

N^o 157.

CHRISTIAAN HUYGENS à D. LIPSTORP.

15 MAI 1653.

*La minute et la copie se trouvent à Leiden, coll. Huygens.
La lettre est la réponse au No. 156.*

LIPSTORPIO.

Equidem merito febrî meae irascor quae et literarum et literatorum confortio privat me penitus integrum jam fere mensëm; at impensius quoque odisse coepi postquam iam me tuo conspectu Vir Clarissime prohibuisse intellexi. Quod si nunc etiam me invisere tibi cordi est, uti literis Tuis amantissimis significasti, scito ad confabulandum satis mihi virium suppetere atque animi, per eos dies quibus ἀπορητός sum, uti hodie, et perendiu denuo et per alternos dies sequentes uti in tertiana febrî contingere nossi. at profectò mi Lipstorpi operae praetium non tuleris, etiam si sanum ac vegetum invisas, non morbo et macie attenuatum qualis nunc sum. Causam mali cum studijs meis et diligentiae imputas, novi ego hic errare te, quum sim optime mihi conscius, quam otioso totum trimestre spatium contriverim, unius valetudinis causa quam ne sic quidem mihi restituere potui. Libri isti in auctione empti, quod non à Schoenio mihi sed à Te mitterentur demiratus fui, quum certo putarem ipsi me hoc negotij imposuisse pro familiaritate quae nobis pridem intercessit; verum si (quod suspicor) supino errore meo factum est ut Tuis literis librorum nomina insererentur, quaeso ne meae inverecundiae impudentiaeve admillum impures. Vix jam te rogare audeo ut venditorem admoneas de supplendis ijs quae desunt folijs, sine quibus tamen compingi volumen istud nollem. Argentum quod pro utroque expendisti ecce restituo, de caetero plurimum tibi debens gratiarum pro ea quam mihi dedisti opera. Vale.

15 Maj. 1653.

¹²) Giovanni Camillo Gloriosus naquit en 1572 à Naples, où il mourut le 8 janvier 1643; il était professeur de mathématiques à Padoue.

¹³) Ioannis Camilli Gloriosi Exercitationum Mathematicarum Decas prima in qua continentur varia & theorematà & problemata tum ei ad solvendum proposita, tum ab eo inter legendum animadvertita. Neapoli. Ex Typographia Lazari Scorigij. M.D.CXXVII. in-4^o.

La Decas Secunda „Ex typ. Secundini Roncalioli. M.D.CXXXV.” in-4^o.
Nous n'avons pu trouver aucune indication relative à une troisième Décade.

N^o 158.

FR. VAN SCHOOTEN à CHRISTIAAN HUYGENS.

5 JUIN 1653.

*La lettre se trouve à Leiden, coll. Huygens.
Elle est la réponse au No. 155. Chr. Huygens y répondit par le No. 159.*

FRANCISCUS à SCHOOTEN

Clarissimo Viro, Domino CHRISTIANO HUGENJO S. P. D.

Vir Clarissime, postquam à Lipstorpio nostro primum te febrî laborare intellexi, ei que idcirco tunc causâ paroxysmi minus fuisse licitum, quo tecum colloqueretur: dolui tum vices tuas, tum etiam amorem publici. Magis autem doluit, ubi iam idem Hagen eadem de causâ excurrens, et quò tecum amicitiam contraheret, nunciavit mihi te nondum ab illâ destitutum, sed alternis adhuc diebus vexatum iri. Mihi sanè gratulor, quod Deus Optimus Maximus post 15 dies, quibus tertianâ laboraveram, ad pristinam sanitatem reduxerit. In emendis, quos mihi praescriperas, libris, quod negotium Lipstorpio hic commiseram, quaeso ignoscas quod non praestiterim ipse: cum circa id tempus, per plures occupationes, vix mihi una vel altera hora de die vacaret, quâ id, quantumvis libens, praestare potuissem. Quocirca postquam sibi plures coemere statuerat libros, facile id absque ullo temporis dispendio aut incommodo suo ei iniunxi; praesertim cum indicaverat, hoc sibi fore gratissimum, atque uti hâc ratione maiorem tecum de studijs tractandi occasionem inveniret. Postquam convalui, locutus sum hîc diebus cum Domino le Maire ¹⁾, Bibliopolâ, cui inter alia narraui Dominum Gutshovium impraesentiarum Cartesij Dioptricam in Latinam linguam vertisse et commentarijs illustrasse ²⁾. Quod sanè opus, unâ cum tractatu tuo de Refractionibus, ubi quam maximè pro meritis ei commendaveram, et insigne opus Dioptricum, optatissimaeque crassitiei librum simul confecturos asseveraveram, ab eorum impressione minimè se alienum ostendit. Id autem sibi potius quam alteri commendatum iri intellexit, cum quae ad Dioptricam pertinent figurae non tantum iam erant incisae, sed insuper reliquis multo accuratiores: aded ut sibi tantum restarent figurae illae, quae ad tractatum tuum, vel dicta commentaria requirerentur. Quâ de re tum ut Te, tum Dominum Gutshovium certiorer facerem, petijt, ut deinde inter vos conveniretis. Hoc igitur, tum ut voti compos fierem, tum ut recuperatâ valetudine, quam tibi ex

¹⁾ Johannes Maire était libraire à Leiden entre 1608 et 1654.

²⁾ Probablement c'est l'ouvrage qui a paru plus tard à Amsterdam sous le titre suivant:

Renati des Cartes Specimina Philosophiae seu Differtatio de methodo rectè regendae rationis, & veritatis in scientiis investigandae; Dioptrice et Meteoza. Ex Gallico translata, & ab Auctore perlecta, variisque in locis emendata. Amstelodami. Apud Johannem Janssonium Juniores, Anno MDCXVI. in-4^o.

Une traduction antérieure est mentionnée dans la Lettre N^o. 161.

animo exopto, te ad praedictum tractatum absolvendum instigare, ad Te perferre minime negligendum duxi. Vale.

Leydae 5 Junij 1653.

A Monsieur Monsieur, CHRISTIANUS HUYGENIUS, ten huijse van Mijn Heer VAN ZUIJLECHEM, op t' plein
in

Port.

S'Graven-hage.

N^o 159.

CHRISTIAAN HUYGENS, à [FR. VAN SCHOOTEN].

8 JUN 1653.

*La minute et la copie se trouvent à Leiden, coll. Huygens.
La lettre est la réponse au N^o 158.*

Plurimum tibi de recuperata valetudine atque ex animo gratulor; ego jam inde à Paschatis festo male habitus nondum plane liberatus sum, sed spero tamen crastino febrem non reverfuram, quum heri mitissimam fuerim expertus. Circa librorum emendorum delegationem quid vis ut Tibi ignoscam? à quo equidem non aliud petere intellexi quam ut vel bibliopolae vel alij cuivis id injungeres. Ego autem à Domino Lipstorpio per epistolam veniam ipsè rogavi, quod crederem illi me privato negotio molestum fuisse, quem tum primis tantum literis alloquebar. Caeterum si epistolam cum argento quam ad te inscripseram, ille accepit, omnia se habent rectè; super hoc autem certior fieri velim, nam non scio qui factum est ut cum praefens adesset, de libris istis ne verbum quidem inciderit. Ad Tractatum meum de refractionibus quod attinet, dicebat idem Dominus Lipstorpium constare sibi Elzevirios non illibenter editionem ejus suscepturos. Sed si Dominus le Maire ista quae dicis eodem pertinentia imprimere statuit, lubenter mea quoque conferam, quandoquidem id et in rem ipsius fore existimas, et mihi simul honorificum Cartesio heroe Gutschovioque comitibus in publicum prodire. Schemata mea formam libri foliarem exigere videntur, ita pleraque in longum porrecta sunt; à qua tamen si nimium abhorret typographus, videbo ut proxime minori ipsa attemperem quam in 4^{to} vocant sed grandiusculae tamen. De conditionibus credo non difficile inter nos conveniet; dummodo ne exigat ut operam et argentum insuper ego conferam, ipsi tantummodo lucrum cedat. Interim conabor quantocius quae conscripta habeo expolire atque absolvere; tibi quoque gratiam habeo quod necdum inspecta, commendare tuo periculo non extimueris. Gutschovium miror nihil de Commentarijs suis mihi subindicasse, quum tamen crebra praecipuaque per epistolas de dioptrici nobis mentio fuerit. Vale.

8 Jun. 1653.

N^o 160.

G. A. KINNER A LÖWENTHURN à CHRISTIAAN HUYGENS.

18 JUILLET 1653.

*La lettre se trouve à Leiden, coll. Huygens.
Elle est la réponse au No. 145. Chr. Huygens y répondit par le No. 161.*

Perillustri, Generosissime, Clarissimeque Domine,
Domine ac Patrone colendissime.

Salutem à Domino et omnem felicitatem Dominationi Tuae animitus apprecor.

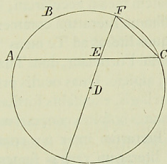
Diuturnior literarum tuarum emanatio fecit, ut infelicitatem meam accusarem, in quam me coniectum arbitrabar, aut voluntate Tuâ suavissimum literarum commercium mecum averfante; aut cursorum negligentia, apud quos literas ad Te meas ¹⁾ perisse arbitrabar. Gratulari verò nunc meam cogor ipsè mihi Fortunam, dum Tuas Cal. Januarijs ad me destinatas tandem tandem Idibus Junij aspicio. Quas oculis primum ac oculis deinceps etiam exceptas dum ex me nunc intelligis, excufabis forsitan facti insolentiam, per quam charissimos mihi peregrè adventantes hospites venerari me oportebat. Gaudeo placere tibi coeptum bonis avibus literarum inter nos commercium; quod ex parte mea sic temperabo, ut neque literarum raritas famem excitet, neque frequentia procuret nauseam. Non committam, ut hae literae sine maximi viri Gregorij (cui amicitiae nostrae conciliationem ambo debemus) memoria in conspectum Tuum veniant: de quo nimis periculosum, meoque iudicio minus probale axioma statuis, cum videlicet quoad Geometrica in errore versari. Vt enim tibi concedam, quadraturam circuli secundum methodum primo loco positam non optimè procedere, neque illam defacto exhiberi posse; at tamen secundam perinde esse erroneam non facile mihi persuaseris. Examinaui illam, quam potui diligentissimè, ac contextum illius et ordinem in propositiones 35 redactum Geometris nostris monstravi, quorum iudicio legitima per illum fit quadraturae demonstratio. Fortassis lucubratiunculam illam brevi in lucem dabo, ut tandem pateat, quid Patri Gregorio Geometria debeat. Qua in re, tamen ex parte mea errorem non adverto, potuisse tamen ob exiles ingenij mei vires irrepere naevum aliquem, inficias ire non ausim. Superum illa felicitas est, ad quam frustra mortalis adspiret. Caeterum quod super Vietae, Galilaei, Cartesijque lucubrationibus iudicium meum quaeris, tamen tantis viris venerationem potius debeo, quam censuram, quia tamen ita iubes, dicam quod sentio. Vietae theoremata satis probant, quid facere potuisset vir eximius, si plus Geometricis per Politicas curas vacare licuisset. Magnum, fateor, Geometriae lumen est, sed nondum meo iudicio ad Gregorij splendorem ascendit. Cartesij praeter dioptrica non vidi quidpiam, è quibus potissimum mihi placet illa de Jridis explicatione speculatio, quam ex Tractatu dioptrico ²⁾ Marci Antonij

¹⁾ La lettre N^o 136, du 30 novembre 1652.

²⁾ De radijs visus et lvis in vitris perspectivis et iride, Tractatus Marci Antonii de Dominis. Per Ioannem Bartolum in lucem editus. In quo inter alia ostenditur ratio Instrumenti cuiusdam

de Dominis ³⁾ videtur desumpsisse. Galilaei scripta tamen non vidi haecenus, laudari tamen frequentius audivi. Finirem epistolam, sed revocat Tua in me liberalitas, et pauculas lineas iubet adiungere. Gratias tibi ago quam possum maxumas, pro transmissio elegantissimo theoremate, cuius demonstrationem per oecium exquiram, si tamen tuam libuerit adiungere, facies rem mihi non ingrati. Et nē me arguas parifoniae, en aliud Theorema pro cuiusque arcus tripartitione serviens (in qua materia aliquid haecenus speculatus sum) tuo quidem quoad elegantiam multum dispar, forte tamen propter constructionis simplicitatem haud contemnendum subiungo.

In dato circulo sit arcus ABC quem trifariam dividere oporteat. Applicata ad circuli centrum D regula fecerit subtensam AC in E, et arcum ABC in F, eā lege, ut ducta subtensa CF sit aequalis rectae CE. Dico arcum CF totius ABC tertiam partem esse. Demonstrationem, quia literae multum excreverunt, non libet subiungere; si iubes, addam proximis. Interea DEVS te servet incolumem, Nobilissime Juvenis, faveatque ut multum studijs tuis illustres Geometriam; de quorum fructibus, si me quoque vis esse participem, plurimum, mihi crede, me delectabit, si quid de innatantibus humido, aut dioptrici, aut purē Geometricis (mihi enim mathematica omnia placent, praeter ea, quae morosissimo studio siderum nocturnis vacant aucupijs) transmittere non gravaberis. Vale, meque, ut coepisti, amare porro perge.



Perillustri ac Generosissimae Dominationis Tuae servus paratissimus
M. GODEFRIDUS ALOYSIUS KINNER A LÖWENTHURN.

Dabam Pragae 14 Cal: Augusti S. N. 1653. *Manu propriā* [?]
6 Perillustri, Generosissimo, Clarissimoque Domino, Domino
CHRISTIANO HUGENIO etc. Domino ac Patrono mihi
plurimum colendo ac observando.



Hagam Comit.
Graven Hage.

ad clarē videndum, quae sunt valde remota excogitati. Superiorum licentia & Privilegio. Venetijs. mdcxi. Apud Thomam Baglionum, in-4^o.

³⁾ Marco Antonio de Dominis naquit à Arbes (Dalmatie) en 1566, et mourut en septembre 1624 à Rome. Jésuite d'abord, il fut nommé Evêque de Segni et de Spalatro (Dalmatie). Ayant pris le parti des Vénitiens contre le Pape, il eut affaire à l'inquisition, et passa en Angleterre (1616), où il devint protestant et Prieur de Windsor sous James I. En avril 1622 il retourna en Italie, où il fut emprisonné par le Pape Urbain VIII. Il a laissé divers écrits, surtout de polémique ecclésiastique.

⁴⁾ Nous avons ajouté la copie de l'empreinte armoriale bien conservée, qui se trouve sur les lettres de Kinner à Löwenthurn.

N^o 161.

CHRISTIAAN HUYGENS à G. A. KINNER A LÖWENTHURN.

9 AOÛT 1653.

La minute et la copie se trouvent à Leyden, coll. Huygens.

La lettre est la réponse au No. 160. Kinner à Löwenthurn y répondit par le No. 162.

Generosissimo Clarissimoque Domino Domino
M. ¹⁾ A. KINNERO A LÖWENTHURN. CHR. HUGENIUS S. D.

Literis meis tandem receptis omnem tibi sinistram de me opinionem exemptam libentissime cognovi; ubi autem tanto tempore delituerint equidem excogitare nequeo, nam Patrem Gregorium cui ipsas commendaveram non ausim tantae negligentiae reum facere. Invaletudo mea ex febris tertianā quā quadrimestri spatio continū exagitatū fui, in causā est quo minus apud ipsum inquisiverim, cum super ista re, tum super dissidio nostro et promissā causae suae defensione quam nullam adhuc prodixisse demiror. quoniam jam dudum perscriptam à quodam Patre Ainfcomio mihi relatum fuit. Rogo ne similiter nobis invidias propositiones istas 35 quibus secundam Quadraturam ordinasse te et intelligibilem probabilemque reddidisse scribis, quod mihi vix sit verisimile. Absit tamen ut Patrem Gregorium in errore versari pro axiomate statuum ut mihi imputare videris; nam id ea tenus mihi persuasi tantum quatenus evidenti demonstratione pervicisse credidi. quodcumque autem demonstrare intendimus, id axiomatis loco non haberi manifestum est. De caetero Cyclo-metra nostro Vietam à te postponi Inventionum splendore non mirum est quandiu quadraturae legitimam demonstrationem inter illius inventa computas, ea vero seposita si perseveras, liceat mihi à te dissentire. Vix intelligo qui fieri possit ut Dioptrica solum ²⁾ Cartesij videris, Geometriam non videris, quae tamen utraque simul olim prodire, veruntamen lingua Gallica. ³⁾ Sed Geometriam quoque jam quatuor ab hinc annis latinam fecit Fr. Schotenus ⁴⁾ Professor lugdunobatavus, à quo Algebram istam literariam primum edoctus fui, cujus nunc cognitionem nihil aequè carum habeo. Hanc si teneas cogitesque à Vietā et Marino Getaldo ⁵⁾ resuscitatam fuisse, et à Cartesio plenissimè resuscitam (nam talem quoque veteribus Geometris in usu fuisse certissimis mihi indicijs constat) tum demum merita laude

¹⁾ Lisez: G.

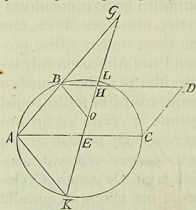
²⁾ R. Cartesius, Specimina philosophiae. Disertatio de methodo recte regendae rationis, Dioptricae et Meteora. ex gallico latine versa et ab autore emendata. Amst. Ludov. Elsevirij 1644. in-4^o. On dit que le traducteur en est Estienne de Courcelles.

³⁾ Voir la Lettre N^o 5. Note 7.

⁴⁾ Voir la Lettre N^o 150. Note 1.

⁵⁾ Marino Ghetaldi naquit en 1566 à Raguse et mourut en 1627. Il était noble Italien et vers la fin de sa vie ambassadeur de Venise auprès du Pape. Il nous a laissé plusieurs écrits sur les anciens mathématiciens.

horum virorum labores ingeniumque celebres. Dioptrica uni Cartesio debet quod circa refractionis naturam certo gaudet principio sine quo cum Iridis miraculum explicari nequeat, non est putandum Marcum Antonium de Dominis aut illum quenquam, laudem ipsi pulcherrimae hujus speculationis praeeruisse. In tractatu meo dioptrico regulas tradidi quibus de Iride doctrina perficitur. Unam quae datâ proportionē refractionis (Icis quorum finium rationem designem) expedite computare docet angulum sub quo iris cerni debeat. aliam quae hoc angulo dato proportionem illam exhibet, quam vel maximè utilem inveni ad inveniendam exactissime in vitro⁶⁾ et alia quavis pellucente materia refractionis quantitatem, paratis ad hoc ex quaque materia cylindricis sphaerulifve, foliisque expositis atque ita notato angulo sub quo iris in vitrea aliave pluvia conspici deberet. Verum haec ex tractatu ipso quandoque te percepturum planius spero, nunc demonstrationem hic scribam constructionis duarum mediarum proportionalium quam desideras⁷⁾ Perficiatur circulus ALCK et producat GE usque ad circumferentiam in K, Et jungatur AK, eique parallela ducatur BO. Itaque similes sunt \triangle li AEK, BHO; et quia AE aequalis EK, etiam BH aequalis HO: sed et HG, HD ex constructione inter se aequales sunt, igitur tota OG aequalis BD, hoc est diametro AC vel LK. Et ablata communi LO relinquuntur aequales inter se GL et OK. Est autem \square KGL aequale \square AGB, ideoque ut KG ad GA ita BG ad GL. Verum ut KG ad GA ita propter



triangulos similes est quoque OG ad GB et ita reliqua etiam OK, cui aequalis LG ad BA reliquam. Ergo ut OG hoc est AC ad GB ita GB ad BL⁷⁾, et LG ad BA. Patetque inter AC et AB lineas medias esse BG et GL quod erat demonstrandum.

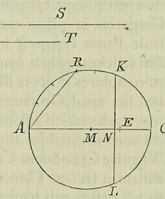
Triflectionis anguli quam ad me misisti constructio manifestam rationem habet ijs, qui Cartesij Geometriam legerunt, quae simul docet quam sit utilis contemplatio dictae partitionis ad solidorum problematum compositionem. Potest vero ad compositionem quoque adhiberi, sicut sequenti exemplo intelliges, neque enim possum quin hac occasione pulcherrimam Tibi constructionem adscribam Problematis Archimedei, qua inventa non leviter me gavissum memini. Problema est, Sphaeram propositam plano secare secundum datam rationem. Et Archimedis quidem compositio deperijt nisi illa est quam Eutocius in vetusto quodam libro se reperisse testatur. At Dionysidorus aliam invenit aliamque Diocles. Sed Pater Gregorius hifce meam praeferebat, quam ipsi olim cum demonstrationi miseram eo quod per parabolam et circulum absolvebatur. Caeterum hanc quae nunc sequitur deinceps inveni.

⁶⁾ Voyez à ce sujet la Lettre N^o. 146.

⁷⁾ Lisez: GL.

Proponatur sphaera, et maximus in ea fit circulus AKCL, diameter AC, centrum M, proportio verò data fit S majoris ad T minore.

Dividatur AC in E ut fit sicut S ad T ita AE ad EC, et accommodetur in circulo ABCD recta AR aequalis differentiae duarum AE, EC. Et ei quae subtenit tertiam partem arcus AR, sumatur aequalis MN; Tum si ducatur per N planum KL quod diametro AC fit ad angulos rectos; Dico hoc sphaeram sic secare, ut portio KAL sit ad portionem KCL ut S ad T.



9 Aug. 1653.

Perillustri et Generoso Domino Domino M. GODEFR. ALOYSIO
KINNERO A LÖWENTHURN.
Pragam.

N^o 162.

G. A. KINNER A LÖWENTHURN à CHRISTIAAN HUYGENS.

28 août 1653.

*La lettre se trouve à Leyden, coll. Huygens a).
Elle est la réponse au No. 161.*

Perillustri, Generosissime, Clarissimeque Domine, Domine
colendissime. Salutem et Felicitatem.

Abstet, abstet, ut maligna febricula laboribus tuis, quos utilissimos te suscepisse iam sensim intelligo, deinceps ausit obfistere! Certè maiorem in modum dolui, postquam è proximis tuis edoctus sum, valetudinis tuae vires per febrilem intemperiem esse libitas. Meliora tamen eadem literae sperare iubent, in quibus et scripturae sibi op-

⁸⁾ Lisez: epistolam (à).

timè constantis tenor, et maximè rerum mathematicarum memoria, quae aliàs ingratissimi solent esse valetudinis affectae comites, iam poenè persuadent, te incolumitati pristinæ, studiisque tibi charissimis plenè restitutum. A Patre Aynscorn defensionem quadraturarum apparari, diu est quod ex eius ad me literis intellexim¹⁾: ad tuum verò scriptum, nè specialius quid expectes; summum illud, quantum ego quidem conijcio, responsionis accipies, Te in finem alium, quam Pater Gregorius in prima quadratura sua intendat, collimasse. Ad me quod attinet, ita de Patris Gregorij inventionibus iudico, ut quamvis abesset inventi Tetragonismi felicitas, parum apud me de illarum aestimatione perituum existimem. Sunt enim complures in opere illo speculationes, tetragonismo fortasse non inferiores, quibus sua apud Geometras nequaquam periret aestimatio, nisi tot ab omnium saeculorum mathematicis adhibiti conatus quadraturarum circuli prae caeteris inventis fecissent commendabilem. Progressiones Geometricae, proportionalitatum nova tractatio, Vngulae Cylindricae Cubatura, Symbolis Spiralis et Parabolae, ut taceam absolutam et facilem Conicorum doctrinam, satis apud omnes perorarent meam causam; nisi nescio quis nimium religiosus in veteres amor, aut ingenua dissentiendi cupiditas verum iudiciorum sensum suspenderent. Neque ita tamen Gregorij rebus afficior, ut aliquid Vietae caeterisque derogatum velim. Geometrica certè Vietae maiorem in modum me afficiunt, propter nitidam construendi methodum, tamen non nihil in demonstrationibus desiderem de claritate. In Analyticis (ut ingenuè tibi confitear) usum non habeo, quoniam ea partium harum infelicitas est, ut paucos singularis eorum cognitio deleat. Ego certè iam pridem illa desidero, sed experientiâ forsan ipse didicisti, quam exigui sperari possint progressus apud eos, qui manu ductore idoneo detenti²⁾ sunt. Eorumdem Analyticorum amor maius in me desiderium facit Geometriae Cartesianae, in qua accuratius ea tractari asseris, quam esto hucusque videre non potui, facile tamen eius valorem ex dioptrica conijcio. In qua nova circa refractiones principia non possum non commendare; cuius vestigijs si insiteris, non dubito à Dioptrice tua, quam moliris, magnam in hac materia perfectionem expectari posse. Illud autem te vel maximè rogatum velim, nè omittas rationem aliquam idoneam è theorematibus tuis elicere, cuius operâ mirabilem illam colorum, quae in iride et aliis refractionem comitari solent, generum planius intelligamus. Nam quod Cartesius eos et omnes omnino etiam permanentes colores produci asserit à nescio quo imaginario lucidarum particularum heterogeneo gyro, non placet, et magis est (pace tanti viri tuâque dixerim) confingere, quam philosophari. Sed quando in refractionem incidimus, non possum non meminisse theorematibus apud nos ante paucos annos multum exagitati, occasione thesium quarundam de Iride³⁾, quas Professor Matheosus Pa-

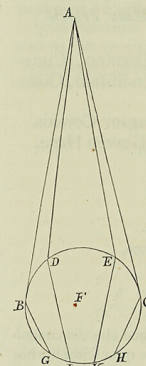
¹⁾ Lisez: intellexim.

²⁾ Ici la lettre est déchirée.

³⁾ Propositiones Physico-Mathematicae de flamma Iridi, atque de ortu et interitu flammae, in quibus multa sunt curiose observata. Olomutii, apud Nicolaum Ilracedzki. 1634. in-4°. L'auteur est B. Conradus; ce livre fut attaqué dans le suivant:

ter Balthasar Conradus⁴⁾ proposuerat, in quibus eandem sententiam fuerat complexus, quam Des-Cartes, de cuius tamen vulgata Dioptrice nihil dum isthic audiveramus. Quandoquidem ergo tunc demonstrabatur iridem generari ope refractionis radiorum solarium factae in guttarum sphaerulis, venit in quaestionem, num etiam radij è sole in guttam allapsi eamque tangentes refringantur perinde ac ij qui eandem interfecant. Negabant mordicus universi tum praesentes, tum et multi ex ijs, quos idem Pater Conradus per literas consuluerat. Vnus ipse erat qui affirmabat, cuius rationem, quâ idipsum nitentur demonstrare, subnectam, tuum ea super re iudicium intellecturus.

Sit punctum aliquod solis A, à quo in sphaerulam BCDE incident radij AB, AC tangentes eandem in punctis B, C; AD et AE verò sint secantes. Dico tangentes AB, AC etiam refringi. Cum enim propter medium guttae densius, quam sit aër, fiat refractionis radiorum ad perpendicularem, inclinabuntur omnes refracti radij versus centrum F, claudunturque terminis cadentibus intra sphaeram verbi gratia BG, CH. Dico terminos radiorum refractorum BG, CH oriri à tangentibus AB, AC. Sint enim radij AD, AE secantes sphaeram, quorum refracti sint DI, EK, hi non terminabunt omnes refractos; quia cum arcus BD, EC, qui tangentes inter et secantes interiacent, quantumvis parvi, in sententia mathematicorum sint in infinitum divisibiles, poterunt inter B et D, itemque inter E et C cadere infiniti alij radij secantes, qui in sphaeram refringantur, adeoque secantes AD, AE refracti in DI, EK non terminant spaciū refractorum. Atque idem discursus valet pro omnibus alijs sphaeram secantibus. Cum ergo constet esse aliquem terminum radiorum intra sphaeram refractorum, et ille non possit oriri à secantibus, necesse est illum provenire à tangentibus. Radij ergo globulum tangentes refringuntur. Haec erant, quae praesentibus sufficere opinabar. Gratias interim tibi ago maximas, pro transmissio theoremate de sectione sphaerae, cuius nitor mirum me affectit, magisque placuisset, si veritatem illius adiunctâ demonstratione comprobasset. quam si deinceps non invideris, scito nihil esse, quod vicissim à me tibi possit denegari. Vale meique memor vive, expers turbarum⁵⁾, quae vestros inter et Anglos infurrexerunt, quae opto nè studijs tuis officiant; si de illarum successu certi subinde quid literis



Marcus Marci, Dissertatio physica curiosa in propositionibus mathematicis de natura Iridis nec non de causis naturalibus pluviae purpureae Bruxellensis R. P. Conradi. Pragae. 1650.

⁴⁾ Balthasar Conradus naquit en 1599 à Neiss (Silésie) et mourut à Gratz le 17 mai 1660. Devenu Jésuite en 1615, il fut nommé professeur de mathématiques à Olmutz, Prague et Gratz.

⁵⁾ C'était au milieu de la première guerre maritime des Pays-Bas avec l'Angleterre.

tuis breviter adiunxeris, me denuo ad plura obligabis obsequia, qui iam antè vivo et morior

Perillustri ac Generosissimæ Dominationis Tuæ servus
promptissimus

GODEFRIDUS ALOYSIUS KINNER à LÖWENTHURN.
Manu Propria.

Dabam Pragæ 3 Cal: Septembr: 1653.

Perillustri, Generosissimo, Clarissimoque Domino, CHRISTIANO HUGENIO etc. Domino mihi Colendissimo, Observandissimoque.

6.

Hagam Comitum.
S Graven Hage.

^{a)} R^s 11 Sept. [Chr. Huygens].

N^o 163.

CHRISTIAAN HUYGENS à FR. VAN SCHOOTEN.

20 SEPTEMBRE 1653.

La minute et la copie se trouvent à Leiden, coll. Huygens.

SCHOTENIO.

Pater meus nuper rei Rusticæ studiosus esse coepit varioque ejus rei conquiritens autores, petijt quoque per literas à Domino Vorstio ¹⁾ ut quos sciret ille hoc argumentum tractasse sibi enumerare vellet. Caeterum quia nihil dum responsum accepit, voluit hæc tibi me scribere, ut cum ipsum videris mentionem facias literarum earum, ut quæ moræ causâ sit rescire liceat. Utinam ne morbus tantum, quod sane veretur, quoniam semper alias amicum atque ad officia hujuscemodi promptum expertus est. Potueram Dominum Berkelium ²⁾ hæc petitione ad te perferenda orasse, quum mihi hesternæ die adesset. Verum nihil minus quam de Re rusticâ tunc cogitavi. Referet hic tibi opinor de telescopij nova forma quam apud me reperit quam te quoque videre optarem. at de problemate fortassis exciderit, quod utrum solidum an planum esset dubitari posse dixi. Problema est. E dato puncto extra parabolam vel intra lineam ducere quæ fecerit eam ad angulos rectos; cuius

¹⁾ Adolphus Vorstius, fils aîné du professeur de botanique de Leiden, Aelius Everardus Vorstius (26 septembre 1568—22 octobre 1624), naquit à Delft le 18 novembre 1597 et mourut le 6 octobre 1663 à Leiden. Il était helléniste, orientaliste et botaniste, voyagea beaucoup, retourna aux Pays-Bas dans la suite de M. A. Maurocenus, Ambassadeur de Venise en 1623, et devint en 1624 professeur de botanique à la place de son père.

²⁾ Abraham van Berckel, né à Leiden en 1630, où il mourut en 1688, d'abord botaniste, s'appliqua bientôt aux langues classiques. Il devint Recteur du Collège de Delft, et plus tard il arrangea la bibliothèque de Leiden. Il a laissé plusieurs ouvrages.

construccionem inveni, quæ facillime invenies, ita ut nullam sectionem conicam adhibere sit necesse, præter eam quæ data est parabolam. Andersonum ³⁾ hæc fugit construendi ratio, ideoque cum æquationem cubicam animadverteret, solidum problema esse dixit. at veteres videntur eam cognovisse, utique si Apollonium vitiosæ in hoc compositionis causâ Pappus reprehendit ⁴⁾ propositione 30 libri 4, quod idem Andersonus existimat.

Quid statuemus Schoteni Acutissime, res enim anceps est, et tamen in alterutra partem pronunciandum. Vale.

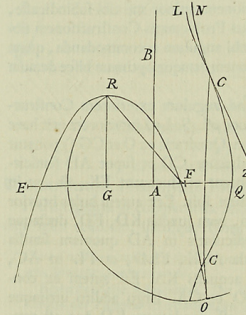
20 Sept. 1653.

N^o 164.

CHRISTIAAN HUYGENS à FR. VAN SCHOOTEN.

[OCTOBRE 1653.] ¹⁾

La minute et la copie se trouvent à Leiden, coll. Huygens.



Hæc universalis est Problematis Constructio. Verum si fuerit AQ minor quam AG. centro A radio AG circulus describatur inque eo ponatur GK æqualis duplæ EG inventæ ut prius, et divisio arcu reliquo GHK in tria æqualia ponatur subtensæ partis unius GH æqualis GM et ducatur MC parallela AB.

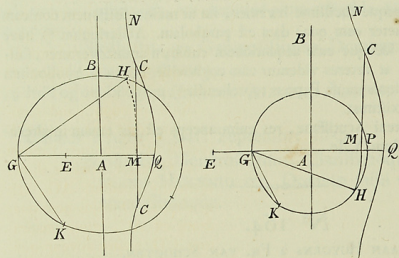
Præterea si AQ major quoque fuerit quam AG, ita tamen ut quadratum AQ non majus sit duplo quadrato ex AG. Caeteris ad eundem modum compositis hæc tantum erit differentia quod arcum KP qui ex semicircumferentia reliquis est tripartito secare oportet quarum una sit PH, et subtensæ GH æqualem ponere GM. Manifestum est autem, quod si AQ ipsi AG æqualis

³⁾ Alexander Anderson naquit en 1582 à Aberdeen. Il vivait à Paris et était ami de Vieta (1603). Après 1619, date de la publication de son livre, on ne sait plus rien de lui.

Alexandri Anderfoni Scoti Exercitationum Mathematicarum Decas Prima. Continens, Quaestionum aliquot, quæ Nobilissimorum tum huius tum veteris Aevi, Mathematicorum ingenia exercuere, Enodationem. Parisiis. Apud Oliverivm de Varenis, Via Iacobæa, sub signo Viætoriae. Anno 1630. in-4^o. Voyez la page 24.

⁴⁾ Pappus dit (comme Anderson le cite l. c.): „abfq̃ue solida inclinatione non posse definiti.”

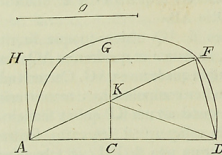
¹⁾ Le commencement de cette minute est le même que celui de la lettre N^o 165: c'est pourquoi on l'a supprimé ici. Quant à l'„alterum problema” mentionné dans le troisième alinea de cette



KPG, erit ejusmodi, ut Plana Constructione trifariam secari possit. Qui sunt numero infiniti.

Qua consideratione usus fuerim ad Resolutionem opinor me tibi subindicasse, cum hic adesses. Non repetam itaque, sed alterius Problematis Constructionem tibi exhibebam, de linea magnitudine data intra rhombi angulum accommodanda, quam te desiderare dicebas. Novam autem demonstrationem eamque optimam hinc demum diebus adveni.

Si pro Rhombo quadratum fuerit datum, ad angulum exteriorem Constructio Pappi nota est. Sed ad interiorem erit haec commodissima. Quadratis ex O et CG³⁾ ponatur aequale quadratum CD et super AD semicirculus describatur et ducantur FK, fk, ut in Rhombo factum fuit. Erat autem hujus brevior demonstratio, nam junctis KD, FD, ductaque FL perpendicularis in AD quoniam similia sunt triangula ACK, FLD, et FL ∞ AC, erit et FD aequalis KA. Est autem ex constructione quadratum CD aequale quadratis O et CA. Ergo addito utrimque quadrato CK erunt quadrata KC, CD hoc est quadratum KD hoc est quadrata KF, FD simul aequalia quadratis O et KA. Demptisque aequalibus



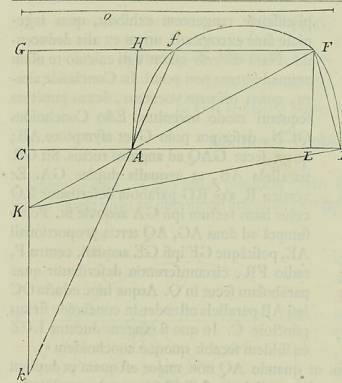
minute il est traité beaucoup plus au long dans l'Appendice, N^o. 166. Il semble donc que cette minute-ci doit être considérée comme contenant la rédaction primitive dont Chr. Huygens, en reprenant la plume, fit les lettres N^{os}. 165 et 166.

²⁾ Cela veut dire: si $AQ^2 = 2 AG^2$.

³⁾ Voir la figure de la page suivante. La dernière de cette page-ci représente la construction de Pappus.

fuerit, incidet E in G. Eritque tantummodo GM aequalis sumenda lateri trianguli aequaliteri in circulo GHP descripti.

Item si AQ duplum potest ipsius AG²⁾, quod tum GM duplae tantum GA aequalis sumenda est. Denique ijs casibus omnibus planum fore problema quibus arcus KP vel



utrimque hinc quadrato KA inde quadrato FD, erit quadratum KF ∞ quadrato O. ideoque linea KF lineae O datae.

Nam primum quod semicirculus super AD rectam GF fecabit sic ostenditur. Etenim quia O major ponitur dupla diametro quadrati AG, erit quadratum O majus octo quadratis ex AC, igitur quadratum CD majus novem quadratis ex AC. ac proinde CD major tripla CA. dimidia igitur AD hoc est radius semicirculi AFFD major quam AC hoc est AH, quare necessario fecat lineam GF.

N^o 165.

CHRISTIAAN HUYGENS à FR. VAN SCHOOTEN.

23 OCTOBRE 1653.

La lettre et la copie se trouvent à Leyden, coll. Huygens.

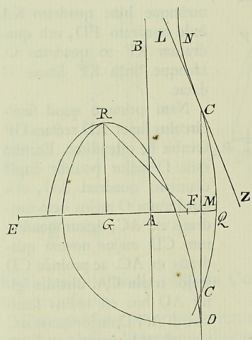
CHRISTIANUS HUGENIUS FRANCISCO SCHOTENIO VIRO Clarissimo S. D.

Pro diligentia in comparanda Astronomia Belgica¹⁾ gratiam habeo. Ducequius²⁾ eam mihi reddidit, simulque binas constructiones ad inveniendam Conchoidis sim-

¹⁾ C'est l'ouvrage suivant, dont la première édition parut en 1653 à Harlingen chez Jan Hesses. Bientôt vint la seconde:

Nederduytsche Astronomia, Dat is: Onderwijs van den Loop des Hemels, leerende het vinden der Plaetfen en bewegingen der vaste Sterren, Son en Maen: als oock haer Eclipsen of verduystrighen. Item, den loop der Planeten, welke door reekeningh, en oock tuyghwerckelijck met een Planet-wijzer aangewesen wordt. Hier by gevoght een Aen-hangh, diene tot maeder verklarighe over den Loop des Hemels. Als oock eenighe voorbeelden der Son-Eclipsen, welke rekening door verscheyden voorbeelden ghe-toont wordt. Alles nut en vernakelijck, niet alleen voor de Liefhebbers deser konst, maer oock voor Schippers en Stuyrluyden. Beschreven door Direk Rembrantsz. van Nierop, Liefhebber der Mathematische Konsten. Ende nu met den tweeden Druck, overgheten, verbeterd ende vermeerdert, by den zelfden Autheur, als oock een gedruckten Planet-Wyfer. t'Amsterdam, by Gerrit van Goedebergh, Boeck-verkooper op 't Water, in de Delftsche Bybel, over de Nieuwe Brugh. Anno 1658. in-4^o.

²⁾ Adriaan Duyck, dit Paradijs, fils du trésorier de Hollande de même nom, et de Barbara de



Haec universalis est constructio. at quando AQ non major est quam ut duplum possit ipseus AG, per trisectionem anguli expediri potest. Trisectio autem anguli ipsius ope Conchoidis quae proposita est. Adeo ut tunc quodammodo planum fiat Problema. Est autem omnino planum infinitis numero casibus quorum duos notabo. Nimirum cum AQ potentia dupla est ad AG ⁴⁾, fumenda tantum est AM ipsi AG aequalis, et ducenda MC parallela AB. Rursum cum AG ipsi AQ aequalis est oportet fumere GM aequalem lateri trianguli aequilateri in circulo cuius radius AG.

Quali consideratione fuerim usus cum hoc Problema resolverem opinor me tibi subindicasse cum hic adesses. Non repetam itaque, sed alterius Problematum Constructionem tibi exhibebam ⁵⁾, de linea intra Rhombi angulum accommodanda quam te desiderare dicebas. Novam autem demonstrationem eamque optimam hinc demum diebus adveni. Vale.

Domino Berckelio salutem dices meo nomine atque haec fi visum fuerit imperties. Hagae. 23 Oct. 1653.

Aen Mijn Heer De Heer FR. VAN SCHOOTEN, Professor der
Mathematijquen inde Universteijt
Inde Heeresteeg. Tot Leijden.

Heyne, naquit en 1628 à la Haye, devint étudiant à Leiden en mars 1646. Depuis il fut Lieutenant-Colonel dans l'armée des Pays-Bas.

³⁾ A partir d'ici la minute de la lettre précédente diffère de cette lettre-ci; voyez la Lettre N^o. 164.

⁴⁾ C'est à dire: $AQ^2 = 2 AG^2$.

⁵⁾ Voyez les Lettres N^{os}. 164 et 166.

N^o 166.

CHRISTIAAN HUYGENS à FR. VAN SCHOOTEN.

Appendice au No. 165.

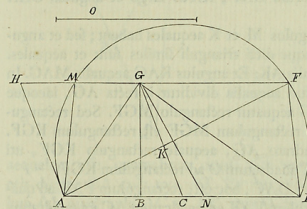
La lettre se trouve à Leiden, coll. Huygens.

23 Oct. 1653.

Apollonij Problema.

Pars 1.

Rhombus dato, et uno latere producto aptare sub angulo exteriori lineam magnitudine datam quae ad oppositum angulum pertineat.



productum latus HG. Itaque ad intersectionis punctum F ducatur AF. dico hujus partem interceptam KF datae O aequalem esse.

Quod autem circumferentia descripta latus HG productum secat sic fiet manifestum. ducatur GN, ita ut sit angulus AGN angulo AHG aequalis. Itaque triangulus AGN triangulo AHG vel ACG similis est, nam et angulum ad A communem habent. Isosceles igitur triangulus AGN, ideoque si super AN circumferentia describeretur capiens angulum AHG, hoc est, AGN, ea contingeret lineam HF in puncto G. Sed AD major est quam AN; nam quadratum GD majus est quadrato GN, cum sit aequale quadratis ex GN sive GA et ex O; Idcirco GD major quam GN, ac proinde cadit GD extra triangulum AGN. Itaque manifestum est circumferentiam super AD descriptam quae capiat angulum AHG hoc est AGN secare lineam HG productam. Ducatur ex A ad alterum intersectionis punctum recta AM. junctaque FD, cadat ex G perpendicularis in AD linea GB.

Quia igitur quadratum GD aequale est quadratis ex O et AG; idemque quadratum GD aequale quadratis AG, et AD minus duplo rectangulo DAB, hoc est, minus rectangulo DAN; dempto communi quadrato AG, erit quadratum O aequale quadrato AD minus rectangulo DAN; hoc est, rectangulo ADN. Est autem sicut AD ad AC ita rectangulum ADN ad contentum AC, DN. Ergo ut AD ad AC ita quo-

Sit datus Rhombus AHGC, cujus productum latus HG; data verò linea O. Et propositum sit ducere rectam AKF, ita ut pars intercepta KF sit datae O aequalis. Ducatur diameter AG, productoque si opus est latere AC, ponatur quadratis ex O et AG. Et super AD circumferentia describatur quae capiat angulum angulo rhombi AHG aequalem. Secabit ea punctum F ducatur AF. dico hujus

que quadratum O ad contentum DN, AC, hoc est, ad excessum rectanguli DAC supra rectangulum NAC. Est autem rectangulo DAC aequale rectangulum FAK, quoniam DA ad AF ut KA ad AC, propter triangulos similes DAF, KAC: habent enim angulum ad A communem et angulus C ipsi F est aequalis. Item rectangulo NAC aequale est quadratum AG, quia propter similes triangulos est NA ad AG ut AG ad AC. Igitur excessui rectanguli DAC supra rectangulum NAC aequalis excessus rectanguli FAK supra quadratum AG. Ideoque erit ut AD ad AC ita quadratum O ad excessum rectanguli FAK supra quadratum AG. Huic vero excessui aequale est rectangulum KG, GF; quod sic ostenditur. Etenim quia quadrilaterum FDAM est in circulo sunt anguli FDA, AMF simul duobus rectis aequales, hoc est duobus simul CKA, GKA. Est autem angulus CKA aequalis FDA, propter similitudinem triangulorum DAF, KAC. Ergo et angulus GKA aequalis AMF.

Trianguli igitur AGM, AGK, angulos M et K aequales habent; sed et angulos ad G et latus AG commune. Itaque dicti trianguli similes sunt et aequales. Quare GM aequalis GK, et MA aequalis AK; Et angulus KAG aequalis MAG. In triangulo igitur FAM angulus A in duo aequalia dividitur à recta AG, ideoque rectangulum FAM minus quadrato AG aequatur rectangulo MGF. Sed rectangulum FAM est rectangulum FAK; et rectangulum MGF est rectangulum KGF. Itaque rectangulum FAK minus quadrato AG, aequale rectangulo KGF, uti dictum fuit. Est igitur ut DA ad AC ita quadratum O ad rectangulum KGF.

At sicut DA ad AC ita rectangulum DAC, hoc est, rectangulum FAK ad quadratum AC. Ergo quoque ut rectangulum FAK ad quadratum AC ita quadratum O ad rectangulum KGF. Ratio autem rectanguli FAK ad quadratum AC composita est ex ratione KA ad AC, hoc est KF ad FG et ex ratione FA ad AC seu AH, hoc est ratione FK ad KG. Igitur et quadrati O ad rectangulum KGF ratio composita est ex ratione KF ad FG et ratione KF ad KG. Verum ex hisce componitur quoque ratio quadrati KF ad rectangulum KGF. Igitur erit quadratum O ad rectangulum KGF ut quadratum KF ad idem rectangulum KGF: ac proinde quadratum O aequale quadrato KF, et KF linea aequalis O datae, quod erat demonstrandum.

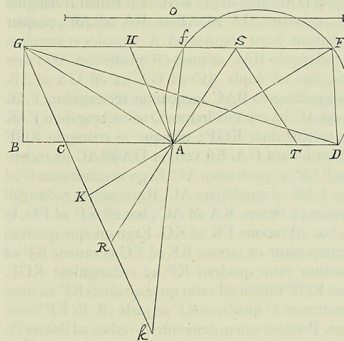
Pars 2.

Rhombus dato et duobus contiguis lateribus productis aptare sub angulo interiori lineam datae aequalem quae per oppositum angulum transeat. Oportet autem datam non minorem esse dupla diametro quae reliquos duos angulos jungit.

Sit datus Rhombus ACGH cuius producta sint latera GH, GC. Data vero linea O. Et oportet ducere FAK rectam quae sit ipsi aequalis.

Ducatur diameter AG eique ad rectos angulos SAR, quae quidem aequalis erit duplae diametro HC. Igitur O non minor debet esse data quam SR. Et si quidem aequalis est, factum erit quod proponebatur. Verum ponatur O major data quam SR. Et producto latere CA ponatur GD cuius quadratum aequetur quadratis ex O et ex

GA. Et super AD circumferentia describatur quae capiat angulum ipsi CGH aequalem. Ea secabit productum latus GH. Itaque à punctis intersectionum F, f, ducantur rectae FAK, fAk. dico harum utramque datae O aequalem esse. Quod autem circumferentia AfFD latus GH productum fecit sic primum ostendetur. Sit GB ipsi AC perpendicularis et ducatur ST, ut sit angulus AST aequalis angulo CGH vel AHS. Est itaque triangulus AST triangulo AHS similis, nam et angulos ad A aequales habent: quare isosceles quoque triangulus AST. Apparet igitur lineam GS ipsi BA cum dimidia basi AT



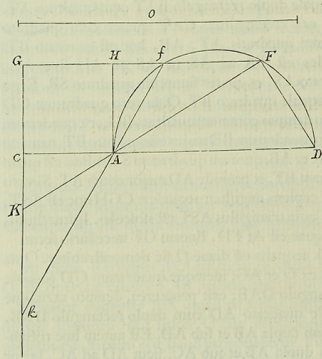
aequalem esse. quamobrem dupla GS hoc est quadrupla GH vel CA aequalis erit duplae BA cum tota AT. Et sumpta communi altitudine TA, erit rectangulum sub quadrupla AC et AT aequale duplo rectangulo BAT cum quadrato AT. additoque utrimque quadrato AB, erit rectangulum CAT quater cum quadrato AB aequale rectangulo BAT bis cum quadratis AT, AB, hoc est quadrato BT. Quia vero propter triangulos similes est TA ad AS ut AS ad AH five AC, rectangulum CAT aequale est quadrato AS, et quater sumptum quadrato SR. Ergo quadratum SR cum quadrato AB aequale quadrato BT. Quia vero quadratum GD aequale est quadratis ex O et AG, ideo dempto communi quadrato BG, erit quadratum BD aequale quadratis ex O et AG. Ergo quadratum BD majus est quadrato BT, namque hoc aequale ostensum est quadratis SR et AB, quorum quadratum SR minus est quam quadratum O. Est ergo BD major quam BT, et proinde AD major quam AT. Si vero super AT circumferentia describatur capiens angulum aequalem CGH hoc est AST, ea continget rectam GF in puncto S, quia triangulus AST est isosceles. Igitur similis circumferentia super AD descripta, quae est AfFD, lineam GF necessario fecit.

Porro quod utraque harum FK, fK aequalis est datae O sic demonstrabitur. Quia quadratum GD aequale est quadratis ex O et AG, idemque quadratum GD aequale quadratis GA, AD, cum duplo rectangulo DAB; erit propterea, dempto utrimque quadrato AG, quadratum O aequale quadrato AD cum duplo rectangulo DAB, hoc est aequale contento sub DA cum dupla AB et sub AD. Est autem hoc rectangulum ad rectangulum sub DA cum dupla AB et sub AC, sicut AD ad AC. Igitur

Oeuvres. T. I.

ut AD ad AC, ita quoque quadratum O ad rectangulum sub DA cum dupla AB et sub AC, hoc est, ad rectangulum DAC cum duplo BAC. Est autem rectangulo DAC aequale rectangulum FAK, quoniam DA ad AF ut KA ad AC, propter triangulos similes DAF, KAC: habent enim angulos ad A aequales et angulum AFD angulo ACK. Item duplo rectangulo BAC aequale est quadratum AG: nam propter triangulos similes, ut SG, hoc est dupla AC ad GA ita est GA ad AB. Ergo rectangulo DAC cum duplo rectangulo BAC, aequantur rectangulum FAK cum quadrato GA. Quare ut DA ad AC ita erit quadratum O ad rectangulum FAK cum quadrato GA. hoc est, ad rectangulum KGF; namque in triangulo KGF angulus G in duo aequalia dividitur à linea GA. Est vero ut DA ad AC ita rectangulum DAC, hoc est rectangulum FAK ad quadratum AC. Ergo ut quadratum O ad rectangulum KGF ita rectangulum FAK ad quadratum AC. Ratio autem rectanguli FAK ad quadratum AC componitur ex ratione KA ad AC, hoc est KF ad FG, et ex ratione FA ad AC seu AH, hoc est ratione FK ad KG. Ergo quoque quadrati O ad rectangulum KGF ratio componitur ex ratione KF ad FG et ratione KF ad KG. Sed ex hisce quoque componitur ratio quadrati KF ad rectangulum KGF. Igitur quadrati O ad rectangulum KGF eadem est ratio quae quadrati KF ad idem rectangulum KGF. ac proinde quadratum O quadrato KF aequale est. Et KF lineae datae O. Quod erat demonstrandum. Pertinet autem demonstratio etiam ad lineam fk.

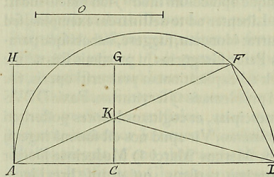
Si pro Rhombo Quadratum fuerit datum, ad angulum quidem exteriorem Constructio Pappi nota est. Sed ad interiorem eadem erit praecedenti, hoc tantum immutando ut quadratis ex O et CG aequale ponatur quadratum CD. Demonstratio



autem brevior erit. Nam primum quod circumferentia super AD, quae nunc semicirculi est, productum latus GH secabit sic ostenditur. Etenim quia O major ponitur quam dupla diameter HC, erit quadratum O majus octo quadratis AC, et proinde quadratum CD majus novem quadratis AC. quare CD major tripla CA, et dimidia AD quae est radius semicirculi AFD major quam AC vel AH. Ideoque circumferentia lineam GF secat necessario.

Ad reliquam demonstrationem jungantur FD, DK. Igitur quia similia sunt triangula ACK, AFD, erit et angulus FDA angulo ACK aequalis. Aequali autem intervallo

distant lineae HF, AD, et HA, GK. Igitur apparet FD ipsi AK aequalem esse. Est autem ex constructione quadratum CD aequale quadratis O et AC. Ergo addito utrimque quadrato CK, erit quadratum O cum quadrato KA aequale quadratis CD et CK, hoc est quadrato KD, hoc est quadratis KF, et FD. Demptisque aequalibus utrimque, hinc quadrato FD, inde quadrato AK, Erit quadratum KF aequale quadrato O, et lineae O recta KF. Quod erat demonstrandum. Eadem vero demonstratio etiam in Casu altero qui apud Pappum constructur locum habet ut videre est ex schemate adjecto.

N^o 167.

G. A. KINNER A LÖWENTHURN à CHRISTIAAN HUYGENS.

29 NOVEMBRE 1653.

*La lettre se trouve à Leiden, coll. Huygens.
Chr. Huygens y répondit par le No. 171.*

Perillustri, Generosissimeque Domine Domine Colendissime.
Salutem à Domino et obsequia mea paratissima.

Licet pace Tuâ praeteritarum literarum ¹⁾ memoriam praefentibus refricare aut si forsitan casu aliquo ad te illae non pervenerunt, antevertere cogitationes tuas, quibus fortassis apud te tacitus accusas silentium meum. Receptis ultimis tuis pro more meo statim respondi; proposuique in illis Theorema opticum, quod paucis abhinc annis apud nos vocabatur in controversiam, tuum super eo requirens iudicium. Sed quoniam ab eo tempore iam tertius mensis labitur, neque tamen responsum à te video, quem alias in vices alienis literis rependendas cognovi satis pronum; est profectò, quare iure merito verear, nè aut literae alio dilapsae in locum suum non tetigerint; aut certè, quod nolim, morbus aliquis à scriptione te prohibeat. Quam haesitationem actutum animo meo exemeris, si praefentibus quam primum respon-

¹⁾ C est la lettre N^o. 162.

dens aperueris rerum tuarum et valetudinis tuae statum. Scripseram in penultimis ²⁾ meis ad te, me in ordinem redégisse quadraturam secundam Clarissimi Geometrae Gregorii à Sancto Vincentio, quam quia vidi Geometris nostris non displicere, publici iuris facere ob eorumdem preces decrevi; iamque opusculum illud ³⁾ sub praelo fudit; spero quamprimum illius consummationem. Libenter ad te destinarem exemplar, sed vix scio quâ viâ; si tibi medium aliquod occurrat idoneum, suggere, habebisque paratissimum me ad tibi servendum. Reverendus Pater Gregorius in proximis suis ad me pollicetur brevi aliquid novum, sive illud erit ad explicationem praeteriti operis, seu potius novum quidpiam constructioni Deliaci problematis ⁴⁾ servitutum. Faxit DEVS nè intempestiva Viri optimi mors conatus intercipiat, et cogitatos labores posteritati invidet non sine maximo Geometriae detrimento. Vir apud nos est summâ ingenij felicitate Excellentissimus Dominus Joannes Marcus Marci ⁵⁾ Medicinae Doctor in Geometricis ac Philosophicis rebus apprime versatus, qui et ipse brevi lucubratiunculas suas promittit de Circuli quadratura; ⁶⁾ in quibus non ipsum quidem tetragonismum exhibebit, sed suas tantum speculationes in eum finem directas. Edidit ille idem iam antehac tractatus binos Geometricos de motu ⁷⁾, de Arcu Coelesti ⁸⁾ unum alterumque in materia Philosophica de Jdeis ⁹⁾; quos audio multis apud

²⁾ Voir la Lettre N^o. 160.

³⁾ Elucidatio geometrica Problematis Austruaci sive Quadratura Circuli feliciter tandem detecta per R. P. Gregorium a S. Vincentio S. I. clarissimum et subtilissimum aeo nostro geometram, in defensionem proposita et publico matheos amatorum iudicio exposita Auctore Godefrido Aloysio Kinner a Löwenthorn, Silesio Reichenbachense. Praegae. c1650. in-4^o.
Cet ouvrage est un extrait de celui de Gregorius à St. Vincentio. Voyez la lettre N^o. 27.

⁴⁾ C'est le problème renommé de la duplication du cube.

⁵⁾ Johannes Marcus Marci de Kronland naquit le 13 juin 1595 à Landskron (Bohême) et mourut le 30 décembre 1667 à Prague. Il fut admis dans l'ordre des Jésuites quelques jours avant sa mort. Il était médecin, linguiste arabe et grec, astronome et astrologue. Depuis 1620 professeur de mathématiques à l'université de Prague, dont il devint le Recteur, il fut nommé en 1658 médecin personnel de l'Empereur Ferdinand III, puis Comes Palatinus.

⁶⁾ Labyrinthus in quo via ad circuli quadraturam pluribus modis exhibetur. Ed. J. Marcus Marci. Praegae. 1654.

⁷⁾ De proportionem motus, seu regula sphygmica ad celeritatem et tarditatem pulsuum ex illius motu ponderibus geometricis librata absque errore metiendum. Ed. J. Marcus Marci. Praegae. 1639.

De Proportionem motus figurarum rectilinearum et circuli quadratura ex Motu. Ed. J. Marcus Marci. Praegae. 1648. L'auteur s'occupe dans ce livre de la méthode dite des tangentes.

⁸⁾ Thaumantios, sive liber de arcu caelesti deque colorum apparentium natura, ortu et causis. Ed. J. Marcus Marci. Praegae. 1648.

⁹⁾ Idearum Operatricium Idea Sive Hypotyposis et detectio illius occultae Virtutis, quae Semina facundat, & ex ipsdem Corpora organica producit. Avthore Ioanne Marco Marci Philosophiae & Medicinae Doctore, et ordinario Professore eiusdem Medicae facultatis in Universitate Pragenfi, physico regni Bœemiae. Anno M.D.C.XXXV. Invenitur apud Henning Groofs. in-4^o.

exteros probari. Scripsit non pridem ad me Reverendus Pater Theodorus Moretus ¹⁰⁾ Geometriâ caeteraque Mathesi celeberrimus, Mathematicum in multis Germaniae Academijs emeritus Professor, tibi que per me petit impense commendari, cuius ignotam quidem non tamen fortassis ingratam salutationem peramicam praesentibus adscribendam duxi. Deberet non parum iam pridem inventionibus illius Geometrica Respublica, nisi harum partium ea foret infelicitas, ut viris aliqui doctissimis domi solum ac in privato ¹¹⁾ de partibus ingenii sui gaudere liceat, nescio quo fati Genio lucem publicam invidente. Sed aliud forsitan ab importunae epistolae lectione avocaris? Da veniam si impeditum tenui diutius; errore inductus sum ut crederem, placere et alijs prolixiores epistolas, quae me impense delectant. Vive interim, Valeque mei non immemor Juvenum Nobilissime, et Dioptrica tua, humidoque innatantia Mundo nè cela, à quo ob praeclaram Refractionum et Humidorum doctrinam, Solidam et Irrefractam Gloriam impetraturum te omnino confide.

Perillustri ac Generosissimae Dominationis Tuae
Serruus paratissimus

GODEFRIDUS ALOYSIUS KINNER
à LÖWENTHURN.

Manu propria.

Dabam Praegae 29 Novembr:
1653.

Perillustri, Generosissimoque Domino, Domino CHRISTIANO
HUGENIO D. etc., Domino ac Patrono mihi Colendissimo
Obersvandissimoque.

Hagam Comit.
S Graven Hage.

6.

¹⁰⁾ Theodorus Moretus, né en 1602 à Anvers, mourut à Breslau le 6 novembre 1667. Il devint Jésuite en 1620, professeur de philosophie, de théologie et de mathématiques à Prague et à Breslau; il fut aussi recteur de Klettau.

¹¹⁾ Remarquons toutefois que Th. Moretus publia beaucoup d'ouvrages à partir de 1633.

N^o 168.

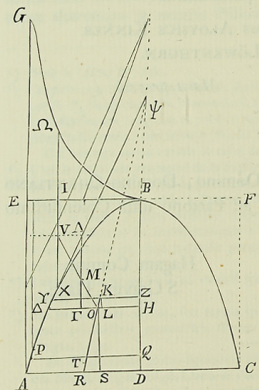
CHRISTIAAN HUYGENS à FR. VAN SCHOOTEN.

10 DÉCEMBRE 1653.

*La lettre, la minute et la copie se trouvent à Leiden, coll. Huygens.
Fr. van Schooten y répondit par le No. 169.*

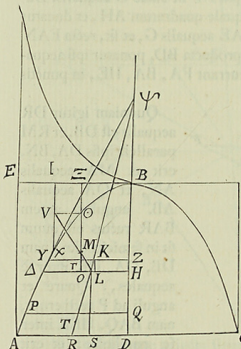
CHRIST. HUGENIUS Clarissimo Viro Domino FRANCISCO SCHOTENIO S.

Mitto ecce quam petijsti alteram Problematis Apolloniani de Rhombo constructionem, in qua demonstratio brevior est quam in priori, Et una ad utrumque casum accommodata. Item qua ratione Methodum tuam inveniendi gravitatis centra promoverim ita ut ad Quadraturam etiam deducat Parabolae et similium spatiorum. Esto itaque hujus in parabola exemplum; quae sit ABC, axis BD, et rectangulum parabolam continens AEFC, lateribus AE, CF axi parallelis.



Postquam igitur methodo tua inventum erit gravitatis centrum parabolae punctum H ut BH sit $\frac{2}{3}$ BD: ad eundem modum inveniendum quoque centrum gravitatis I spatij ABG, quod $\frac{1}{2}$ binis constat residuis quale AEB. Hoc autem fieri potest, quoniam ejus quoque naturae est spatium ABG, ut pars ejus quaevis quae abscinditur recta lineâ basi AG parallelâ, qualis est verbi gratia Ω BX, ad totum GBA notam habeat proportionem; eandem nempe quam \square XI, IB ad \square AE, EB, hoc est quam cubus IB ad cubum EB. Et hanc quoque habet proprietatem spatium GBA, ut à centro gravitatis axis EB eadem proportione secetur, atque axis partis cujusvis abscissae Ω BX à centro gravitatis suo, quae facile ostendi possent. Invenietur igitur BI esse $\frac{1}{3}$ BE ut I fit centrum gravitatis GBA. Erit autem centrum gravitatis partis EBA in linea IX; Item centrum gravitatis semiparabolae ABD in HD ipsi DA parallela, quia videlicet H est centrum gravitatis totius parabolae. Verum ad indagandam quadraturam opus est ut sciamus in quo lineae HD puncto dictum gravitatis centrum consistat. Ponatur in O, et ducta PQ basi AD parallela abscindat particulam APQD; cujus centrum gravitatis ponatur esse T punctum: et jungatur TO, quae producta occurrat AD in R. Pro-

ducta vero versus O tranfinit necessario per centrum gravitatis partis reliquae PBQ, quod fit K. Et ducatur YKZ parallela $\frac{1}{2}$ AD. Pinguendum est autem sicut in tua methodo, quod OT aequalis OR, quasi T incidat in R, quoniam scilicet minimam imaginamur particulam $\frac{1}{2}$ AQ. Ideo autem et centrum gravitatis in medio ipsius situm intelligere licet, quia haud aliter quam exiguum rectangulum consideratur, quantum ad haec. Ergo T five R bifariam fecare debet AD. Sit jam BD ∞ a item latus rectum ∞ a, ergo et DA erit a. Porro HO fit x et DQ, y. Sint autem LS et KL axi BD parallelae. Ergo Calculus erit hujusmodi.

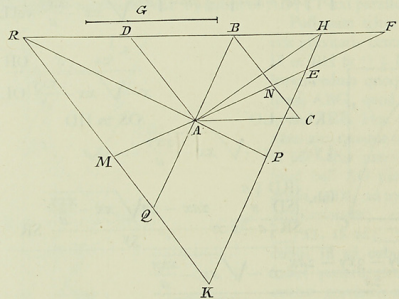


$$\begin{aligned}
 &DB \quad HB \quad DQ \quad HZ \infty KL \\
 &a - \frac{2}{3}a - y / \frac{2}{3}y. \text{ Ergo } BZ \infty \frac{2}{3}a - \frac{2}{3}y \\
 &\text{m. latus rectum } a \\
 &YZ \sqrt{\frac{2}{3}aa - \frac{2}{3}ay} \\
 &\frac{\Delta H \quad OH \quad YZ}{\sqrt{\frac{2}{3}aa - x} - \sqrt{\frac{2}{3}aa - \frac{2}{3}ay}} \sqrt{\frac{xx - \frac{2}{3}xy}{a}} \text{ vel LH} \quad KZ \\
 &\frac{s. \left\{ \begin{array}{l} ex \quad x \quad OH \\ x - \sqrt{xx - \frac{2}{3}xy} \quad OL \end{array} \right.}{OS \infty HD} \\
 &KL \quad LO \\
 &\frac{2}{3}y - x - \sqrt{xx - \frac{2}{3}xy} - \frac{2}{3}a \\
 &\text{sub. } \left\{ \begin{array}{l} RD \frac{1}{2}a \\ SD \quad x \end{array} \right. \frac{2ax - 2a\sqrt{xx - \frac{2}{3}xy}}{SR \frac{1}{2}a - x \infty \frac{3y}{3y}} \quad SR \\
 &\frac{\frac{2}{3}ay - 3xy - 2ax}{2a} \infty - \sqrt{xx - \frac{2}{3}xy} \\
 &\frac{2}{3}y - \frac{2}{3}\frac{xy}{a} - x \infty - \sqrt{xx - \frac{2}{3}xy} \\
 &\text{Scriptis scribendis fit quadrando } -\frac{2}{3}xy + \frac{3xy}{a} + xx \infty xx - \frac{2}{3}xy \\
 &\frac{2}{3}axy - 3xy \infty 3xy \\
 &\frac{2}{3}a \infty 4x \\
 &\frac{2}{3}a \infty x \quad HO
 \end{aligned}$$

Postquam igitur inventum est quod HO ∞ $\frac{2}{3}$ AD, et quod EI ∞ $\frac{2}{3}$ EB; fit jam rectanguli ED centrum gravitatis M, et ducatur OM, quae producta occurrat IX in V. Igitur V centrum gravitatis est residui AEB. Sit item GME parallela DB,

quae quidem dividet EB bifariam. Ergo quoniam EI est $\frac{2}{3}$ EB erit et IE $\frac{1}{3}$ EB. Et quoniam OH est $\frac{2}{3}$ EB, erit OF $\frac{1}{3}$ EB. Ergo IE dupla est ipsius FO. quare et VM dupla MO: ac proinde per 7 libri 2 Archimedis de Aequiponderantibus etiam femiparabola ABD dupla residui AEB. Ideoque subseqalitera rectanguli ED. ex quo quadratura manifesta est. Vides autem haec ad similibus naturae plana applicari posse. qualia sunt Parabolae istae altioris gradus quas nosti.

Hic expeditis constructionem nunc scribam Apolloniani problematis quae sic habet. Sit datus rhombus ADBC cujus productum latus DB, Et data sit linea G. Oportetque ducere rectam ANF, ut pars intercepta NF sit datae G aequalis. Ducatur diameter AB, et quadratis ex G et AB sit aequale quadratum AH, et ducatur HE ipsi BA parallela. atque ad eam ex A ponatur AE aequalis G, et sit, recta FAN dico NF datae lineae G aequalem fore. Etenim in producta BD, ponatur ipsi aequalis DR. et fit RK parallela DA vel BC, eique occurrant FA, BA, HE, in punctis M, Q et K. Et jungatur RA et producat ad P.

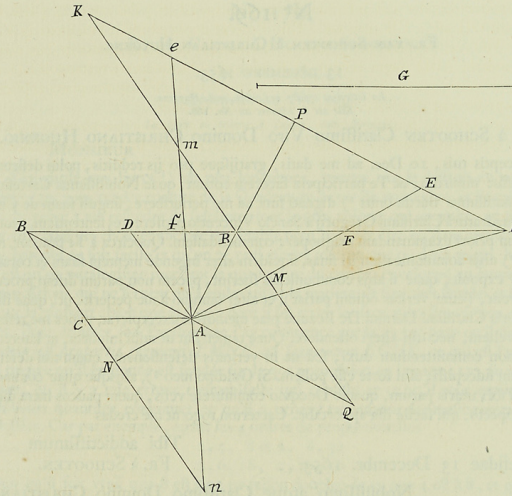


Quoniam igitur DR aequalis est DB, et RM parallela ipsis DA, BN, erit et MA aequalis AN, et QA aequalis AB. angulus autem BAR rectus est quum sit in semicirculo; (nam DB, DA, DR inter se aequales.) Quare et anguli ad P recti erunt, nam BAQ, HEK inter se parallelae; et erit HP aequalis PK.

Est igitur quadratum AH aequale quadrato AE una cum rec-

tangulo HEK. Sed idem quadratum AH ex constructione aequale est quadratis ex G seu AE et ex AB. Ergo quadratum AB aequale rectangulo KEH. Quamobrem erit KE ad AB ut AB ad EH. Verum KE ad AB seu QA, ita est EM ad MA: et ut AB ad EH ita est AF ad FE, utrumque propter similes triangulos. Igitur EM ad MA ut AF ad FE: ideoque EA ad AM ut AE ad EF. Aequalis itaque EF ipsi AM hoc est ipsi AN. Quare et FN ipsi AE hoc est datae G. Quod erat demonstrandum.

Esto rursus ACBD rhombus cujus producta sint latera BC, BD. Oportetque ducere rectam NF per angulum A transeuntem quae sit aequalis datae G.



Erit in schemate adjecto sicuti propositum est, eadem constructio et demonstratio quae in casu superiore.

Hagae. 10 Dec. 1653.

^{a)} Dans la minute: sesquialtera HD.

^{b)} Dans la minute: a linea BE bifariam et in partes similes secatur.

^{c)} Dans la minute: tripla reliquae IE.

^{d)} Dans la minute: ΔH .

^{e)} Dans la minute: APQD.

^{f)} Dans la minute: $-\frac{3}{2}a + 3x \infty - x$.

$4x \infty \frac{3}{2}a$.

$x \infty \frac{3}{2}a$.

N^o 169.

FR. VAN SHOOTEN à CHRISTIAAN HUYGENS.

13 DÉCEMBRE 1653.

*La lettre se trouve à Leiden, coll. Huygens.
Elle est la réponse au No. 168.*

FR. à SHOOTEN Clarissimo Viro Domino CHRISTIANO HUGENIO.

Acceptis tuis, 10 Dec. ad me datis, gratijsque pro ijs redditjs, nolui descere promissis: nimirum, ut Te participem facerem eorum, quae Nobilissimus Cartesius et Ornatissimus Bartholinus ¹⁾ dignati sunt ad me perscribere, singuli suam de Circuli Quadraturâ Clarissimi Gregorij à Sancto Vincentio proferentes sententiam, prout eandem priori examinandam magnopere commendassent. Quocirca à Te praecor, ne haec ²⁾ alijs communicatum iri sinas, siquidem alter ingenuè mentem suam et coram amico exponit, quae si alijs communicata fuerint, pacem non parum dubio procul turbarent, (cum veritas odium pariat); et alter omnino à me petierit, ut, quae ille ex literis Clarissimi Domini De Beaune pia memoriae excerptaret, penes me referre vellem, nec ulli alteri ostendere. Quae tamen, ut ut mihi iniuncta, ut laterent Te, non committendum duxi, sed ut in veritatis defensionem, quam tibi defendendam susceperam, usui forte esse possent. Si Guldino meo ³⁾, alijsque quae commodavi Tibi, utaris parum, quaeso Ducquo committere velis, quem paucos intra dies hic exspecto, qui facilè illa apportabit. Caeterum rogo ut me credas

Tibi addictissimum
FR. à SHOOTEN.

Leijdae 13 Decembr. 1653.

Nobilissimo atque Clarissimo Domino CHRISTIANO
HUGENIO, amico integerrimo.

per amicum.

Hagae

¹⁾ Erasmus Bartholinus [Rasmus Berthelsen], le sixième des 7 fils savants et renommés du médecin danois Gaspar Berthelsen (12 février 1585–13 juillet 1630) naquit à Roskild le 13 août 1625 et mourut le 4 novembre 1698 à Copenhague. Docteur en médecine, il voyagea durant dix ans en Italie, en France, en Angleterre et dans les Pays-Bas (1646–1656): à son retour il devint professeur de mathématiques, puis en 1657 professeur de médecine à Copenhague. Plus tard il y devint Membre de la Cour de justice. Entre autres ouvrages il publia la description des phénomènes de double réfraction, qu'il avait découverts dans le Spath d'Islande.

²⁾ On trouve la lettre de des Cartes, qui mourut en 1650, dans l'Appendice N^o 170. Chr. Huygens l'a publiée plus tard, le 2 octobre 1656, dans son ouvrage „Ad. Fr. Xav. Aynscoom Epistola”. La lettre de Er. Bartholinus n'a pas été retrouvée.

³⁾ Probablement P. Guldinus, de Centro gravitatis.

N^o 170.

R. DES CARTES à FR. VAN SHOOTEN.

9 AVRIL 1649.

Appendice au No. 169.

La copie se trouve à Leiden, coll. Huygens.

MONSIEUR

J'ay gardé vos livres ¹⁾ un peu longtems, pource que je desirois en vous les renvoyant vous rendre compte de la Quadrature du cercle pretendue, et j'avois bien de la peine à me refoudre de feuilletter tout le gros volume qui en traite, en fin j'en ay veu quelque chose et assez ce me semble pour pouvoir dire qu'il ne contient rien de bon qui ne soit facile et qu'on ne pult écrire tout en une ou deux pages. le reste n'est qu'un paralogisme touchant la quadrature du cercle, enveloppé en quantité de propositions qui ne servent qu'à embrouiller la matiere, et sont tres simples et faciles pour la plupart, bien que la façon dont il les traite les face paroître un peu obscures. Pour trouver son Paralogisme j'ay commence par la 1134^e page ou il dit *nota autem est proportio segmenti LMNK ad segmentum EGHF*, ce qui est faux, et la preuve qu'il en donne est fondée sur la 39^e proposition en la page 1121 du mesme livre, ou il y a une erreur tresmanifeste qui consiste en ce qu'il veut appliquer à plusieurs quantitez conjointes ce qu'il a prouvé auparavant des mesmes quantitez divisées. Car par exemple, aijant les 4 ordres de proportionnelles

2, 4, 8 et 2, 8, 32
2, 6, 18, 2, 10, 50

bien qu'il soit vray que 8 est à 32 en raison doublee de ce que 4 est à 8, et que 18 est aussi à 50 en raison doublee de ce que 6 est à 10, il n'est pas vray pour cela que 8 plus 18, c'est à dire 26 soit à 32 + 50 c'est à dire 82 en raison double de celle qui est entre 4 + 6 c'est à dire 10, et 8 + 10 c'est à dire 18. Tout ses raisonnemens ne sont fondez que sur cette faute, et ce qu'il écrit de Proportionalitatibus, et de ductibus ne sert qu'à l'ambarasser, et ne me semble d'aucun usage, pource que frustra fit per plura quod potest fieri per pauciora.

D'Egmont, le 9 Avril, 1649.

¹⁾ Il s'agit ici de l'ouvrage de Gregorius à Sancto Vincentio, intitulé: Opus geometricum Quadraturae Circuli et Sectionum Coni. Voyez la Lettre N^o 25, Note 6.