# 九州大学学術情報リポジトリ Kyushu University Institutional Repository

# 階層型ニューラルネットワークへの入力の選定法

村田, 純一 九州大学大学院システム情報科学府電気電子システム工学専攻

# 中園,徹

九州大学大学院システム情報科学府電気電子システム工学専攻 : 修士課程

平澤, 宏太郎 九州大学大学院システム情報科学府電気電子システム工学専攻

https://doi.org/10.15017/1498360

出版情報:九州大学大学院システム情報科学紀要.3(2), pp.219-224, 1998-06-22. 九州大学大学院シ ステム情報科学研究院

バージョン:

権利関係:

# 階層型ニューラルネットワークへの入力の選定法 村田純一\*·中園 徹\*\*·平澤宏太郎\*\*\*

## Input Variable Selection for Multi-Layer Neural Networks

Junichi MURATA, Toru NAKAZONO and Kotaro HIRASAWA

(Received June 22, 1998)

Abstract: A method is proposed for selecting relevant input variables to multi-layer neural networks. A minimal set of inputs is selected which is necessary to obtain a network with a good generalization ability and some insight into the input-output relationship. The inputs of network are selected automatically by a combination of constructive and destructive algorithms. The constructive algorithm starts with a minimal input set and adds new inputs if necessary, while the destructive algorithm deletes unnecessary inputs. The main issue addressed here is the measure of input significance used in the constructive algorithm. Some measures are proposed based on mutual infomation and linear correlation paying much attention to the structural constraint imposed on the networks. The experimental results show that the measures are valid and that the derived network with the selected inputs has a good generalization ability.

Keywords: Neural networks, Input variable selection, Generalization ability, Interpretability

#### 1. はじめに

本論文では、階層型ニューラルネットワークへの適切 な入力の選定を行う方法を提案する.

ニューラルネットワーク(NN) は、十分なノード数を 備えていれば与えられたデータを正しく表現でき, ある 程度の汎化能力を持つ、しかし、汎化能力を向上させる には、 NN の構造を適切に定めることが必要であり、筆 者らも内部構造決定の方法を提案している<sup>1)</sup>.

ここでは、NNの働きが鮮明になる入力に着目した一 種の構造決定を行う。出力を説明するのに必要な入力を 自動的に選定することにより、汎化能力を高めるばかり でなく、入出力関係を人間が解釈しやすいものにするこ ともできる.

#### $oldsymbol{2}$ . 入力変数選択による一般性の高い NN の構築

NN はそのままでは十分な汎化能力を持っていないし、 ブラックボックスと言われる NN の働きを複数のパラ メータ値から人間が解釈するのは容易ではない。そこで、 NN の働きが鮮明になる入出力関係に着目する。一般に、 考慮する入力変数の個数を増せば学習データについての 誤差は減少するが,一方で汎化能力は低下する.これは, 学習データが、データ数が有限で誤差やノイズを含んで いる, いわば不完全な情報源であるためである。特に、 ネットワークの自由度が高い、すなわち未定パラメータ

ここでは, 最小の入力ノード数から始めて生成的方法 により逐次入力を追加していき, その後入出力感度によ る削除的方法<sup>3)~5)</sup>を試す複合的方法を提案する。生成的 方法では教師データに対する表現能力を向上させるため

方法によって余分な入力を除く. 一方, 削除的方法だけ \*\*\* 電気電子システム工学専攻

平成 10 年 6 月 22 日受付

- \* 電気電子システム工学専攻
- \*\* 電気電子システム工学専攻修士課程

の値が適切に決められないという不適切な問題となる. また自由度が高すぎると、データの持つ情報が複数のパ ラメータに分散されて表現されるため、パラメータ値か ら人間に解釈可能な情報を読み取るのは困難となる. 出 力を説明するのに必要な入力のみを選ぶことにより,不 要な入力による悪影響を避け,一般性の高い NN を得る ことができる。また、出力に関わりの大きい入力が何で あるかを知ることは、単に数値的な誤差が小さくなるだ けでなく,対象とする入出力関係についての有用な情報 を得ることになり解釈可能性の向上にも役立つ。

(重み)の個数が多いと、情報の不完全さゆえにパラメータ

数多くある入力変数から適切なものをネットワークの 入力とすることが必要である. 入力変数の候補が多い場 合, その組合せも膨大となるので全ての組合せを評価す るのは実現不可能であり、効率的な探索方法が望まれる. その方法には、遺伝的アルゴリズムのように試行結果に 基づいて次の探索点を発見する方法、全ての入力変数を 組入れたネットワークから, 不要な入力を取り除いてい く削除的方法、入力変数と出力変数との関係の強さを相 互情報量<sup>2)</sup> などによって評価し、関係の強い入力変数か ら順にネットワークに追加していく生成的方法がある。

に必要以上に大きいネットワークになる傾向がある。そ

こで、生成的方法でネットワークを構成した後、削除的

を用いた場合も、ヒルクライム的な方法のため入力変数の候補が多い場合、構造上の局所解に陥りやすく必要以上に大きいネットワークになる。生成的と削除的の両方を組合わせた方法によって入力を選定することで入力ノード数の少ない NN を構築する。

本研究では、生成的方法において適切な入力を選ぶための尺度の提案が主な目的である。ネットワークに実際に入力を加える前に、入力情報の有用性を測ることができる尺度が必要であり、この尺度として、*NN* の構造を考慮したものを提案する。

対象とする NN は階層型ネットワークであり、学習則は BP(Back Propagation)法である。

### 3. 相互情報量を用いた従来の生成的方法

#### 3.1 方法

NNの働きは、空間的・時間的なパターンの非線形変換である。そこで入力の重要性尺度として、入出力関係が非線形な場合でも取り扱い可能な相互情報量を用いることが提案されている $^{2)\sim5}$ .

相互情報量とはXとYの2つの事象がある時,もともとXが持っている乱雑さがもう一方のYを知ってどれだけ減少するかを表す量である。つまり、Yを知ることでXの取る値をどの程度まで推測できるかを表す量であるといえる。

相互情報量 MI(X,Y)はYのエントロピーH(Y)と条件付きエントロピーH(Y|X)を用いて次式で定義される.

$$MI(X,Y) = H(Y) - H(Y \mid X) \tag{1}$$

この相互情報量を用いて、入力情報 $u_h$ の重要性尺度  $I_m(u_h;d_1,\ldots,d_r)$ を以下のように定める。

$$I_m(u_h; d_1, \dots, d_r) = \sum_{j=1}^r MI(u_h, d_j)$$
 (2)

ここで、hは入力ノード番号、jは出力ノード番号、rは出力ノード数、 $u_h$ は入力変数、 $d_j$ は出力ノードに与えられる教師信号の変数である。

この  $I_m$  は入力ノードに入る値  $u_h$  が出力ノードに与えられる教師信号の値  $d_1, \ldots, d_r$  の説明にどれだけ有効かを表している。

以下に生成的方法の入力選定手順を示す.

- 1.  $I_m(u_h; d_1, \ldots, d_r)$ をすべての $u_h(h = 1, \ldots, N)$  について計算し、その最大値を与える $u_h$ を $u_H$ とする.
- 2. 入力として $u_H$ を用いる1入力r出力のNNを構成し、 学習を行う。得られたネットワークの出力を $y_1, ..., y_r$ とし、この誤差を $\tilde{d}_i = d_i - y_i$ とする。(j = 1, ..., r)

- 3.  $u_h$ の重要性尺度  $I_m(u_h; \tilde{d}_1, \dots, \tilde{d}_r)$  をまだネットワークの入力ノードとして使っていない入力について計算し、その最大値を与える $u_h$ を $u_K$ とする。
- 4. ネットワークの入力ノードを1個増やし、そこに $u_K$  を入力して学習を行う。得られたネットワークの出力を $y_1, \ldots, y_r$ とし、その誤差を $\tilde{d_j} = d_j y_j$ とする。
- 5. 3へ戻る.

以上を停止基準を満たすまで行う.

最初にネットワークの入力として用いる $u_H$ は、教師信号 $d_j$ を説明する能力が最も高いものを選ぶが、二つめからは、教師信号 $d_j$ のうちまだ説明できていない部分 $\tilde{d_j}$ = $d_j$ - $y_j$ についての説明能力に基づいて選ぶ。

重要性尺度Iの値が最も大きい入力ノードを逐次追加しながらネットワークを形成していくことによって,できるだけ入力ノード数の少ない一般性の高い NN を構築する.

ネットワークへの入力追加の停止基準は、NNの構造 決定でも一部用いられているAICに類似の評価基準の最 小化基準を用いる。

#### 3.2 問題点

本来は選ばれるべき入力変数をk個とすると、 $I_m(u_1,\ldots,u_k;d_1,\ldots,d_r)$ など、k 個の入力変数を同時に考慮した尺度に基づいて入力変数を選定すべきである。しかし、相互情報量の計算には入力変数が各値をとる確率の推定が必要であり、入力変数の組を同時に条件とした確率を正しく求めるには実現不可能なほど多数のデータが必要となる。

そのため、ある入力ノードを用いたネットワークにおける誤差 $\tilde{d}$ 、つまりその入力ノードだけでは教師信号を説明できなかった部分について、これを最も良く説明できる入力ノードを選ぶという近似手法が用いられている。しかし、この近似では良い結果が得られない場合がある。

この方法のイメージは $\mathbf{Fig.1}$ のようになる。相互情報量によって選ばれる $u_j$ は考えられるあらゆる方法を使って $\tilde{d}$ を最もよく説明するものとして選ばれる。これは $u_i$ とyの

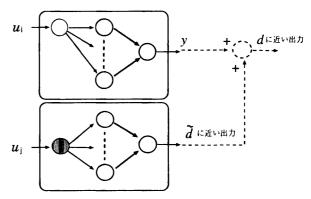


Fig.1 Network with a new input by (2)

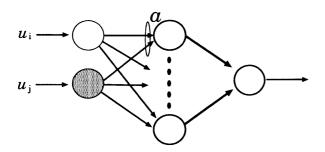


Fig.2 Network with a new input

間のNNとは無関係にあらゆるNNを試すことに相当する。しかし,実際は $\mathbf{Fig.2}$ のように同じNNに $u_j$ の入力ノードを加えるため,元のNNと共通部分がありこの部分は勝手に自由には変えられない。この点の考慮が必要である。

### 4. 今回提案する方法

#### 4.1 方針

簡単に説明するため、3層のネットワークで1出力の時に2つめの入力を選定する場合を考える。 $u_1$ だけのNNに $u_2$ を加えた時のNNの出力、および中間層の入、出力を示すと

$$\frac{u_1 \not \in \mathcal{V} \cap NN}{y = f(w_{10}^1 + \sum_i w_{1i}^1 x_i)} \longrightarrow \frac{u_1 \not \in u_2 \cap NN}{ y = f(w_{10}^1 + \sum_i w_{1i}^1 x_i')}$$

$$x_i = f(a_i) \qquad \qquad x_i = f(a_i)$$

$$a_i = w_{i0}^0 + w_{i1}^0 u_1 \qquad \qquad a_i = w_{i0}^0 + w_{i1}^0 u_1 + w_{i2}^0 u_2$$

 $u_1, u_2$ : 初めに選んだ入力,及び次に選ばれる入力

y: 入力 $u_1$ で形成されたNNの出力

 $x_i$ : 第i中間層ノードの出力  $(i=1,2,\ldots,n)$ 

 $a_i$ : 第i中間層ノードへの入力和

 $w_{ii}^{l}$ : 第l層の第iノードから

第l+1層の第jノードへの結合荷重

 $\dot{y}$ : 入力 $u_1$ と $u_2$ で形成されたNNの出力

 $x_i$ : 入力 $u_1$ と $u_2$ で形成されたNNの中間層出力

 $a_i$ : 入力 $u_1$ と $u_2$ で形成されたNNの中間層の入力

 $\hat{w}_{ji}^l$ : 入力 $u_1$ と $u_2$ で形成されたNNの第l層の第iノード

から第l+1層の第jノードへの結合荷重

f:シグモイド関数

2つのNNを比較すると結合荷重の値以外に異なるのは $a_i$ と $a_i$ の中身である。そこで、教師信号に相当する $a_i$ の希望値の近似値 $a_i^o$ を求め、これを入力の選定に利用する。本来、NN 出力が教師信号に近づくような入力を選ぶべきであるが、Fig.2に示したように入力を付加する前後で中間層から出力に変る部分の NN 構造が不変であること

を考慮に入れるため、中間層ノードにおける $a_i$ の値を利用する。こうすることにより $a_i$ と $u_2$ の関係は線形であるので、大量のデータを必要とする相互情報量を用いなくても線形理論の枠組内で最も良い $u_2$ を選ぶことができる。したがって、線形理論の枠組内で, $I_m(u_h; \tilde{d_1}, \ldots, \tilde{d_r})$ の代わりとなる新しい重要性尺度Iを提案する。

#### 4.2 重要性尺度

 $a_i$ がその希望値に近くなり、従って NN 出力yが教師信号dに近くなるuを重要なuであるとする。そこで $a_i$ の希望値が必要である。希望値を直接知ることはできないので、その近似値 $a_i^o$ を求める必要がある。

ここでは、一次近似を用いて $a_i^o$ を求める。 $a_i$ が $a_i^o=a_i+\Delta a_i$ に変化したときyが $d=y+\Delta y$ になったとする

$$d = y + \Delta y$$

$$\simeq y + \sum_{i} \frac{\partial y}{\partial x_{i}} \Delta x_{i}$$

$$\simeq y + \sum_{i} \frac{\partial y}{\partial x_{i}} \frac{\partial x_{i}}{\partial a_{i}} \Delta a_{i}$$

$$d - y \simeq \sum_{i} \frac{\partial y}{\partial x_{i}} \frac{\partial x_{i}}{\partial a_{i}} \Delta a_{i}$$
(3)

 $a_i$ の希望値とのずれ $\Delta a_i = a_i^o - a_i$ を、既に選んだ $u_1$ と新しい入力候補uとを組み合わせて、近似表現する。

$$\Delta a_i \simeq \alpha_{i0} + \alpha_{i1} u_1 + \alpha_{i2} u_2 \tag{4}$$

(4)を(3)に代入すると

$$d - y \simeq \sum_{i} \frac{\partial y}{\partial x_i} \frac{\partial x_i}{\partial a_i} (\alpha_{i0} + \alpha_{i1} u_1 + \alpha_{i2} u_2)$$
 (5)

となる。これから、係数 $\alpha_{i0}$ ,  $\alpha_{i1}$ ,  $\alpha_{i2}$  を(5)の両辺の間の差が最小となるよう最小2乗法で求める。

最小2乗法で求めた係数を用いて計算したd-yの近似値と実際のd-yが似ているかどうかで入力情報の重要性を判定できる。入力の組とd-yの重相関係数の2乗を重要性尺度 $I_T(u)$ とする。

$$R^{2}(u_{1}, u, d - y) = \frac{\sum \left\{ (e - \bar{e})(\hat{e} - \bar{\bar{e}}) \right\}^{2}}{\sum (e - \bar{e})^{2} \cdot \sum (\hat{e} - \bar{\bar{e}})^{2}}$$
(6)

ただし e=d-y ,  $\hat{e}$  は(5)の右辺の係数として最小2乗法で求めた値を使ったときのd-y の近似値である。 $\bar{e},\bar{\hat{e}}$  は $e,\hat{e}$ の平均値, $\sum$ は全学習用サンプルについての和を表す。重相関係数Rは $-1 \leq R \leq 1$ の値をとり,|R|が1に近いほどeと $\hat{e}$ が似ていることを表す。

 $I_T(u)$  は 人 力 を  $u_1,u_2,\ldots$  と 追 加 す る 度 に  $R^2(u_1,u_2,u,d-y)$  ,  $R^2(u_1,u_2,u_3,u,d-y),\ldots$  のよう に計算していく。従来の方法では,既に選んだ入力のことは考えていなかった。これはデータ数の制約のためで

あったが、線形の枠組で考えると既に選んだ入力との組にして近似誤差を最も小さくできる入力を逐次的に選ぶことにより、その制約が緩くなる.

#### 4.3 他の重要性尺度

重要性尺度I(u)としてはNNの重みや $a_i^o$ の推定時の仮定の有無,近似の程度,計算量の大小が異なる他のものも考えることができる $^{6),7)}$ . 比較検討のために他の尺度を簡単に示す.

 $a_i^o$ の推定で、本来は $\Delta a_1, \Delta a_2, \dots$ を同時に考慮しなければならないが、個別に考える。(3)式で $\Delta a_1, \dots, \Delta a_{i-1}, \Delta a_{i+1}, \dots \equiv 0$ とすると

$$d-y \simeq rac{\partial y}{\partial x_i} rac{\partial x_i}{\partial a_i} \Delta a_i$$

よって

$$\Delta a_i \simeq \frac{d-y}{\frac{\partial y}{\partial x_i} \frac{\partial x_i}{\partial a_i}} 
a_i^o = a_i + \Delta a_i$$
(7)

となる。中身を書き下すと

$$\Delta a_i \simeq \frac{d - y}{f'(w_{10}^1 + \sum_i w_{1i}^1 x_i) \cdot w_{1i}^1 \cdot f'(a_i)}$$
 (8)

この値をもとに従来と同様に相互情報量を用いたものを 重要性尺度 $I_M$ とする。

$$I_M(u_h) = \sum_i I_m(u_h; \Delta a_{i1}, \dots, \Delta a_{ir})$$
(9)

この尺度では $MI(u, \Delta a_i) = MI\left(u, (d-y)/\frac{\partial y}{\partial x_i}\frac{\partial x_i}{\partial a_i}\right)$  に基づいている。従来との違いは $\frac{1}{\frac{\partial y}{\partial x_i}\frac{\partial x_i}{\partial a_i}}$  にある。これは,入出力の間の非線形変換の影響分を表している,これを考慮している分だけ近似の精度向上が期待される。

次に $\Delta a_i$ を用いた線形理論の枠組内の尺度を示す。

 $u_2 を NN$  に加えて $a_i = a_i^o$  となるようにしたい。この時,重み $w_{i0}^0, w_{i1}^0$  を変えない $(\hat{w}_{i0}^0 = w_{i0}^0, \hat{w}_{i1}^0 = w_{i1}^0)$ と近似して $a_i = a_i^o$ とおくと

$$a_i^o = a_i + \acute{w}_{i2}^0 u_2 \ a_i^o - a_i = \Delta a_i = \acute{w}_{i2}^0 u_2$$

従って $\Delta a_i$ と最も良く似た値を示すuを選べば良い。これは相関係数を使って選ぶことができる。

$$r(u, \Delta a_i) = \frac{\sum \left\{ (u - \bar{u})(\Delta a_i - \overline{\Delta a_i}) \right\}}{\sqrt{\sum (u - \bar{u})^2 \cdot \sum (\Delta a_i - \overline{\Delta a_i})^2}}$$
(10)

そこで重要性尺度I<sub>r</sub>を以下のように定義する.

$$I_r(u) = \sum_i \left[ \left\{ r(u, \Delta a_i) \right\}^2 \right] \tag{11}$$

#### 5. 入出力感度による削除的方法

生成的方法では基本的にはd-yを説明できる入力を追加してきた。しかし、教師データに対する表現能力を向上させるために必要以上に大きなネットワークとなる場合がある。

そこで、生成的方法によってネットワーク構成終了後、削除的方法を用いて不要な入力を削除する。不要な入力ノードを求める尺度として、入出力感度(入力の変動と出力の変動の比)を重要性の尺度とする方法が提案されている<sup>3)~5)</sup>。生成的方法によって追加された入力をもつネットワークを出発点として、感度を重要性尺度とする削除的方法によって不要な入力を逐次取り除いていく。

以下のように記号を定め、多層(L層)型ニューラルネットワークにおける感度の計算を行う。

p : 第p番目の学習データ  $x_i^l(p)$  : 第l層の第iノードの出力

 $w_{ji}^l$  :第l層の第iノードから

第1+1層の第1ノードへの結合荷重

 $a_i^l(p)$ : 第l層の第iノードへの入力和

求めるべきは出力 $y_j=x_j^L(p)$  が入力 $u_i=x_i^0(p)$  の変動によって、どれだけ変動するかである。すなわち、 $\frac{dx_j^L(p)}{dx_i^0(p)}$  の値である。そこで、 $S_{ji}^l=\frac{dx_j^L(p)}{dx_i^l(p)}$  と定義すると、

$$S_{ji}^{l}(p) = \sum_{k} w_{ki}^{l} f'(a_k^{l+1}(p)) S_{jk}^{l+1}(p)$$
 (12)

$$S_{ji}^{L}(p) = \frac{dx_{j}^{L}(p)}{dx_{i}^{L}(p)} = \delta_{ij} \begin{cases} 1(i=j\mathcal{O}時) \\ 0(i\neq j\mathcal{O}時) \end{cases}$$
 (13)

以上の計算により、入出力感度 $S_{ji}^0(p)$ を求める。この入出力感度をすべてのデータについて計算する。

入力層ノード1つ1つにつき出力層ノードの数だけ計算 した感度のうち、最も大きな値を持つものをその入力層 ノードの出力層ノードに対する重要性の尺度として用い る. すなわち、入力層ノードiの重要性尺度は

$$I_{i} = \max_{j} \sqrt{\frac{1}{p} \sum_{p=1}^{P} \{S_{ji}^{0}(p)\}^{2}}$$
 (14)

で与えられる.

それぞれの入力ノードで $I_i$ を計算し、この値が小さいほど出力に対する影響力が小さいと考えられる。最小の感度をもつ入力ノードを1つ削除し、NNの結合荷重を再学習する。停止基準を満たすまで感度計算、最小の感度

をもつノードの削除,結合荷重の再学習を繰り返す.

停止基準は生成的方法と同じくAICに類似の評価を用いる。

### 6. 例 題

#### 6.1 対象および条件

次の関数から生成されるデータを,ニューラルネットワークによって補間近似させる.

$$d = x_1^2 + (x_1 + |x_1|)\{x_2 + (x_2 + |x_2|)x_3\}$$
 (15)

変数 $x_1$ は常にdに影響を与えるが、 $x_2$ は $x_1 > 0$ のときにのみdに寄与し、さらに $x_3$ は $x_1 > 0$ かつ $x_2 > 0$ のときにのみ意味を持つ。 $x_3$ より $x_2$ 、 $x_2$ より $x_1$ が入力情報として重要といえる。

入力の要、不要を適切に判断できるかを検証するため、 偽の入力として $x_1, x_2, x_3$ にある確率で誤情報が入っている入力、全ての情報に平均値が0であるようなノイズを加えた入力、さらに無関係の乱数を用意した。

入力 $u_i$ を以下に示す。

 $u_1 \sim u_3 : x_1 \sim x_3$ 

 $u_4 \sim u_6: x_1 \sim x_3$ の値を4割の確率でランダムに 変える(値  $-1, -0.9, -0.8, \dots, 0.9, 1$ )

 $u_7: -0.5 \sim 0.5$ の乱数

 $u_8 \sim u_{10}: x_1 \sim x_3$ に平均値0のノイズを含む

各 $x_i$ が-1,-0.5,0,0.5,1の値をとる計 $5^3 = 125$ 通りについての、10入力およびdの値の組を学習データとして用いた

検証データとして、学習データとは異なる値、各 $x_i$ が -0.75, -0.25, 0.25, 0.75の計 $4^3 = 64$ 通りを与えた。

入力追加,削除の停止基準として(16)式で表される AICに類似の評価を用いる.評価Cがノードを追加する前より追加した後の方が大きくなるまで入力を生成的方法 を用いて追加する. Cが大きくなったということはノードを追加しない方が良かったということを意味するが,今追加したノードそのまま削除するのではなく,削除的方法を行う. 削除したネットワークのCが小さければさらに削除を続ける. 最終的な入力ノードと結合荷重はCが最小の時のネットワークとする.

$$C = 2Nlog(E) + \alpha K \tag{16}$$

E:出力と教師信号の平均2乗誤差の和

N:全データ数(学習データ + 検証データ)

K:ニューラルネットワークに含まれるパラメータ数

 $\alpha$ :調整係数

#### 6.2 結果

評価Cの調整係数 $\alpha = 6.0$ としてデータの乱数系列が異なる(case 1 $\sim$ 5)シミュレーションを5回行った. **Table-1** 

に入力を追加、削除してネットワークを形成した際の選 択された入力ノードの番号、評価C、及び検証データに対 する平均2乗誤差を示す。今回提案した重要性尺度ITが妥 当であることが確認できる。相互情報量を用いた従来の 尺度 $I_m$ や $I_M$ では2つめの入力を選ぶ段階で不要と考えら れる入力が選ばれ、Cが大きくなりそれ以上入力は追加 されなかった。NNの構造を考慮した分 $I_M$ は向上が期待 されたが、その効果は殆んどなかった。これは相互情報 量が確率の推定値を必要とし, データ数が少ない場合に はその確率が正しく推定できないことが原因と考えられ る. ITでは確率を必要としないので少ないデータ数でも 機能できている、また、 $I_r$ と比較することで既に選んだ 入力と組にして次の入力を選ぶ効果が確認できる。case1, case2を見れば3つめの入力が既に選んだ入力と組み合わ せて、正しく選ばれているのが確認できる。 $I_T$ では構造 を考慮したことによって、線形理論の枠組内で考えるこ とができるため、確率の推定値を必要としない相関係数 を尺度として用いることができた。また、既に選んだ入 力と組合わせて適切な入力を選ぶことが可能となった. この2点から少ないデータ数でも重要性尺度として機能す ることが確認できた.

次に学習データと検証データに対してのネットワークの平均2乗誤差の5回のシミュレーションの平均値を計算した。結果をTable-2に示す。人力を選定し、必要な人力のみでネットワークを構成することにより、学習データに対する誤差は増加しているが、検証データに対する誤差は小さくなっており、ネットワークの汎化能力が向上したことを確認できる。

Table-2 Average mean square error

Data set	NN with	NN with inputs				
	all inputs	selected by (6)				
Training set	$1.00 \times 10^{-5}$	$5.07\times10^{-5}$				
Validation set	$5.66 \times 10^{-4}$	$3.04 \times 10^{-4}$				

#### 7. ま と め

本研究では、階層型ニューラルネットワークへの適切な入力の選定を行うことを目的とした。具体的には入力情報の有用性を測る重要性尺度として、ネットワーク構造と既に選んだ入力を考慮にいれた生成的方法での尺度を提案した。例題から提案した重要性尺度によって、入力の要不要の適切な判断と汎化能力の向上が実現できることを確認した。

## 参考文献

- 村田;藤井;池田;平澤;相良:計測自動制御学会論文集 31-2(1995)236/243.
- 2) Gelbwachs, J. A.; Klein, C. F.; Wessel, J. E.: *IEEE Trans. on Neural Netsorks.***5-4**(1994)537.

Table-1 Results of input variable selection.  $E_v$  is mean square error on validation set. Letter 'a' after a node number means that the node is added by the constructive algorithm, while 'd' indicates that the node is deleted by the destructive algorithm. Underlined figures are final values and  $\square$  indicates the node numbers eventually selected by the method.

	$I_m$		$I_M$		$I_r$			$I_T$				
	Node	C	$E_v$	Node	C	$E_v$	Node	C	$E_v$	Node	C	$E_v$
case	No.		×10 <sup>-4</sup>	No.		×10 <sup>-4</sup>	No.		×10 <sup>-4</sup>	No.		×10 <sup>-4</sup>
1	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6
	4 a	-805.6	21.4	8 a	-794.6	23.7	2 a	-1059.3	7.9	2 a	-1059.3	7.9
	4 d	-861.8	19.6	1 d	-874.4	20.4	10 a	-2199.0	1.7	3 a	-2323.5	1.2
			ı				9 a	-2212.2	1.4	6 a	-2419.3	0.8
							5 a	-2172.3	1.4	8 a	-2262.3	1.3
							5 d	-2233.7	1.5	6 d	-2353.6	0.9
							9 d	<u>-2343.0</u>	<u>1.3</u>	8 d	<u>-2452.3</u>	0.8
							10 d	-1060.6	7.9	3 d	-1061.3	7.7
2	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6
	8 a	-819.5	25.4	8 a	-817.2	26.3	9 a	-1155.6	15.7	9 a	-1155.6	15.7
	1 d	-896.9	20.1	1 d	-899.1	20.1	8 a	-1201.9	15.2	10 a	-1968.1	2.2
							2 a	<u>-1222.7</u>	<u>15.5</u>	6 a	-1887.8	3.5
							4 a	-969.3	43.3	6 d	-2003.0	2.3
							4 d	-963.8	48.6	10 d	-1278.7	12.0
3	1 a	-888.7	19.8	1 a	-888.7	19.8	1 a	-888.7	19.8	1 a	-888.7	19.8
	8 a	-819.9	21.2	8 a	-819.5	20.9	2 a	-1082.0	9.1	2 a	-1082.0	9.1
	8 d	-888.0	20.0	8 d	-888.8	19.8	3 a	<u>-1676.8</u>	<u>10.4</u>	3 a	<u>-1676.8</u>	10.4
						İ	8 a	-1219.4	30.3	9 a	-1662.7	9.2
							8 d	-1486.4	18.1	9 d	-1519.7	16.4
							3 d	-1086.8	8.4			
4	1 a	-864.0	19.6	1 a	-864.0	19.6	1 a	-864.0	19.6	1 a	-864.0	19.6
	4 a	-855.1	39.7	8 a	-842.6	22.0	2 a	-1063.8	8.0	2 a	-1063.8	8.0
	1 d	-836.8	24.2	8 d	-864.2	19.6	3 a	-2435.1	1.1	3 a	-2435.1	1.1
							9 a	-2519.2	0.7	10 a	-2443.0	0.9
							5 a	-2529.3	0.7	5 a	-2338.5	1.1
				,			4 a	-2521.9	0.6	5 d	-2425.6	0.9
							4 d	<u>-2560.2</u>	0.6	10 d	<u>-2589.6</u>	0.7
							5 d	-2546.7	0.7	3 d	-1065.2	7.8
5	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6	1 a	-861.8	19.6
	4 a	-796.5	29.3	8 a	-643.9	99.3	2 a	-1059.4	7.9	2 a	-1059.4	7.9
	4 d	-861.8	19.6	8 d	-859.8	20.4	3 a	-2306.3	1.0	10 a	-2145.9	1.5
							9 a	-2298.6	0.9	3 a	-2288.7	1.2
							9 d	<u>-2364.4</u>	1.0	4 a	-2247.5	1.4
							3 d	-1058.0	8.0	4 d	-2299.9	1.2
										10 d	<u>-2356.8</u>	1.0
										3 d	-1060.9	7.8

- 3) 阿部: 九州大学工学部電気工学科卒業論文 (1995).
- 4) 野山; 村田; 平澤: 計測自動制御学会九州支部学術講演会 (1995)221.
- 5) 野田; 村田; 平澤; 阿部: 電気学会電子・情報・システム部門 大会予稿集 (1996)531.
- 6) 中園;村田;平澤:電気学会電子・情報・システム部門大会予稿集 (1997)625.
- 7) 中園; 村田; 平澤: インテリジェント・システム・シンポジウム予稿集 (1997)277.