saltem ut mens nostra perspiceretur; alii termini simplices privata cujusque industria suppleri possunt, sed ita ut eos tantum ponat terminos, qui revera sunt simplices, id est quorum conceptus ex aliis homogeneis non componitur, quanquam in locis communibus, quorum disponendorum artificium potissimum hue reddit, licebit terminos complexos simplicibus valde vicinos etiam tamquam peculiarem titulum collocare, v. g. compensationem, quae componitur ex obligatione Titii Cajo, et ejusdem Caji Titio in rem dividuum, homogeneam seu commensurabilem, quae utraque dissolvitur in summam concurrentem. Ex horum terminorum 46 simplicium, tum cum se ipsis aliquoties repetitis, tum cum aliis combinatione, con3natione etc. et in eadem complexione, variatione situs prodire casus prope infinitos quis non videt? Imo qui accusatus haec scrutabitur, inveniet regulas erudiendi casus singulariores etc., nos talia quedam concepimus, sed adhuc impolitora, quam ut afferre audeamus. Par in Theologia terminorum ratio est, quae 47 est quasi Jurisprudentia quedam specialis, sed eadem fundamentalis ratione caeterarum. Est enim velut doctrina quedam de Jure publico, quod obtinet in Republica DEI in homines, ubi Infideles quasi rebelles sunt, Ecclesia velut subditī boni, personae Ecclesiasticae, imo et Magistratus Politicus velut Magistratus subordinati, Excommunicatio velut Bannus, Doctrina de Scriptura sacra et verbo DEI velut de ligibus et earum interpretatione; de Canone, quae leges authenticae, de Erroribus fundamentalibus quasi de delictis



capitalibus, de *Judicio extremo et novissima die* velut de Processu Judicariis et Termino praestituto, de *Remissione Peccatorum* velut de jure aggriandi, de *Damnatione aeterna* velut de poena capi-  
48 tali etc. Hactenus de usu complexionum in speciebus divisionum inveniendis; sequitur IXmus usus: Datis speciebus divisionis, praedivisi-  
49 ones seu genera et species subalternas inveniendi. Ac siquidem divisio, cuius species datae sunt, est *διχοτομία*, locum problema non habet, neque enim ea est ulterius reducibilis; sed *πολυτομία*,  
49 omnino. Esto enim *τριγωνία* inter *πολυτομίας* minima, seu dati generis species 3: a, b, c; con3natio igitur earum tantum l est in dato genere summo; Uniones vero 3; illic ipsum prodit genus summum, hic ipsae species infimae, inter con3nationem autem et Unionem sola restat com2natio. Trium autem rerum com-  
2nations sunt 3, hinc oriuntur 3 genera intermedia, nempe ab-  
stractum seu genus proximum τον ab, item τον b, item τον ac. Ad genus autem requiritur tum ut singulis competat, tum ut cum  
50 omnibus disjunctis summis sit convertibile. Exemplum fiet illustrior. Genus datum sit respublica, species erunt 3, loco A *Monarchia*,  
loco B *Oligarchia Polyarchica* seu optimatum, loco C *Panarchia*; his enim terminis uterum commodissime, ut apparebit, et voce Panarchiae, etsi alio sensu, usus est Fr. Patrius Tomo inter sua opera peculiari ita inscripto, quo Hierarchias coelestes explicit *Polyarchiae* voce tanguam communi oligarchiae et panarchiae usus est Boxhornius lib. 2. c. 5. Inst. Polit. Igitur 1) Genus subalter-  
num τον AB seu Monarchiae et regiminis Optimatum erit Oli-  
garchia; imperant enim vel non omnes: *Oligarchia*, sed vel unus:  
*Monarchia*, vel plures: *Oligarchia*, *Polyarchia*; vel omnes: *Panar-  
51 chia*. 2) Genus subalternum τον BC erit Polyarchia; imperant enim vel unus: *Monarchia*, vel plures: *Polyarchia* (in qua iterum vel non omnes: *Polyarchia Oligarchica*, vel omnes: *Panarchia*).  
52 3) Genus subalternum τον AC est Respublica extrema. Nam species reipublicae alia *intermedia* est optimatum (hinc et nomen duplex: *Oligarchia polyarchica*), alia *Extrema*. Extremae autem sunt, in quibus imperat *unus*, item in quibus *omnes*. Ita in mi-  
nima τον πολυτομίαν, τριγωνίq, usum complexionum mani-  
festum fecimus, quantae, amabo, in divisione virtutum in 11 species,  
similibusque aliis erunt varietates? ubi non solum singulae com-  
2nations, sed et con3nations etc. usque ad con1nations, erunt  
que computato genere summo et speciebus infimis in universum

complicationes seu genera speciesque possibiles 2047. Nam pro-  
fecto tam est in abstrahendo foecundus animus noster, ut datis  
quotunque rebus, genus earum, id est conceptum singulis com-  
munem et extra ipsas nulli, invenire possit. Imo etsi non inveniat,  
sciet Deus, invenient angelii; igitur praexistet omnium ejusmodi  
abstractionum fundamentum. Haec tanta varietas generum subal-  
ternorum facit, ut in praedivisionibus seu tabellis construendis,  
invenienda etiam datae aliquicis in species infimas divisionis suffi-  
cientia, diversas vias ineant autores, et omnes nihilominus ad easdem  
infimas species perveniant. Deprehendet hoc, qui consultet Scho-  
lasticos numerum praedicamentorum, virtutum cardinalium, virtutum  
ab Aristotele enumeratarum, affectuum etc. investigantes. X. A 53  
divisionibus ad propositiones tempus est ut veniamus, alteram par-  
tem Logicae inventionis. Propositio componitur ex subiecto et  
praedicato, omnes igitur propositiones sunt com2nations. Logicae  
igitur inventivae propositiones est hoc problema solvere: 1) dato  
subiecto praedicata; 2) dato praedicato subjecta invenire, utraque  
tum affirmative, tum negative. Videl hoc Raym. Lullius Kabbalae 56  
Tr. 1. c. fig. 1. p. 46, et ubi priora repetit pag. 239 Artis magnae.  
Is ut ostendat, quot propositiones ex novem illis suis terminis  
universalissimis: *Bonitas, magnitudo, duratio* etc. quas singulas de  
singulis praedicari posse dicit, orientur, describit circulum, ei in-  
scribit ἐνεργειῶν figuram regularem, cuiuslibet angulo ascribit ter-  
minus, et a quelibet angulo ad quemlibet ducit lineam rectam.  
Tales lineae sunt 36, tot nempe quot com2nations 11 rerum.  
Cumque variari situs in qualibet com2natione possit bis, seu pro-  
positio quelibet converti simpliciter, prodibit 36<sup>2</sup> f. 72, qui  
est numerus propositionum Lullianarum. Imo talibus complexio-  
nibus omne artificium Lullii absolvitur, vide ejusdem operum Ar-  
gentorati in 8. anno 1598 editorum pag. 49. 53. 68. 135, quae  
repetuntur p. 240. 244. 245. Idem tabulam construxit ex 84  
columnis constantem, quarum singulae continent 20 complexiones,  
quibus enumerat con4nations suarum regularum literis alphabeticis  
denominatarum; ea tabula occupat pag. 260. 261. 262. 263. 264. 265.  
266. Con3nations vero tabulam habes apud Henr. Corn. Agrip-  
pam Com. in artem brevem Lullii, quae occupat 9 paginas, a pag.  
863 usque 871 inclusive. Eadem ex Lullio pleraque exequitur,  
sed brevis Joh. Heinr. Alstedius in Architectura Artis Lullianae,  
inserta Thesauro ejus Artis Memorativa pag. 47 et seqq. Sunt 57



autem termini simplices hi: I. *Attributa absoluta*: Bonitas, Magnitudo, Duratio, Potestas, Sapientia, Voluntas, Virtus, Veritas, Gloria; II. *Relata*: Differentia, Concordantia, Contrarietas, Principium, Medium, Finis, Majoritas, Aequalitas, Minoritas; III. *Quæstiones*: Utrum, Quid, de Quo, Quare, Quantum, Quale, Quando, Ubi, Quomodo (cum Quo); IV. *Subjecta*: Deus, Angelus, Coelum, Homo, Imaginatio, Sensitiva, Vegetativa, Elementativa, Instrumentativa; V. *Virtutes*: Justitia, Prudentia, Fortitudo, Temperantia, Fides, Spes, Charitas, Patientia, Pietas; VI. *Vitæ*: Avaritia, Gula, Luxuria, Superbia, Acedia, Invidia, Ira, Mendacium, Inconstantia. Etsi Jan. Cæcilius Frey Via ad Scient. et art. part. XI. c. 1. classem 3iam 58 et 6tam omittat. Cum igitur in singulis classibus sint 9 res, et 9 rerum sint complexiones simpliciter 511, totidem in singulis classibus complexiones erunt, porro ducendo classem in classem per prob. 3. 511. 511. 511. 511. 511. 511. f. 17804320388674561, Zensicub, de 511, ut omittam omnes illas variationes, quibus idem terminus repetitur, item quibus una classis repetitur, seu ex una 59 classe termini ponuntur plures. Et hæc solum sunt complexiones, quid dicam de Variationibus Situs, si in complexiones ducantur. Atque hic explicabo obiter problemā hoc: „Variationes situs seu „dispositiones ducere in complexiones, seu datis certis rebus om „nes variationes tam complexiones seu materiae, quam situs seu „formæ reperi. Sumantur omnes complexiones particulares dati „numeri (v. g. de numero 4: uniones 4, com2nationes 6, con3n „tiones 4, con4natiō 1) quaeratur variatio dispositionis singulorum „exponentium per prob. 4. infra (v. g. 1 dat 1, 2 dat 2, 3 dat „6, 4 dat 24), et multiplicetur per complexioneum suam particu „larem, seu de dato exponente (v. g. 1  $\cap$  4 f. 4, 2  $\cap$  6 f. 12, „4  $\cap$  6 f. 24, 1  $\cap$  24 f. 24). Aggregatum omnium factorum erit „factus ex ductu dispositionum in complexiones, id est quæsitus „(v. g. 4. 12. 24. 24. +f. 64).“ Verum in terminis Lullianis multa 60 desidero. Nam tota ejus methodus dirigitur ad artem potius ex tempore disserendi, quam plenam de re data scientiam consequendi, si non ex ipsis Lullii, certe Lullistarum intentione. Numerum Terminorum determinavit pro arbitrio, hinc in singulis classibus sunt novem. Cur praedicatis absolutis, quae abstractissima esse debent, commisicuit Voluntatem, Veritatem, Sapientiam, Virtutem, Gloriam, cur Pulchritudinem omisit, seu Figuram, cur Numerum? Praedicatis relatis debebat accensere multo plura, v. g. Causam,

totum, partem, requisitum etc. Praeterea Majoritas, Aequalitas, Minoritas est nihil aliud, quam concordantia et differentia magnitudinis. Quæstionum tota classis ad praedicata pertinet: Utrum sit, est existentiae, quæ durationem ad se trahit; Quid, essentiae; Quare, caussae; de Quo, objecti; Quantum, magnitudinis; Quale, qualitat̄, quæ est genus prædicatorum absolvitorum; Quando, temporis; Ubi, loci; Quomodo, formæ; Cum Quo, adjuncti: omnes terminorum sunt, qui aut relati sunt inter prædicata, aut referendi. Et cur Quamdiu omisit, anne durationi coincideret? cur igitur alia aequæ coincidentia admisit; denique Quomodo et cum Quo male confunduntur. Classes vero ultimæ Vitiorum et Virtutum sunt prorsus ad scientiam hanc tam generalem  $\delta\tau\varphi\sigma\delta\iota\tau\omega\sigma$ . Ipsa quoque earum recensio quam partim manca, partim superflua! Virtutum recensuit priores 4 cardinales, mox 3 theologicas, cur igitur addita Patientia, quæ in fortitudine dicitur contineri; cur Pietatem, id est amorem DEI, quæ in Charitate? scilicet ut novenarii hiatus expleretur. Ipsa quoque Vitæ cur non Virtutibus opposita recensuit? An ut intelligeremus in virtute vitia opposita, et in vito virtutem? at ita vitia 27 prodibunt. Subjectorum census placet maxime. Sunt enim hi in primis Entium gradus: DEUS, Angelus, Coelum (ex doctrina peripatetica Ens incorruptibile), Homo, Brutum perfectius (seu habens imaginationem), imperfectius (seu sensum solum, qualia de  $\zeta\omega\varphi\tau\omega\sigma$  narrant), Planta. Forma communis corporum (qualis oritur ex commixtione Elementorum, quo pertinent omnia inanima). Artificialia (quæ nominat instrumenta). Haec sunt quorum complexu Lullius uitur, de quo judicium, maturum utique, gravis viri Petri Gassendi Logicae sue Epicureæ T. I. operum capite peculiari. Quare artem Lullii dudum com2natoria appellavit Jordan, Brunus Noanus Scrutin. præfat. p. m. 684. Atque hinc esse judico, quod 62 immortalis Kircherus suam illam diu promissam artem magnam sciendi, seu novam portam scientiarum, qua de omnibus rebus infinitis rationibus disputari, cunctorumque summaria cognitio haberit possit (quo eodem fere modo suam Syntaxin artis mirabilis inscripsit Petr. Gregor. Tholosanus) Com2natoriae titulo ostentaverit. Unum hoc opto, ut ingenio vir vastissimo altius quam vel Lullius vel Tholosanus penetret in intima rerum, ac quæ nos præconcepimus, quorum lineamenta duximus, quæ inter desiderata ponimus, expletat, quod de fatali ejus in illustrandis scientiis felicitate desperandum non est. Ac nos profecto haec non tam Arithmeticae



augendae, et si et hoc fecimus, quam Logicae inventiae recludendas fontibus destinavimus, fugientes praeconis munere, et quod in catalogo desideratorum sui augmentis Scientiarum Vercularius fecit, satis habituri, si suspicionem tantae artis hominibus faciamus, quam 63 cum incredibili fructu generis humani aliis producat. Quare age tandem artis complicatoriae (sic enim malumus, neque enim omnis complexus com2natio est) ut nobis constituenda videatur, linea-  
menta prima ducemus. Profundissimus principiorum in omnibus rebus scrutator Th. Hobbes merito posuit omne opus mentis nostrae esse computationem, sed hac vel summam addendo vel subtrahendo differentiam colligi; Elem. de Corp. p. 1. c. 1. art. 2. Quemadmodum igitur duo sunt Algebraistarum et Analyticorum primaria signa + et —, ita duae quasi copulae est et non-est: illuc componit mens, hic dividit. In tali igitur sensu τὸ Est non est proprie copula, sed pars praedicati; duae autem sunt copulae, una nominata, non, altera innominata, sed includitur in τῷ est, quoties ipsi non additum: non, quod ipsum fecit, ut τὸ Est habitum sit pro copula. Possemus adhibere in subsidium vocem: revera, v.g. Homo revera 64 est animal. Homo non est lapis. Sed haec obiter. Porro ut constet ex quibus omnia conficiantur, ad constituenda hujus artis praedicamenta et velut materiam analysis adhibenda est. Analysis haec est: 1) Datus quicunque terminus resolvatur in partes formales, seu ponatur ejus definitio; partes autem hae iterum in partes, seu terminorum definitionis definitio, usque ad partes simplices seu terminos indefinibiles. Nam οὐ δεῖ παντὸς ὅσον ζητεῖν; et ultimi illi termini non jam amplius definitione, sed analogia intelliguntur. 65 2) Inventi omnes termini primi ponantur in una classe, et designentur notis quibusdam; commodissimum erit numerari. 3) Inter terminos primos ponantur non solum res, sed et modi sive respecti-  
tus. 4) Cum omnes termini orti varient distantia a primis, prout ex pluribus terminis primis componuntur, seu prout est exponens Complexionis, hinc tot classes facienda, quot exponentes sunt, et in eandem classem conjiciendi termini, qui ex eodem numero pri-  
68 morum componuntur. 5) Termini orti per com2nationem scribi aliter non poterunt, quam scribendo terminos primos, ex quibus componuntur, et quia termini primi signati sunt numeris, scribantur 69 duo numeri duos terminos signantes. 6) At termini orti per con-3nationem aut alias majoris etiam exponentis Complexiones, seu termini qui sunt in classe 3ta et sequentibus, singuli toties varie-

scribi possunt, quot habet complexiones simpliciter exponens ipsorum, spectatus non jam amplius ut exponens, sed ut numerus rerum. Habet hoc suum fundamentum in Usu IX, v. g. sunto termini primi his numeris signati 3, 6, 7, 9; sitque terminus ortus in classe tertia, seu per con3nationem compositus, nempe ex 3bus simplicibus 3, 6, 9, et sint in classe 2da combinationes hae: (1) 3. 6, (2) 3. 7, (3) 3. 9, (4) 6. 7, (5) 6. 9, (6) 7. 9; ajo terminum illum datum classis 3tae scribi posse vel sic: 3. 6. 9, exprimendo omnes simplices; vel exprimendo unum simplicem, et loco caeterorum duorum simplicium scribendo com2nationem, v. g. sic:  $\frac{1}{2}$ . 9. vel  $\frac{3}{2}$ . 6, vel sic:  $\frac{5}{2}$ . 3. Hae quasi-fractiones quid significant, mox dicetur. Quo autem classis a prima remotior, hoc variatio major. Semper enim termini classis antecedentes sunt quasi genera subalterna ad terminos quosdam variationis sequentis. 7) Quoties terminus ortus citatur extra suam classem, scribatur per 70 modum fractionis, ut numerus superior seu numeratori sit numerus loci in classe; inferior seu nominator, numerus classis. 8) Commodius est, in terminis ortis exponendis non omnes terminos primos, sed intermedios scribere, ob multitudinem, et ex iis eos qui maxime cogitanti de re occurrint. Verum omnes primos scribere est fundamentalius. 9) His 71 ita constitutis possunt omnia subjecta et praedicata inveniri, tam affirmativa quam negativa, tam universalia quam particularia. Dati enim subjecti praedicata sunt omnes termini primi ejus; item omnes orti primi proprios, quorum omnes termini primi sunt in dato. Si igitur terminus datus, qui subjectum esse debet, scriptus est terminis primis, facile est eos primos, qui de ipso praedicantur, invenire, ortos vero etiam invenire dabitus, si in complexionibus disponendis ordo servetur. Si terminus datus scriptus est ortis, aut partim ortis, partim simplicibus, quicquid praedicabatur de orto ejus, de dato praedicabitur. Et haec quidem omnia praedicata sunt latioris de angustiori, praedicatio vero aequalis de aequali est, quando definitio de termino, id est vel omnes termini primi ejus simul, vel orti, aut orti et simplices, in quibus omnes illi primi continentur, praedicantur de dato. Eae sunt tot, quot modis nuperim diximus, unum terminum scribi posse. Ex his jam facile erit, nu- 72 meris investigare omnia praedicata, quae de omni dato subjecto praedicari possunt, seu omnes UA, Propositiones de dato subjecto, numeris singularium classium a prima usque ad classem dati inclusive; numeri ipsas denominantes seu exponentes ponantur ordine